BEDD111DST

تدريسِ رياضي

Pedagogy of Mathematics

ڈائر کٹوریٹ آفٹر اسلیشن اینڈ پبلی کیشنز مولانا آزاد بیشنل اُردو یو نیورسٹیٰ حیدر آباد

مولانا آزادیشنل اُردویو نیورسیٔ حیدرآ باد سلسله مطبوعات نمبر -12

ISBN: 978-93-80322-18-6

Edition: June, 2018

ناشر : رجسرار مولانا آزانیشنل اُردویو نیورسی ٔ حیدرآباد

اشاعت : جولائی 2018

تعداد : 1200

قیمت: 120 روپے (فاصلاتی طرز کے طلبہ کی داخلہ میں کتاب کی قیمت شامل ہے۔)

مطبع : میسرزیرنٹ ٹائم اینڈ برنس انٹریرائزز ٔ حیدر آباد

Pedagogy of Mathematics

Edited by:

Prof. Siddiqui Md. Mahmood

Professor, Department of Education & Training

On behalf of the Registrar, Published by:

Directorate of Distance Education

In collaboration with:

Directorate of Translation and Publications

Maulana Azad National Urdu University Gachibowli, Hyderabad-500032 (TS) E-mail: directordtp@manuu.edu.in



فاصلاتی تعلیم کے طلباوطالبات مزید معلومات کے لیے مندرجہ ذیل پہتہ پر رابطہ قائم کر سکتے ہیں: ڈ ائر کٹر **نظامت فاصلاتی تعلیم**مولا نا آزاد بیشنل اُردویو نیورسٹی

گی باؤلی حیر رآباد - 500032

Phone No.: 1800-425-2958, website: www.manuu.ac.in

اكائىنمبر صفحةبر وائس حيانسلر 5 بيغام ڈ ائر کٹر بيش لفظ 6 يروفيسرصد نقى محرمحمود رياضي كاتعارف اكائى :1 8 یروفیسر،شعبهٔ تعلیم وتربیت، مانو،حیدرآباد تدريس رياضي كاغراض ومقاصد ڈا کٹر نجمہ بیگم 1 كائى 37 اسشنٹ پروفیسر،شعبہ تعلیم وتربیت،حیدرآباد ڈاکٹر**فر**حت علی اسشنٹ پروفیسر،شعبهٔ تعلیم وتربیت،حیدرآباد ریاضی کے تصورات کی تدریس واکتساب کی ڈاکٹر بونڈ وراجو ا کائی :3 56 اسشنٹ پروفیسر، کالج آفٹیچرا یجوکیشن، بیدر طرزرسائي،طریقےاورحکمت عملیاں ریاضی درس وتد ریس کے لیےمنصوبہ بندی ڈاکٹر ظفرا قبال زیدی ا کائی :4 87 اسشنٹ پروفیسر، کالج آفٹیچرا یجوکیش، در بھنگہ ریاضی کے اکتبابی مسائل ڈاکٹرسیدتو قیرامام اكائى :5 101 سط مع مر . فيسه بمالج آف ثيجرا يحوكيشن،آسنسول

اسشنٹ پروفیسر، کانج آف پیچرا یجولیشن،آس	
ایڈیٹرولینگو یخ ایڈیٹر:	ایڈیٹر:
پروفیسرصد یقی محمحمود	پر و فیسر صدیقی محرمحمود
پروفیسر،شعبهٔ ^{تعلی} م وتربیت	پروفیسر،شعبه قلیم وتربیت
مولا نا آزادنیشنل اردویو نیورشی،حیررآ باد	مولانا آ زادنیشنل ار دو بو نیورسگی، حیدر آباد
پروفیسر،شعبهٔ تعلیم وتر	پروفیسر،شعبه تعلیم وتربیت

پیغام وائس چانسلر

وطن عزیز کی پارلیمنٹ کے جس ایکٹ کے تحت مولانا آزادنیشنل اُردو یو نیورسٹی کا قیام عمل میں آیا ہے اُس کی بنیادی سفارش اُردو کے ذریعے اعلیٰ تعلیم کا فروغ ہے۔ یہوہ بنیا دی نکتہ ہے جوا بک طرف اِس مرکزی یو نیورسٹی کو دیگر مرکزی جامعات سے منفر دبنا تا ہے تو دوسری طرف ایک امتیازی وصف ہے،ایک شرف ہے جوملک کے کسی دوسرے إدار ہے کو حاصل نہیں ہے۔اُردو کے ذریعے علوم کوفر وغ دینے کاواحد مقصد ومنشا اُردو داں طبقے تک عصری علوم کو پہنچانا ہے۔ ایک طویل عرصے سے اُردو کا دامن علمی مواد سے لگ بھگ خالی ہے۔ کسی بھی کتب خانے یا کتب فروش کی الماریوں کا سرسری جائزہ بھی تصدیق کردیتا ہے کہ اُردوزبان سمٹ کرچند''اد بی'' اصناف تک محدود رہ گئی ہے۔ یہی کیفیت رسائل واخبارات کی اکثریت میں دیکھنے کوملتی ہے۔ ہماری پرتجریریں قاری کوبھی عشق ومحبت کی پُر چھی را ہوں کی سیر کراتی ہیں تو بھی جذبا تیت ہے پُر سیاسی مسائل میں اُلجِھاتی ہیں، بھی مسلکی اورفکری پس منظر میں مٰداہب کی توضیح کرتی ہیں تو بھی شکوہ شکایت سے ذہن کوگراں بارکرتی ہیں۔ تاہم اُردو قاری اوراُردو ساج آج کے دور کے اہم ترین علمی موضوعات جاہے وہ خوداُس کی صحت و بقاسے متعلق ہوں یا معاشی اور تجارتی نظام سے، وہ جن مشینوں اور آلات کے درمیان زندگی گزارر ہاہے اُن کی بابت ہوں یا اُس کے گردوپیش اور ماحول کے مسائل..... وہ ان سے نابلد ہے۔عوامی سطح پر اِن اصناف کی عدم دستیابی نے علوم کے تین ایک عدم دلچین کی فضا پیدا کردی ہے جس کا مظہر اُردو طبقے میں علمی لیافت کی کمی ہے۔ یہی وہ چیانجز ہیں جن سے اُردو یو نیورٹی کونبرد آز ماہونا ہے۔نصابی مواد کی صورت حال بھی کچھ مختلف نہیں ہے۔اسکو لی سطح کی اُردوکت کی عدم دستیابی کے جریعے ہرتعلیمی سال کے شروع میں زیر بحث آتے ہیں۔ چونکہ اُردو یو نیورسٹی میں ذریع تعلیم ہی اُردو ہے اوراس میں علوم کے تقریباً سبھی اہم شعبہ جات کے کورسز موجود ہیں لہٰذا اِن تمام علوم کے لیےنصابی کتابوں کی تیاری اِس یو نیورسٹی کی اہم ترین ذمہ داری ہے۔ اِسی مقصد کے تحت ڈائر کٹوریٹ آفٹرانسلیشن اینڈ پبلی کیشنز کا قیام مل میں آیا ہے اور احقر کو اِس بات کی بے صدخوثی ہے کہ اپنے قیام کے محض ایک سال کے اندر ہی بیر برگ نو ہمر آ ور ہو گیا ہے۔اس کے ذ مدداران کی انتقک محنت اور قلم کاروں کے بھر پورتعاون کے نتیج میں کتب کی اشاعت کا سلسلہ شروع ہوگیا ہے۔ مجھے یقین ہے کہ کم سے کم وقت میں نصابی اور ہم نصابی کتب کی اشاعت کے بعد اِس کے ذمہ داران ، اُر دوعوام کے واسطے بھی علمی مواد ، آسان زبان میں تحریر عام فہم کتابوں اور رسائل کی شکل میں شائع کرنے کا سلسلہ شروع کریں گے تا کہ ہم اِس یو نیور ٹی کے وجوداور اِس میں اپنی موجود گی کاحق ادا کرسکیں۔

ڈاکٹر محمداسلم پرویز خادم اوّل مولانا آزادنیشنل اُردویونیورسٹی

يبش لفظ

ہندوستان میں اُردو ذریع تعلیم کی خاطر خواہ ترتی نہ ہو پانے کے اسباب میں ایک اہم سبب اُردو میں نصابی کتابوں کی کی ہے۔اس کے متعدد دیگر عوال بھی ہیں کین اُردو میں نصابی کتابوں کی کی ہے۔اس کے متعدد دیگر عوال بھی ہیں کین اُردو میں نصابی اور معاون کتب نہ ملنے کی شکایت ہمیشہ رہی ہے۔1998ء میں جب مرکزی حکومت کی طرف سے مولانا آزاد نیشنل اُردو یو نیورٹی کا قیام عمل میں آیا تو اعلی سطح پر کتابوں کی نہیں بلکہ حوالہ جاتی اور مختلف مضامین کی بنیادی نوعیت کی کتابوں کی نہیں بلکہ حوالہ جاتی اور مختلف مضامین کی بنیادی نوعیت کی کتابوں کی ضرورت بھی محسوس کی گئی۔فاصلاتی طریقوں نے مختلف طریقوں سے اُردو میں مواد کا فلم کیا۔ کچھ موادیہاں بھی تیار کیا گیا مگر علمی کتابوں کی منظم اور مستقل اشاعت کا سلسلہ شروع نہیں کیا جاسکا۔

موجودہ شخ الجامعہ ڈاکٹر مجمداسلم پرویز نے اپنی آ مدے ساتھ ہی اُردو کتابوں کی اشاعت کے تعلق سے انقلاب آفریں فیصلہ کرتے ہوئے ڈائر کٹوریٹ آ فیٹر انسلیشن اینڈ پبلی کیشنز کا قیام عمل میں لایا۔ اس ڈائر کٹوریٹ میں بڑے پیانے پر نصابی اور دیگر علمی کتب کی تیاری کا کام جاری ہے۔ کوشش ہی جارہ کے ہمارہ کورمز کی کتابیں متعلقہ مضامین کے ماہرین سے راست طور پر اُردو میں ہی کصوائی جا کیں۔ اہم اور معروف کتابوں کے تراجم کی جانب بھی پیش قدمی کی گئی ہے۔ تو قع ہے کہ مذکورہ ڈائر کٹوریٹ ملک میں اشاعتی سرگرمیوں کا ایک بڑا مرکز ثابت ہوگا اور یہاں سے کشر تعداد میں اُردو کتابیں شائع ہوں گی۔ نصابی اور علمی کتابوں کے ساتھ مختلف مضامین کی وضاحتی فر ہنگ کی ضرورت بھی محسوس کی جاتی رہی ہے۔ لہذا ابو نیورسٹی نے فیصلہ کیا کہ اولاً سائنسی مضامین کی فر ہنگ یں اس کے طرح تیار کی جا کیں جن کی مدد سے طلبہ اور اسا تذہ مضمون کی باریکیوں کوخودا پنی زبان میں سمجھ کیس۔ ڈائر کٹوریٹ کی پہلی اشاعت وضاحتی فر ہنگ (حیوانیات و حشریات) کا اجرا فرور دی 2018ء میں عمل میں آیا۔

زیرنظر کتاب بی ایڈ کے طلبہ کے لیے تیار کی گئی ہے اور سال اول کی 17 کتابیں بیک وقت شائع کی جارہی ہیں۔ یہ کتابیں بنیادی طور پر فاصلاتی طریقہ تعلیم کے طلبہ کے لیے ہیں تاہم اس سے روایتی طریقہ تعلیم کے طلبہ بھی استفادہ کر سکیں گے۔اس کے علاوہ یہ کتابیں تعلیم ومذریس کے عام طلبہ اسا تذہ اور شائقین کے لیے بھی دستیاب ہیں۔

یاعتراف بھی ضروری ہے کہ زیرنظر کتاب کی تیاری میں شخ الجامعہ کی راست سر پرتی اورنگرانی شامل ہے۔اُن کی خصوصی دلچیسی کے بغیراس کتاب کی اشاعت ممکن نہ تھی۔نظامت فراصلاتی تعلیم اوراسکول برائے تعلیم وتربیت کے اساتذہ اورعہدیداران کا بھی عملی تعاون شاملِ حال رہا ہے جس کے لیے اُن کا شکریہ بھی واجب ہے۔

اُمید ہے کہ قارئین اور ماہرین اپنے مشوروں سے نوازیں گے۔

پروفیسر محمد ظفرالدین ڈائرکٹر ڈائرکٹوریٹ آفٹر اسلیشن اینڈیبلی کیشنز

كورس كانعارف

ریاضی،اسکولی نصاب میں شامل ایک اہم اور لازمی مضمون ہے، عام طور پر دیکھا گیا ہے کہ بعض لوگ اسے ایک خشک مضمون سجھتے ہیں جوسرا سرغلط ہے۔ در حقیقت ریاضی ایک انتہائی دلچسپ اور عملی زندگی سے قریبی طور بر مربوط مضمون ہے۔

ضرورت اس بات کی ہے کہ استاد ،اس مضمون کی تدریس اور بچوں کے سامنے اسے دلچیپ بنا کر پیش کرنے کے سلیقے اور قریخ سے واقفیت رکھتا ہو اور اس کا م کووہ اپنے لیے ایک چیلنج کے لطور قبول کرے۔

زبرنظر کتاب اسی سمت میں ایک کوشش ہے جوسکنڈری اسکول کے اساتذہ کی قبل از ملازمت تربیت کی غرض سے تیار کی گئی ہے۔

یہ کتاب فن تعلیم ریاضی فو قاند سطے پرزیر تربیت معلمین کے لیے خود تدریبی مواد کے ذریعے اکتساب کا ایک بہترین وسیلہ ہے۔ جس میں ماہرین اور مفکرین کے افکار طریقہ ہائے تدریس اور بی ایڈ کورس سے متعلق سرگرمیوں کا احاط کیا گیا ہے۔ اس کتاب کو 5۔ اکائیوں میں منقسم کیا گیا ہے۔ پہلی مفکرین کے افکار طریقہ ہائے تدریس ریاضی کے مقاصد ، اقدار ، اکائی میں ریاضی کا تعارف ، ریاضی دانوں کی خدمات اور دوسر مضامین سے اس کا ارتباط شامل ہیں۔ دوسری اکائی میں تدریس ریاضی کے مقاصد ، اقدار ، مختلف کمیٹیوں ، کمیشیوں کمیشیوں کمیشیوں کمیشیوں کے سفار شات اور بلوم کے نظر یے کی وضاحت کی گئی ہے۔ تیسری اکائی میں ریاضی کے تصورات ، طرز رسائی ، حکمت عملیاں اور طریقہ ہائے تدریس شامل ہیں۔ چوتھی اکائی میں منصوبہ بندی ، خورد تدریس اور تدریبی ہدایات کی منصوبہ بندی کا احاط کیا گیا ہے اور پانچویں اکائی میں اکتسابی وسائل ، معلومات فراہم کی گئی ہے۔ طلبہ کی سبولت کے لئے ، خلاصہ ، اختتا می مشقیں ، فر ہنگ عملی انطباق سے مربوط ، اکتسابی مختصر وطویل جوابی سوالات پیش کے گئے ہیں۔ سہولت کے لیے ، خلاصہ ، اختتا می مشقیں ، فر ہنگ عملی انطباق سے مربوط ، اکتسابی مختصر وطویل جوابی سوالات پیش کے گئے ہیں۔

امید کی جاتی ہے کہ بیتر رکی موادآپ کے اکتساب کے لیے معاون ہوگا۔ آپ کے مفید مشورے قابلِ قبول ہوں گے۔

تذريسِ رياضي

ا کائی۔ 1 ریاضی کا تعارف

(Introduction to Mathematics)

ساخت

(Introduction) :
$$3n_{\mu\nu}$$
 1.1

(History of Mathematics with special emphasis on Teaching Mathematics)

(Arya Bhatta, Brahmagupta, VarahaMihira, Bhaskaracharya, Srinivasa Ramanujan, Shakuntala Devi)

(Correlation of Mathematics with other School subjects and with other Branches of Mathematics.)

(Introduction): تهيد: 1.1

گروہوں کی فطری خواہش ہے کہ ملک کوتر تی یافتہ ، طاقتوراور قائدانہ روپ میں دیکھیں۔ آزادی کے بعد سے اب تک ملک نے بہت سارے شعبوں میں غیر معمولی اور مثالی کامیابی حاصل کی ہے اور ترقی کا سفرتیز رفتاری کے ساتھ جاری ہے۔ تمام لوگوں کو اعتماد میں لیتے ہوئے ترقی کی نئی نئی منزلیں طے کرنے کے لیے منظم منصوبہ بندی اور محنت کے ساتھ سائنس اور تکنا لوجی کے میدان پرخصوصی توجہ کی ضرورت سے انکار نہیں کیا جا سکتا ہے۔ علم ریاضی کو تمام سائنسی علوم کی روح کہا جا تا ہے اس لیے ضرور کی ہوجا تا ہے کہ اسکولی سطح سے سائنس اور ریاضی جیسے مضامین کے فروغ کے لیے مناسب اقدامات کیے جا کیں۔

تدریسِ ریاضی (Teaching of Mathematics) کی تعلیم اسا تذہ کے پروگراموں میں خصوصی اہمیت ہے۔اس اکائی میں ریاضی کے مفہوم، اُس کی نوعیت اور وسعت کا تعارف کرواتے ہوئے تدریسِ ریاضی پرخصوصی زور کے ساتھ ریاضی کی تاریخ کا اجمالی خاکہ پیش کیا گیا ہے۔اس کے ساتھ ہم رشتگی پر بھی بحث ساتھ ریاضی کے میدان میں ہندوستانی اور مغربی ریاضی دانوں کی خدمات اوراس مضمون کی خودا پنی دیگر شاخوں اور دیگر مضامین کے ساتھ ہم رشتگی پر بھی بحث کی گئی ہے۔

1.2 مقاصد: (Objectives)

اس ا کائی کے بعد آپ اس قابل ہوجا کیں گے کہ

- 🖈 ریاضی کے مفہوم ،اس کی نوعیت اور وسعت اینے الفاظ میں بیان کرسکیں۔
 - 🖈 ریاضی کی تاریخ پراس کی تدریس کے حوالے سے روشنی ڈال سکیس۔
- 🤝 ریاضی کے میدان میں مختلف ریاضی دانوں کی خد مات کا جائز ہیش کرسکیس اور خاص طور پر ہندوستانی ریاضی دانوں کی خد مات کی تحسین کرسکیس 🖈
 - 🖈 ریاضی کے دیگر مضامین اوراپنی شاخوں کے ساتھ ہم رشتگی پر مدلِل بحث کر سکیں۔

1.3 ریاضی کامفهوم، نوعیت اوروسعت: (Meaning, Nature and Scope of Mathematics)

1.3.1 رياضي كامفهوم

ہمارے ملک ہندوستان کو مضمون ریاضی میں ایک خاص مقام حاصل ہے۔ زمانۂ قدیم ہی سے یہاں لوگ اس مضمون میں دلچیپی لیتے رہے ہیں۔ ویدوں کے دور میں بھی لوگ ریاضی ہے متعلق مختلف چیزیں جانتے اور برتیے تھے اور آج نہ صرف ہندوستان بلکہ بین الاقوامی سطح پرویدک ریاضی کی ایک خاص پیچان ہے۔ علم ریاضی کے لیے انگریزی میں لفظ (Mathematics) استعمال کیا جاتا ہے۔ جو اصلاً یونانی لفظ سے جس کے معنی مقدار، اعداد، ساخت بیا تبدیلی کاعلم ہے۔

ماہرین نے ریاضی کی مختلف تعریفات (Definitions) بیان کی ہیں یہاں چندا ہم تعریفات پیش کی جارہی ہیں۔

- 1- ارسطو: ریاضی مقدار کاعلم ہے۔ (Mathematics is the Science of Quantity- Aristotle)
- 2- بیکن : ریاضی تمام سائنسی علوم کی گزرگاه اورکلید ہے۔ (Mathematics is the gateway & key to all Sciences)
- Gauss: ریاضی تمام علوم کی ملکہ ہے۔ اور حساب تمام ریاضیات کی ملکہ ہے۔ (& Arithmetic is the queen of all Mathematics)
- Locke نریاضی وجوہات کی عادت کو ذہن نشین کروانے کا طریقہ ہے۔ (Locke انظم عادت کو ذہن نشین کروانے کا طریقہ ہے۔ (habit of reasoning

- Mathematics is engagged,)۔ دیاضی حقیقت میں فن کے گہرے مطالعہ اور اظہارِ سن میں مشغول ہوتی ہے۔ (G.B. Shaw د infact, in the profound study of art & the expression of Beauty
- Mathematics is the indispensable instrument of all)۔ دیاضی تمام طبعی تحقیقات کا ناگزیر آلہ ہے۔ (Kant ریاضی تمام طبعی تحقیقات کا ناگزیر آلہ ہے۔ (physical researches

اس طرح ہم نے دیکھا کہ مختلف ماہرین کی پیش کر دہ تعریف میں کوئی بھی تعریف اپنے آپ میں مکمل اور جامع نہیں کہ اس کے شیخے اور مکمل منہوم کو واضح کر سکے۔ ہاں یہ بات ضرور ہے کہ ہر تعریف ریاضی کے کسی اہم پہلو پر روشنی ڈالتی ہے۔ ان تعریفات (Definitions) کے مطالعہ سے پہتہ چاتا ہے کہ مضمونِ ریاضی صرف اعداد کا علم نہیں اور نہ ہی جع (Addition)، تفریق (Subtraction)، ضرب (Multiplication) اور تقسیم (Co-relation)، تفریق کی محدود ہے۔ اس میں تعمیم (Co-relation)، مختلف متغیرات (Variables) کے مابین ہم رشتگی (Co-relation)، منطقی فکر جیسے اعمال کی حد تک محدود ہے۔ اس میں تعمیم (Reasoning)، کرنا جیسی چیز وں کے علاوہ بھی بہت کچھ ہے۔ قومی تعلیمی پالیسی 1986 نے ریاضی کی اہمیت کو اضح کرتے ہوئے اس کے مقاصد بڑے ہی جامع انداز میں پیش کئے ہیں۔

(Nature of Mathematics) دریاضی کی نوعیت: (1.3.2

اگرریاضی کی اہم خصوصیات کا تجزیہ کریں تو اس سے ریاضی کی نوعیت اُجا گر ہوتی ہے۔ ریاضی کی چندالیی منفر دخصوصیات ہیں جوہمیں دیگر مضامین میں بڑی مشکل سے ملتی ہیں۔ ذیل میں ان خصوصیات کا تذکرہ کیا جارہاہے۔

- (Mathematics is Science of Discovery) ریاضی دریافت (کھوج) کی سائنس ہے۔ (1
 - (Mathematics is an intellectual game) ریاضی ایک زبنی کھیل ہے۔ (2
- (Mathematics deals with the art of drawing conclusion) ریاضی نتانگ اخذ کرنے کافن ہے۔
 - (Mathematics is a Tool subject) ریاضی ایک مددگار مضمون ہے۔ (4
 - (Mathematics is a systematic deductive science) ریاضی ایک منظم استخرا جی سائنس ہے۔
- (Mathematics is an experimental inductive science) ریاضی ایک تجرباتی استقرائی سائنس ہے۔
- 7) ریاضی برہی (الہامی) طریقے کا استعال کرتی ہے۔ (Mathematices involves an intuitive method)
- (Mathematics is a science of precision and Accuracy) ریاضی صحت اور درنتگی کی سائنس ہے۔
 - (9) ریاضی منطقی تر تیب کا حامل مضمون ہے۔ (Mathematics is a subject of logical sequence)
 - 10) ریاضی کو نئے حالات میں اُصولوں اور تصورات کے اطلاق کی ضرورت ہوتی ہے۔

(Mathematics requires the application of rules and concepts to new situations)

11) ریاضی میں تعمیم اور درجہ بندی کی جاتی ہے۔

(Mathematics deals with generalisation and classification)

- (Mathematics has its own language and symbols) ریاضی کی اینی زبان اور علامات ہوتی ہیں۔
 - (Mathematics is an abstract science) ریاضی ایک تجریدی سائنس ہے۔

- (Mathematics is a study of structure) ریاضی ساخت کا مطالعہ ہے۔
 - (Mathematics is logic) ریاضی منطق ہے۔
 - ذیل میں ان خصوصیات کی وضاحت پیش کی جارہی ہے۔
- 1۔ ریاضی دریافت (کھوج) کی سائنس ہے۔ (A.N. Whitehead (Mathematics is a Science of Discovery) کی سائنس ہے۔ (کھوج) کے مل سے مخطوظ ہونا چاہیے۔'' بچوں کوالیسے مواقع فراہم کرنے کی ضرورت ہے کہ جن کی مددسے وہ ازخود مطابق' ہم بچنچ نے دریافت (کھوج) کے مل سے مخطوظ ہونا چاہیے۔'' بچوں کوالیسے مواقع فراہم کرنے کی ضرورت ہے کہ جن کی مددسے وہ ازخود ریاضی سے متعلق مختلف چیزیں دریافت کر سکیس اور اُنھیں اپنے حسابی اعمال میں درستگی (Accuracy) حاصل کرنے کی مشق بہم پہنچائی جائے۔
- 2۔ ریاضی ذبنی کھیل ہے۔ (Mathematics is an Intellectual Game) ریاضی کے اپنے اُصول ہیں اور اس کھاظ سے وہ کسی ہیرونی کسوٹی کی مختاج نہیں ہے۔ اسطرح اس کا ایک تعارف ایک ذبنی کھیل کی حیثیت سے بھی بنتا ہے جس کی روسے وہ معمے، کہیلی اور مسئلہ کو حل کرنے کی دلچیپ ذبنی مشق ہے۔
- 3۔ ریاضی نتائے اخذ کرنے کافن ہے۔ (Mathematics deals with the art of drawing conclusions) اسکول کی ایک ذمہ داری بچوں کوالیسے طرز فکر سے روشناس کرانا ہے جونتائے اخذ کرنے میں اُن کی معاونت کرے۔ J.W.A. Young کے مطابق اس طرز فکر سے روشناس کرانے کے مقصد سے کسی مناسب مضمون میں درج ذیل تین خصوصیات کا ہونا ضرور کی ہے۔
- 1) یہ کہا ً سمنعمون کے اخذ کر دہ نتائج یقینی ہوں۔طالبعلم کو یہ معلوم ہو کہا سمنعمون کے ذریعے جونتائج اخذ کئے گئے ہیں وہ بالکل درست اور یقینی ہیں۔
- 2) میرکہ وہ مضمون طالبعلم کواولین مراحل میں آسان ترین تنائج اخذ کرانے کے مواقع فراہم کرے اور جیسے جیسےان بنیا دی نتائج پراُسے عبور حاصل ہوآ گے کے نتائج اخذ کرنے کے لئے اس کی رہنمائی کی جائے۔
- 3) میر بھی کہاس مضمون کے اخذ کر دہ نتائج دیگر مضامین اور عام طور پر انسانی تعامل (Human Interaction) کے لیے بھی مثالی ہوں۔
- 4۔ ریاضی ایک مدد گارمضمون ہے۔ (Mathematics is a Tool subject) ریاضی کی اپنی چند نمایاں خصوصیات ہیں جن میں کلیت (Structure) من مون کے ساتھ خصوص ہیں۔اس (Beauty)، ساخت یا تنظیم (Structure) شامل ہیں۔ بیخصوصیات اس مضمون کے ساتھ خصوص ہیں۔اس کے ساتھ یہ بھی ایک حقیقت ہے کہ اپنے آپ مکمل ہونے کے ساتھ ساتھ دیگر مضامین کے اکتساب میں بھی بیمضمون معاون اور مدد گار ثابت ہوتا ہے۔اپنے اطلاق کے لحاظ سے یہ ایک مضبوط آلہ ہے۔

سین کھا ہے "Mathematics & Teaching of Sciences" میں کھا ہے اپنے ایک مضمون بہ عنوان "Mathematics & Teaching of Sciences" میں کھا ہے "ریاضی کے داخلی استحکام (Internal Consistency) کے سحر میں تمام طلبہ گرفتار نہیں ہوتے اور ہرکوئی اسے اپنا پیشہ بھی نہیں بنا سکتا لیکن درجنوں طلبہ ایسے ہیں جن کے لئے یہ مضمون نفیس آلہ ہے۔" یعنی اس کے ذریعے سے وہ دیگر مضامین کے مختلف تصورات سیکھتے ہیں۔

5۔ ریاضی ایک منظم استخرا تی سائنس ہے۔ (Mathematics is a Systmatic Deductive Science) ریاضی ایک ایسے منطقی عمل کا نظام ہے جس میں چند مخصوص بنیا دی نوعیت کے حامل مفروضات (Assumptions) اور تعریفات (Definitions) کو جنہیں حقیقت کے طور پر تسلیم کر لیا گیا ہے۔ طالب علم انہیں کے حوالے سے نتائج اخذ کرتا ہے۔ اس لئے بیشرط بہت اہم ہے کہ جس چیز کو بطور حوالہ استعال کرر ہا ہووہ صحیح ہوں۔

مثال کے طور پر۔جب دوخطوط قطع کرتے ہوں تو متقابلہ زاویے (Opposite Angles)، مساوی ہوتے ہیں۔یہ ایک بنیاد (Premise)ہے۔اس لئے اگر A>اور C> متقابل زاویے ہوں تو

<A = <D طالب علم فوری طور پر کہہسکتا ہے کا

سے نتیجہ اس بنیاد (Premise) پر اخذ کیا گیا کہ "متقابلہ زاویے مساوی ہوتے ہیں۔" اس طرح انتخراجی استدلال رتوجیہہ (Reasoning) کی بنیاد پرہم ثابت کرتے ہیں کہ اگر کوئی چیز صحیح ہے تواس کی بنیاد پر کوئی دوسری چیز صحیح رغلط ہوگی۔

ریاضی ایک تجرباتی استقرائی سائنس ہے۔ (Mathematics is an Experimental Inductive Science) ریاضی میں،

ریاضیاتی مظاہر (Mathematical Phenomena) اوررشتوں (Relationships) کی روثنی میں تعمیم (Generalisation) کی جاتی جاتی مظاہر (Cases) میں مطالب تو اس طرح کے تمام معاملات ہے۔ اسکی بنیاد ہی اس اصول پر ہوتی ہے کہ اگر کوئی تعلق (رشتگی) بعض معاملوں (Cases) میں بھی کھر ااتر تا ہے۔ اس لئے اس تعلق (رشتگی) کی تعمیم کی جاسکتی ہے۔ یعنی اسے ایک عام اصول (General Rule) کی شکل دی جاسکتی ہے۔

مثلًا ۔ شلث کے نتیوں زاویوں کا مجموعہ 180 ہوتا ہے۔اس خصوصیت کا بہت سارے مثلثات میں مشاہدہ کرنے کہ بعد طلبہ ایک عمومی بیان کے طور پراس کا اظہار کرتے ہیں ۔

> غرض۔ایک تعیم،اصول یاضابطہ کئیں ایک مخصوص مثالوں،موقعوں اور سچائیوں کے غائر مشاہدے کے بعد بیان کیا جاسکتا ہے۔ اسی چیز کوعلامتی طور پریوں بھی کہا جاسکتا ہے کہ P/G

یغی استقرائی عمل مخصوص معاملات (Particular Cases) سے تعمیم رعموی بیان کی طرف بڑھتا ہے۔

(Mathematices involves an Intuitive Method) مریقے کا استعال کرتی ہے۔ (Analytic) الہامی) طریقے کا استعال کرتی ہے۔ (Analytic) الہام روجدان (Intuition) سے مراد، وہ عمل ہے جس کے ذریعے ہم کسی مسئلے کے مفہوم، اہمیت یا ساخت کو اپنی تخلیل رتجزیاتی (ممالات پر انحصار کئے بغیرازخود یا لیتے ہیں۔

وجدانی انداز برق رفتاری کے ساتھ مفروضہ تک پہنچنے میں ہماری رہنمائی کرتا ہے۔ بیاصل ثبوت سے پہلے کا مرحلہ ہے۔ بعد میں تحلیل رتجزیہ (Analysis) اور ثبوت بیان کرنے کی تکنیکیوں کو اختیار کرکے اسے جانچا جاتا ہے۔ الہام روجدان دراصل ایک ریاضیاتی سرگرمی ہے جواپنے اطلاق کے اعتاد پر نہ کہ ہمیشہ چھے جواب کی اہمیت پرزیادہ انحصار کرتی ہے۔

الہام روجدان کا جب ریاضی میں اطلاق کیا جاتا ہے تو وہ ایک خیال رتصور (Idea) جو کہ اپنی مجرد شکل میں ہوتا ہے اسے مقرون (Concrete)شکل میں پیش کرتا ہے۔حالانکہ ابھی وہ چیز کسی عمل یا مثال کی شکل میں بیان نہیں کی گئی ہوتی ہے۔

ریاضی با قاعدگی اور در تنگی کی سائنس ہے۔ (Mathematics is a Science of Precision and Accuracy) ریاضی کو ایک درست رنقائص سے پاک سائنس مانا جاتا ہے اور اس کی اصل وجہ اس میں موجود 'با قاعدگی' ہے۔ ریاضی میں نتائج رحل یا تواضیح 'ہوں گے یا غلط یا توانہیں تسلیم کیا جائیگا یامستر د۔ یہاں صحیح اور غلط کے درمیان کوئی نئے کا راستہ (Mid Way) نہیں ہوتا۔ حدتو ہے کہ جن مسائل یا معاملات میں تقریباً راندازاً قیمتوں پر زور دیا جاتا ہے یا جہاں اندازے اور تخمینے سے کام چل سکتا ہے۔ ریاضی کے نتائج ایسے وقت میں درشگی (Exactness) کے سی بھی درجے تک جاسکتے ہیں۔

- 9۔ ریاضی منطقی ترتیب کا عامل مضمون ہے۔ (Mathematics is a Subject of Logical Sequence) ریاضی کے اکتباب کا عمل معلی ترتیب کا عامل مضمون ہے۔ (Easy to Difficult) ہیشہ آ سان سے مشکل کی طرف (Simple to Complex) ہیادہ سے پیچیدہ کی طرف (Concrete to Abstract) پیش قدمی کرتا ہے۔ اس مضمون میں سابقہ معلومات پر انحصار، خصوصی اہمیت کی حامل ہے۔ اسی طرح المجرا، حساب (Arithmatic) پر کمیلولس (Calculus) المجرا بر، اسی طرح سے ریاضی کی دوسری شاخیس بھی ایک دوسرے پر مخصر ہوتی ہیں۔ پھر ہرشاخ میں مختلف مراحل اور ترتیب کا منظم انداز میں مشاہدہ کیا جا اسکتا ہے۔
- 10۔ ریاضی کو نئے حالات میں اُصولوں اور تصورات کے اطلاق کی ضرورت ہوتی ہے۔ (rules and concepts to new situations ریاضی کا مطالعہ، اپنے طالب علم سے اس بات کا متقاضی ہوتا ہے کہ وہ سکھے گئے اصولوں اور تصورات کو نئے حالات میں استعال کرے۔ ریاضی کے اصولوں اور تصوروں کا نئے حالات میں اطلاق کرتے وقت طالبعلم ہمیشہ ان کی معقولیت (Validity) کی تصدیق کرریگا۔ ویسے بھی ریاضیاتی تصورات اور اصولوں کا عملی صور تحال میں اطلاق کرنے پران کی معنوبیت کا صحیح انداز ہوتا ہے۔ اس طرح کی مشق سے ریاضی کا اکتساب زیادہ مامعنی اور اہم بن جاتا ہے۔
- 11۔ ریاضی میں تعیم اور درجہ بندی کی جاتی ہے۔ (Mathematics deals with Generalisation and Classification) خیالات رتصورات (Conceptions) کی توسیع اور تعیم مختلف نتائج کو بیجا کرنے اور مختلف چیزوں کی تنظیم و تر تیب کے لئے ریاضی مثل بہم پہو نچاتی ہے۔ ریاضی میں تر تیب وار تعیم (Successive Generalisation) کی مثالیس ریاضی میں بڑی آسانی کے ساتھ ملتی ہیں۔

مثال کے طور پر ۔ اعداد کا تصور، کامل اعداد (Whole Numbers)کے تصور سے وسیع ہو کر ہمیں کثیری اعداد (Whole Numbers) فیر ناطق اعداد (Negative Numbers)، غیر ناطق اعداد (Numbers)، غیر ناطق اعداد (Numbers)، عیر ناطق اعداد (Numbers)، جیسے تصورات عطاکرتا ہے۔

اسی طرح الجبرا کا ایک اہم پہلوحسانی اعمال کی تعیم سے ظاہر ہوتا ہے۔ علم ہندسہ (Geometry) میں بھی نتائج (Results) کی گروہ بندی اسی طرح الجبرا کا ایک اہم پہلوحسانی اعمال کی تعیم سے ظاہر ہوتا ہے۔ علم ہندسہ (Grouping) اوران کی مدد سے نئے نتائج اخذ کرنے کے مواقع بار بارآتے ہیں۔ علوم کی دیگر شاخوں کے مقابلے میں ریاضی میں تعیم اور درجہ بندی کے ممل کی جبت ہی سادہ اور فطری ہوتے ہیں۔ ریاضی کے معلم کی ذمہ داری ہے کہ قطعی نتائج اخذ کرانے میں کسی بھی قتم کی عجلت کا مظاہرہ نہ کرتے ہوئے طالبعلم کو ازخود فطری انداز میں اس تک پہو نیخے میں مدد کرے۔

12۔ ریاضی کی اپنی زبان اور علامات ہوتی ہیں۔ (Mathematics has its own language and symbols) ریاضی میں مواد کی پیش 12۔ کشی کے لئے ایک مخصوص زبان کا استعال کیا جاتا ہے جو بالعموم بھی مما لک اور علاقوں میں استعال ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر۔دومختلف نکات ۔
سے ایک اور صرف ایک ہی خط گزرتا ہے (One and only one line passes through two different points)۔

ہوسکتا ہے کہ کوئی شخص اسی بیان کوکسی اور انداز میں لکھنا چاہے۔ جیسے۔ دوالگ الگ نقطوں سے ایک ہی خط گز رسکتا ہے۔ حالا نکہ دوسر سے جملے کا مفہوم پہلے جملے کے مفہوم سے قریب ترہے پھر بھی پہلے جملے کی زبان کی وجہ سے اسے جومعنویت حاصل ہوئی وہ بات دوسر سے جملے میں نہیں ہے۔اس لئے ہر ملک میں پہلا جملہ ہی مستعمل ہے۔

اسی طرح سے ریاضی اپنے اظہار کے لئے مختلف علامتوں کا استعال کرتی ہے اور بیعلامتیں اس کی ایک مخصوص شناخت (Identity) ہیں۔ مثال کے طور پرا گرکسی مثلث ABC کے دواضلاع ہنلیع ABC اور ضلع BCاکید دوسرے کے ساتھ ذاویہ قائمہ بناتے ہوں تو علامتی طور پراسے درج ذیل کے مطابق

لکھاجا تاہے۔

ضلع BC ضلع AB

علامتوں کے استعال سے نہ صرف جامعیت (Comprehensiveness) آجاتی ہے بلکہ ایک حسن (Beauty) بھی پیدا ہوتی ہے۔

(Mathematics is an Abstract Science) - ریاضی ایک تج بدی سائنس ہے۔

ریاضی کے تصورات (Concepts) اپنی نوعیت (Nature) کے اعتبار سے تج بدی (Abstract) ہوتے ہیں۔

مثال نمبر_1 اقلیدس کے خطوط (Ecluid's Line) کی کوئی چوڑائی اوراس کے نکات (Points) کا کوئی سائز نہیں ہونا جا ہے۔

مثال نمبر <u>2</u> لامحدود (Infinity) ایک ایبا نصور ہے جس کاعملی زندگی میں کبھی تجربنہیں ہوتا ہے۔ کیکن وہ ریاضی میں ایک اہم نصور ہے۔

مثال نمبر _ 3 منفی اعداد طبعی اشیاء ہے کوئی مطابقت نہیں رکھتے کیونکے مملی طور پر انہیں اسے کم مقدار ہوتی ہی نہیں ۔

14- ریاضی ساخت کا مطالعہ ہے۔ (Mathematics is study of structures)

ریاضیاتی ساخت وہ ریاضیاتی نظام ہے جس میں ایک یا زائد واضح طور پر شناخت کردہ (Recognised)ریاضیاتی خصوصیات ہوتی ہیں۔ایک ریاضیاتی نظام سے،استدالی (Commutative)،تلازی (Associative) اورانتشاری (Distributive) خصوصیات میں سے ایک یا زائد جو کہ اس نظام میں موجود ہوں اسے خصوصی طور پر شناخت کرتے ہوئے ہم ایک ساخت کی تخلیق کر سکتے ہیں۔ایک یا زائد بنیا دی ساختوں سے ہم دیگر ساختیں تیار کر سکتے ہیں۔ایک یا زائد بنیا دی ساختوں سے ہم دیگر ساختیں تیار کر سکتے ہیں۔ایک یا زائد بنیا دی ساختوں کے دیگر ساختیں تیار کر سکتے ہیں۔عددی نظام (Number System)،گروپ فیلڈ، Ring،اور Vector Space وغیرہ دیاضیاتی ساختوں کی مثالیں ہیں۔

15- ریاضی منطق ہے۔ (Mathematics is a Logic)

ریاضی کوایک منظم طرز وفکر کے طور پرتلاش کیا جاتا ہے۔ اساتذہ ،طلبہ کی معاونت کریں کہوہ Structures & Patterns کا استحسان کرسکیں جو کہ میکا نکی اور تحسیبی عمل میں پوشیدہ ہوتے ہیں۔ وہ اس بات کو جان لیں کہ جہاں کہیں ساخت ، رشتگی ، با قاعد گی اور منظم متغیر وغیرہ ہوں وہاں لازمی طور پر ریاضی موجود ہے۔

1.3.3 ریاضی کی وسعت: (Scope of Mathematics)

ریاضی کی وسعت اس کے مواداوراس کی شاخوں میں مضمر ہے۔اس کی وسعت کا اثر نہ صرف دیگر مضامین پر ہے بلکہ افراد کی زندگی بھی اس کے زیر اثر ہے۔اس سے بیا خذکر نابڑا آسان ہوگا کہ ریاضی کی وسعت ساری کا ئنات پر چھائی ہوئی ہے۔

آج علم حساب سے لے کر ، الجبر اعلم ہندسہ (Geometry)، علم مثلث (Thignometry)، شاریات (Statistics)، سہ ابعادی علم ہندسہ (3D Solid Geometry) جیسی ریاضی کی الیی شاخیس ہیں جن کا استعال مختلف علوم اور روز مرہ زندگی میں ہم بڑے پیانے پر کرتے ہیں۔

اینیمعلومات کی جانچ:

- 1- كسى دوماهرين كے حوالے سے رياضى كى تعريف بيان كيجيا۔
 - 2- خالی جگهیں مناسب الفاظ سے پر کیجیے۔
- i کی سے۔ نے (Discovery) کی ہے۔
- ii -نياضى ايك ۋىنى (Intellectual)
 - iii نتائج اخذ کرنے کافن ہے۔

_ ہوتی ہیں۔	ریاضی کی اپنی زبان اور	-iv
میں مضمر ہے۔	ریاضی کی وسعتاس کےمواداور	-v

1.4 رياضي كي تاريخ بحواله خصوصي تدريس رياضي

(History of Mathematics with special emphasis on Teaching of Mathematics)

دور حاضر کی ریاضی دراصل تمام ریاضی دانوں کی صدیوں کی جہدِ مسلسل کی عکاسی کرتی ہے۔ جوانسانی تہذیب وتدن کی آئینہ دارہے۔ اسی لئے کہا جا تا ہے کہانسانی تہذیب کی تاریخ دراصل ریاضی کی تاریخ ہے۔ جس سے بیات واضح ہوجاتی ہے کہانسانی تہذیب وتدن کے ارتقاء کے تمام سرگرمیوں پر ریاضی کا اثر محیط ہے۔

دورقدیم کے انسانوں نے ریاضی کے بیٹارتصورات کودریافت کیا۔ بالخصوص جو گننے (Counting) اور پیائش (Measurement) کرنے سے متعلق تھے۔ جو روز مرہ کے مسائل کے تدارک میں درکار تھے۔ عمومی طور پر اس نے گننے کے مسائل کو ایک تاایک مطابقت کی ترکیب سے ترون (Develop) دی جو جانوروں کے لئے استعال کئے جاتے تھے۔ اس کا طریقہ کا رایک چانورا یک پھر یاایک لئیر، دوجانور دو پھر یا دولئیرتھا۔ لیمن پھر یا لئیرکا طریقہ انگلیوں کی گنتی سے بدل گیااور گنتی کے لئے انگلیوں کا استعال بغیر کسی نام یا نمبر کے ہونے لگا اور جب گنتے کے دوران تمام انگلیاں پوری ہوجاتی ہیں۔ الیمن صورت میں بڑے گروہ سے تقابل کرتے ہوئے تخینہ کیا جانے لگا اور بسا اوقات عدد ایک اور دو کے بعد بے شار (Many) کا گمان کیا جانے لگا۔ آج بھی پچھو آبئل ایک، دو یا تین پھر کے نام موسوم کرتے ہیں اور اس کے علاوہ دیگر کو بے شار (Many) ستعال شروع کیا جو ایک سے انسان نے گئے اور لمبائی کا موازنہ کرنے کے لئے دونوں ہاتھوں کی انگلیوں کے استعال کے ساتھ پیروں کی انگلیوں کا بھی استعال شروع کیا جو ایک سے انسان نے گئے اور لمبائی کا موازنہ کرنے کے لئے دونوں ہاتھوں کی انگلیوں کے استعال لمبائی کے تقابل میں استعال ہونے لگا اور غیر معتبر پیائش ایک مصائل کے تدارک میں معیاری پیائش وجود میں لائی گئی۔

رقه: (Area)

رقبہ کا تصوراس وقت وجود میں آیا جب دواجسام کا تقابل ان کے ابعاد کے اعتبار سے ہونے لگا،اس طریقہ کار میں اجسام کے تقابل کے لئے ان کو باز وباز و رکھ دیا جاتا تھا۔لیکن جب بیطریقہ بڑی مقداروں کی اجسام کے لئے موثر نہ رہا تب دوابعادی پیائش کا تصور لایا گیا اور دوابعادی اکا ئیوں کے طریقے کوفروغ حاصل ہوا۔

(Volume) جمجم:

جم کا تصور غالباً اس حقیقت کی وجہ سے وجود میں آیا جب کہ دوبر تنوں کی گنجائش کا مواز نہ لاحق ہوااور جب ضروریات بہت پیچیدہ ہوئیں تب سائنسی استدلالی طریقے کے ذریعہ خطی پیائش اور مربعی پیائش کے رجانات کو تقویت حاصل ہوئی اور اسی طرح سہ ابعادی پیائش وجود میں آئی اور مکنہ طور پر بتدریج ترقی یائی۔

ریاضی کے ارتقاء کامحرکہ دراصل تجارتی تقاضوں میں مضمرہے۔حسابیات (Arithmatic) کی ترقی فردواحد کی دولت کے تخمینه کی ضرورت کا نتیجہ ہے۔ ہے اور علم ہندسہ (Geometry) ارضیات (Land) کی پیائش کے تقاضوں کا نتیجہ ہے۔اس طرح علم مثلث علم فلکیات کی معاونت کا نتیجہ ہے۔

ریاضی کے ارتقاء کی تاریخ مختلف تہذیبوں کی خدمات کی مرہونِ منت ہے۔جن میں بالخصوص یونانی (Greek) تہذیب کا تعاون علم ہندسہ (Geometry) میں قابل ذکر ہے۔ تحقیق سے پتہ چلتا ہے کد دورِ حاضر کی اکثر دریافتیں جومغربی

ریاضی دانوں سے موسوم کی جاتی ہیں وہ دراصل دورقد یم میں ہندوستانی ریاضی دانوں کے لئیے اجنبی نہیں تھیں۔مثال کے طور پرصفر''0'' کا تصور جوعشری نظام کی بنیا دافراہم کرتا ہے۔ پہلے ہی سے ہندوستان میں رائج تھا۔

علاوہ ازیں ریاضی کی ترقی میں دنیا کی تمام قومیں جیسے سامورین (موجودہ عراقی)، یونانی ،مصری، ہندوستانی ،عربی ،چینی وغیرہ کا تعاون قابل ذکر ہے۔موجودہ دور کی درسیات میں شامل مواد دراصل ان ہی کی کاوشوں کا نتیجہ ہے۔

ا پنی معلومات کی جانج:

خالی جگہیں مناسب الفاظ سے پر کیجیے۔

- ا- ریاضی کی تاریخ بہت ہی
- 2- ریاضی کا آغاز چیزوں کے گننے اور _____ کرنے سے ہوا۔
 - 3- ریاضی کے ارتقاء کا محرکہ
- 4- ریاضی کے ارتقاء کی تاریخ ______ کی خدمات کی مرہون منت ہے۔
- 1.5 بھارتی ریاضی دانوں کی خدمات: (Contribution of Indian Mathematicians) (آریہ بھٹ، برہما گیتا، وراہامہیرا، بھاسکراچاریہ، سری نِواس رامانجُن، شکنتلادیوی)

(Arya Bhatta, Brahmagupta, VarahaMihira, Bhaskaracharya, Srinivasan Ramanujan, Shakuntala Devi)

آرىيە بىك: (Aryabhatta)

آریہ بھٹ ہندوستان کے عظیم ریاضی داں اور ماہرِ فلکیات تھے۔ جن کی پیدائش ق۔م 476 پاٹلی پترا (Patliputra) قریب پٹنہ جو بہار کی راجد ھانی ہے میں ہوئی۔ آریہ بھٹ کی کتاب Ariya Bhattium جوفلکیات اور ریاضیات میں پر مشتمل ہے میں دودر جی مساوات کی علامتوں کا جدول اور الجبر ااور علم منلت کے قوانین شامل ہیں۔

آرىيە بھىڭ كى خدمات: (Contribution of Aryabhatta)

آریہ بھٹ نے نامعلوم مقداروں کوحروف سے ظاہر کرنے کے تصور کو پیش کیا اور اعداد اتا ۲۵ کو ہندی حروف تہی کے ذریعہ ظاہر کیا۔

- 1. آربه بھٹ نے اعشار یہ کے استعال کامتنا طریقہ کارمتعارف کروایا۔
- 2. آربی بھٹ سے پہلے جذالمربع کے استعال کا طریقہ بنانے والے چینی ریاضی داں تھے کیکن آربہ بھٹ نے اس کو مختصرا ورواضح انداز میں پیش کیا۔
- 3. آربیبھٹ نے علم ہندسہ (Geometry) میں عظیم خدمات انجام دی۔مشہورکلیہُ فیٹا غورث،ہمیں آربیبھٹ کے کام مہں ذیل کی شکل میں دکھائی دیتا ہے۔

$$(\ddot{y}_{2})^{2} = (\ddot{y}_{2})^{2} + (\ddot{y}_{2})^{2}$$

- 4. آربیه بھٹ نے Sines اور I-Cosine کو متعارف کرایا جو Ptolemy کے نصف وتر (Semi-Chord) کی بہتری کی عمدہ شکل تھی۔
 - 5. آربیہ بھٹ نے حسابی تعدد (Arithmetic Progression) میں 'P'رکن کے بعد کے ارکان کے مجموعہ کا اصول دیا۔

S= n{ a+
$$[(n-1)/2 +t] d$$
}
S= $[(a+m)/2]$

جہاں a اور b بالترتیب سلسلے کے پہلے اور آخری رکن ہیں اور d ارکان کے درمیان مشتر کے فرق، n ارکان کی تعداد ہے جو حسابی سلسلہ کے جہاں a (t+1) سے (t+1) ویں رکن تک تفریق کرنے میں حاصل ہوتی ہے۔

- 6. آریہ بھٹ کی ذہانت کا اندازہ اس بات سے ہوتا ہے کہ اس نے نمبر معروف (Indeterminent) خطی مساوات جیسے ax+by=c کول کرنے کی کوشش کی جومسلسل کسری طریقہ پرمبنی تھا اور جو واقعتاً موجودہ دور کے طریقے کار کے مین مطابق ہے۔
- 7. آریہ بھٹ نے نہ صرف علم حساب بلکہ الجبرامیں بھی کافی خدمات انجام دیں۔اس نے سادہ اور مرکب الجبرائی مقداروں کی دونوں شکلیں یعنی (i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ، تفریق ، تقسیم اور ضرب کوبیان کیا جیسے:

$$1 - (a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab,$$

2-
$$ab = [(a+b)^2 - (a^2+b^2)]/2$$

$$3-(a+b)^2-(a^2+b^2)=2ab$$

- 8. آریہ بھٹ ہی وہ سب سے پہلاریاضی دال ہے جس نے (p) پائی کی قدر کوتقریباً چارشچ اعشاریہ تک کا تخیینہ کیا۔ جس کا طریقہ کاریہ تھا 100 میں .8 4 جع کیجئے اور اس کو 8 سے ضرب کیجئے اور اس میں 62,000 کو جع کیجئے ۔ بیتقریباً ایسے دائر کے کا محیط ہوگا جس کا فطر 20,000 ہے ۔ یعنی :

 T = Circumference/Diameter = 62832/20000 = 3.1416 (Approx)
- 9. آریہ بھٹ نے تقریباً تمام تراشکال کے رقبوں کا ضابطہ دریافت کیا جیسے مربع مستطیل ، مثلث ، معین ، دائر ہ ، کرہ اور مخر وط کا جم وغیرہ ۔ اس کے علاوہ اس نے دیگر ہندتی اشکال کے بنانے کے لئے ہندتی عمل کی رہنمائی کی کوشش کی جیسے مثلث ، چارضلعی ، دائر ہ وغیرہ ۔ اِس بات سے یہ واضح ہوتی ہے کہ وہ عملی علم ہندسہ سے س قدر دلچیپی رکھتا تھا۔
 - 10. آربه بهث نے 'n مسلسل مربع اعداداور n مسلسل معب اعداد کے جمع کاضا بطے پیش کیا۔

$$1^{2} + 2^{2} + \dots + n^{2} = n(n+1)(n+1)/6$$

 $1^{3} + 2^{3} + \dots + n^{3} = n^{2}(n+1)^{2}/4$

12. آریہ بھٹ ایک ریاضی داں ہونے کے علاوہ ایک ماہر فلکیات بھی تھے۔ انھوں نے بڑی جراءت کے ساتھ سے اس بات کا اعلان کیا کے''فلکی اجسام کی روز انہ حرکت زمین کے اپنے محور پر گردش کی وجہ سے ہے'۔

تاہم ہم اس بات کی تصدیق کرسکتے ہیں کے آر رہے بھٹ نے اپنی گراں قدر تحقیق کے ذریعہ ریاضی اور فلکیات کی ترقی میں ایک نے باب کا آغاز کیا۔ لہٰذاان کے کارناموں کے بغیرریاضی کی تاریخ ادھوری ہے۔

برهمه گیتا: (Bharma Gupta)

برہمہ گیتا (628-598 عیسوی س) کا تعلق ریاست گجرات سے ہے۔وہ Bhrama Sputa Siddhantha نامی کتاب کے مصنف ہیں۔انھوں نے علم حساب اورالجبراء کی دومختلف شاخوں کی حیثیت سے شاخت کی۔وہ پہلے ہندوستانی ریاضی داں تھے جنھوں نے صفر کا استعال کرتے ہوئے جمع ،تفریق اور ضرب کے ممل کو متعارف کرایا۔

انھوں نے الجبراء میں منفی اعداد کے اصول بیان کئے اور مربعی مساوات کے حل کا طریقہ بتایا۔ کسر لکھتے وقت شارکنندہ کونسب نما کے اور مربعی مساوات کے حل کا طریقہ بتایا۔ کسر لکھتے وقت شارکنندہ کونسب نما کے اور مربعی ضابطے کا استعال کرتے ہوئے حل کیا اس سے اس موضوع پران کے علم کا اندازہ ہوتا ہے۔ انھوں نے سور (وی کے تصور کو سمجھانے میں کافی تعاون کیا۔ انھوں نے صفر ہوتا ہے۔ انھوں نے یائی (وی کی قیت (22/7) معلوم کی اور عملی قیت اور بتائی۔ انھوں نے صفر (0) کے تصور کو سمجھانے میں کافی تعاون کیا۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت اور بتائی۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت کی اور عملی قیت کو بتائی۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت کیا۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت کی اور عملی قیت کی اور عملی قیت کیا۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت کیا۔ انھوں نے صفر کی اور عملی قیت کی اور عملی قیت کیا۔ انھوں نے سے متعارف کروایا۔

صرف 31 سال کی عمر میں انھوں نے فلکیات پر ایک تصنیف (Brahma Siddhanta) کی جس میں 21 ابواب شامل ہیں۔اس تنصیف کا آغاز کیلکو لیٹر کی تعریف سے ہوتا ہے جو فلکیات کا مطالعہ کرنے کے قابل ہے۔ "جوصاف صاف اور فرداً فرداً جمع اور منطق کی باقی اور مقررہ بشمول سائے کے ذریعے پیائش کرنا جانتا اور فلکیات کا مطالعہ کرسکتا ہے۔ "

برہمہ گیتا نے علم الحساب میں صحیح اعداد (Integers)، کثیر (Fraction)، سلسلہ (Progression)، مبادلہ (Barter)، سود مفرد (Simple Interest)، میں الحصاب میں صحیح اعداد (Mensuration of Plane Figure)، مستوی اشکال کی مساحت (Simple Interest)، جم سے متعلق مسائل اور سائے کے ذریعے سے حساب کتاب (Shadow recknoning) شامل ہیں۔

برہمہ گیتانے c،b،a،اور لماضلاع والے ذوار بعته الاضلاع (Quadrilateral) کارقبہ (Area

Sq. Root of (s-a)(s-b)(s-c)(s-d)

یے ضابطہ صرف متنقیم الحیط ذوار بعتہ الاصلاع (Cyclic Quadrilateral) کے لئے مخصوص ہے۔اس کے ساتھ اس نے مثلث کے رقبے کے لئے ایک قطعی ضابطہ پیش کیا جو(s-c)(s-c)(s-c) جے۔انھوں نے منفی اعداد سے منفی کا ضرب یا منفی عدد کو منفی عدد سے تقسیم کرنے پر حاصل ہونے والاعد دمثبت ہوتا ہے۔

برہمہ گیتا وہ پہلاریاضی دان ہے جس نے فلکیات کے مطالعے کے لئے بڑے پیانے پرالجبراء کا استعال کیا۔ برہمہ گیتا کی Equations میں بھی غیر معمولی دلچیسی مجلی ان کی غیر معمولی دلچیسی ہگن اور جدو جہدنے اضیں ہندوستانی ساج میں مینارِنور بنادیا۔ Equations ورامامہیرا: (VarahaMihira) (VarahaMihira)

ورا ہام ہیرا کو مالوہ کے افسانوی محکمراں کیشودھارمن وکرم آ دسیے کے دربار کے نور تنوں میں سے ایک سمجھا جاتا تھا۔ان کی قابلِ قدر تصانیف کے نام Brihat Samhita ، Panch Siddhantika اور Brihat Jataka ہیں۔ریاضی کے میدان میں ورا ہا مہیرا کے کارناموں میں علم مثلث کے منابطوں $\sin x = \cos(\pi/2 - x)$ ، 1- \cos2x/2 = \sin^2x فضا بطوں

sine table کے اسے بایا۔ان کا شاران sin²x + cos² x = 1 کی در تنگی (accuracy) کو ہنر بنایا۔ان کا شاران sin²x + cos² x = 1 کی در تنگی (Version) کی دریافت کی۔ اولین ریاضی دانوں میں ہوتا ہے جنہوں نے پاسکل کے مثلث (Pascal's Triangle) کی ایک تبدیل شدہ صورت (Version) کی دریافت کی۔ انھوں نے اس کا استعال دور کنی ضریب (Binomial Coefficient) معلوم کرنے کے لئے کیا۔

وراہامہیرا کی دلچیتی علم فلکیات اور ریاضی میں تھی۔انہوں نے اپنی تصنیف Panchsiddhanta میں تحریر کیا کہ سیارے (Planets) اپنے نور سے نہیں بلکہ سورج کی روشنی سے منور ہیں۔ اپنی تصانیف Brihat Samhita اور Brihat Jataka میں وراہامہیرا نے جغرافیہ،سائنس،نبا تیات اور علم حیوان (Animal Science) سے متعلق اپنی دریافتوں کا انکشاف کیا۔وراہامہیرا کی عظمت کا اس سے بڑھ کر کیا ثبوت ہوسکتا ہے کہ اسحاق نیوٹن سے تقریباً 11 سوبرس پہلے انہوں نے تقلی قوت (Gravitational Force) کی وضاحت کی تھی۔

اس طرح سے ہم یدد کیھتے ہیں کہ ہمارے ریاضی دانوں نے اپنی خدمات سے اس زمانے میں ریاضی کو مالا مال کیا جس وقت باقی دنیا کے لوگوں نے اس میدان میں کوئی خاص توجہ بیں کی تھی۔

بھاسکراچاریہ: (Bhaskaracharya)

Shiddhanta Shiromani کی جیار این کا کتاب کا نام ایم بخوم اور مصنف کی حثیت سے معروف ہیں۔ان کی کتاب کا نام Shiddhanta Shiromani کے چار ابواب کی تصنیف Bijjada Bida کے چار ابواب کی تصنیف (Cametry-Goladhyaya) کے چار ابواب لیاوتی (Lilavati)، وجا گذیت (الجبراء -Vijaganit)، گول ادھایا ہے (Gemetry-Goladhyaya) اور گرھ گذیت (Astrology کی بیوائن کی تصنیف کی بدولت بھاسکر اچار ہے نیادہ مشہور ہوئے۔ Grahganit میں بھاسکر اچار ہے نے Rolle's کی تصنیف کی بدولت بھاسکر اچار ہے نادہ مشہور ہوئے۔ Theorem کا تصور پیش کیا۔ جبکہ گول ادھایا ہے (Goladhyaya) میں زمین کی گولائی کا تصور واضح کیا۔

بھاسکراچاریے کی خدمات: (Contributions of Bhaskaracharya)

1- زمین کی گولائی (Roundness of Earth):

زمین کی گولائی کے بارے میں بھاسکر اچاریہ نے لکھاہے کہ ایک دائرے کے محیط (Circumference of a circle) کا سوال حصہ در کھے سکتے دھیہ (100th part) ایک سیدھے خط کی مانند نظر آتا ہے۔ ہماری زمین ایک بہت بڑے کرے کی مانند ہے ہم صرف اسکا ایک بہت ہی چھوٹا حصہ دیکھے سکتے ہیں اس کئے بیمیں سیاٹ رہموارنظر آتی ہے۔

2- رولس کلیه (Rolle's Theorem):

اس کلیہ کا بنیادی اصول بھاسکرا چار یہ نے پیش کیا۔ باب گرھ گنیت (Grahganit) میں انھوں نے جوالفاظ تحریر کئے انھیں ذیل کے مطابق بیان کیا جاسکتا ہے۔

زوال پذیر حرکت (Retrograde motion) کے آغاز وانجام میں سیارے (Planets) کی ظاہری حرکت غائب رختم ہوتی ہے۔

:(Trigonometry) علم مثلث

بھاسکراچاریہ نے علم مثلث میں بھی بڑی خدمات انجام دی ہیں۔باب گول ادھایایہ (Goladhyaya) میں موجودانکی تحریر کواس طرح بیان کیاجا سکتا ہے۔ sin (A±B) = sinA cosB ± cosA sinB

انھوں نے درج بالاضا بطے کی مزید تشریح کی اوراسکا استعال درج ذیل مساوات تک پہونچنے کے لئے کیا۔

 $\sin (A+B)/2 = \frac{1}{2} [(\sin A + \sin B)^2 + (\cos A - \cos B)^2]$

1- اور Indeterminant کائل: Determinant کائل

بھاسکراچاریہ نے Determinant اور Indeterminant کے مسائل رسوالات کے حل کے لئے ہندوستانی طریقے کی مکمل اور منظم وضاحت پیش کی۔ بھاسکراچاریہ نے جوسوالات حل کئے وہ ان سے پہلے کے ریاضی دانوں کے مقابلے میں زیادہ، متنوع (Varied) قتم کے تھے اور ان میں خرید وفر وخت، سود، قیمتی جواہرات اور زیمبادلہ، کسی نظم کے بند میں الفاظ کے جھے (Syllable)، ملٹری مارچ، کھدائی اور اناج کے تو لئے سے متعلق مختلف سوالات شامل تھے۔

Calcutta Mathematical Society کے 1946 میں شائع شدہ رسالے میں شامل ایک مضمون میں بھاسکراچاریہ کا تجویز کردہ ایک کلیہ سے بحث کی گئی تھی۔اعداد کے نظریے کی تاریخ میں اس بات کے شواہد موجود ہیں کہ بھاسکراچاریہ کے کلیہ میں لوگوں کی دلچیپی کس طرح بڑھتی رہی۔

5- شاعراندزبان كاستعال: (Use of Poetic Language)

بھاسکراچار یہ کوریاضی کے پیچیدہ اورتجریدی مسائل کے ثاعرانہ اظہار بیان کے لئے جانا جاتا ہے۔اس ثاعرانہ انداز بیان کے ساتھ بھاسکرا چار بید نے ریاضی کی تدریس کے لئے سب سے پہلے ایک طریقہ خوبصورتی کے ساتھ پیش کیا ہے اس کا انداز آپ کو درج ذیل عبارت سے ہوجائے گا۔

"ایک ستون کے قاعدے کے قریب سانپ کا ایک بل ہے۔ایک مور چوٹی پر کھڑا ہے۔ستون کی لمبائی کے تین گنا فاصلے سے بل میں جاتے ہوئے سانپ پروہ سیدھاو ہیں سے جھپٹ پڑتا ہے۔جلدی سے بتاؤوہ سانپ کے بل سے کتنی دوری پرملینگے ۔جبکہ دونوں مساوی فاصلہ برقر ارر کھتے ہوتے آگے بڑھ رہے ہوں۔"

6- تفریقی حسابان(Differential Calculus):

تفریقی حساباتن کے میدان میں وہ پہلے ریاضی دان تھے جنھوں نے تفریقی ضریب (Differential Coefficient) ہے متعلق مثالیں پیش کیں۔

7- ثقلی طاقت (Gravitational Force):

یے بڑے فخر کی بات ہے کہ بھاسکراچاریہ، نیوٹن سے بھی پہلے کشش ثقل کے قانون (Force Law of Gravitational)سے واقفیت رکھتے تھے۔انھوں نے اسے ثقلی طاقت کا قانون کہا تھا۔اپنی تحریروں کے ذریعے بھاسکراچاریہ نے علم ریاضی اورعلم نجوم میں گراں قدر خد مات انجام دی۔

3- دورِجدیدمیں Indeterminant Equation:

بھاسکراچاریہ نے جن مسائل پرکام کیاان کی بدولت بالآخر Inderterminant Equation کاحل نکل گیااور بھاسکراچاریہ کی یہی سب سے بڑی قوت ہے۔ بھاسکراچاریہ نے اس ضمن میں مختلف مسائل کواس ترتیب میں منظم کرنی کی کوشش کی جیسے کہ دورِجدید میں کی جاتی ہے۔

$$ax + c = by$$

$$ax + by + cz = d$$

$$ax + by + d = xy$$

درج بالامساوات کی قیمتیں بھاسکراچار ہے پہلے کے ریاضی دانوں کے یہاں بھی پائی جاتی تھیں ۔لیکن بھاسکراچار ہے نے اس ضمن میں ایک قدم آگے بڑھاتے ہوئے دوسرے درجہ کی indeterminant Equation تک پہو نچنے کی کوشش کی۔

اسے ہی Pell's Equation کہاجا تا ہے۔ $ax^2 + 1 = (y^2)^2$

9- مكعمى اور چوگنی قوت والی مساوات (Cubic & Biquadratic Equations):

بھاسکراچاریہ نے اپنی تصانیف میں مکعمی (تیسرے درجہ والی) اور چوگن (چوتھے درجہ والی) مساوات پر بھی کام کیا۔سدھانت شرونمی کے دوسرے باب میں درج ذیل فتم کے مسائل رسوالات شامل ہیں۔

(مکعنی مساوات)
$$x^3 + 3x^2 + 2x + 1 = 0$$

(چوگنی درجه والی مساوات) (
$$(x^2)^2 + 5x^2 + 3 = 0$$
 _2

اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ وہ اس میدان میں کافی آگے تھے۔

10- مختفی اعداد (Surds):

بھاسکراچاریہ کی تحریر میں درج ذیل اقسام کے مسائل سے معلوم ہوتا ہے کہ انھیں مختفی اعداد (Surds) کے بارے میں کافی معلومات تھی۔ مثال۔ایک مثلث کے دواضلاع کی لمبائی 13 اکائی اور 5اکائی ہیں۔اگراسکار قبہ 4 مربع اکائی ہوتواس کے قاعدے کی لمبائی کیا ہوگی۔

Permutation & Combination -11

بھاسکراچاریہ نے اس موضوع پر بہت ہی حسن وخو بی کے ساتھ بحث کی ہے۔ان کے دیئے گئے ضابطوں میں سے ایک ضابطہ درج ذیل شکل میں آج بھی استعال کیا جاتا ہے۔

No. of permutation for r thing = r ! / (k ! x !)

جہال k اور 1 دو مختلف چیزیں ہیں۔

12- مساحت (Mensuration):

بھاسکرا جاریہ نے مساحت کے میدان میں بھی کافی خدمات انجام دی ہیں۔ انھوں نے مختلف اشکال کے رقبے اور جم کے ضا بطے دیے ہیں۔

Area of Sphere= 4 x Area of a circle

Area of Sphere= $4 \times A$ rea of a circle $(1 - 2) (6 \times 4 \times 4) = 4 \times 4 =$

والرحادية x = -7 والرحادية x = -7 والرحادية x = -7 وكارتبا

جہال d کرہ کا قطرہے۔

13 لامحدودیت کاتصور: (Concept of Infinity)

بھاسکراچاریہ نے کسی عدد کوصفر (0) سے تقسیم کرتے ہوئے، سب سے پہلے لامحدود بیت کا تصور پیش کیا۔ وہ لکھتے ہیں"ا یک الیک الیک کسر جس کا نسب نما صفر (0) ہواسے لامحدود بیت کہتے ہیں، اس عدد میں کوئی تبدیلی نہیں کی جاسکتی اگر چہ اسے کسی اور عدد میں جوڑ ایا گھٹا یا جاسکتا ہے۔"اییا سمجھا جاتا ہے کہ لیلا وتی بیٹی کا نام تھا اور ماہر بن نجوم نے یہ پیٹن گوئی کی تھی کہ اس کی شادی نہیں ہوگی۔ روایت کے مطابق ایک ماہر نجوی کی حیثیت سے خود بھاسکراچار یہ نے اس کی شادی نہیں ہوگی۔ روایت کے مطابق ایک ماہر نجوی کی حیثیت سے خود بھاسکراچار یہ نے اس کی تھی کہ ایک سوراخ والے کپ کو پانی سے بھری بالٹی میں رکھا تھا۔ چونکہ کپ میں سوراخ تھا تو بھتی تھا کہ پچھووت کے بعد کپ میں بیانی داخل ہوگا اور وہ کپ پانی میں ڈوبا جاتا ہوگی میں نہیں ڈوبا ہوگا اور وہ کہ بانی میں ڈوبا جاتا کہ بالکل حادثاتی طور پر لیلا وتی کے گیڑے سے ایک موتی سے کہ میں موجود سوراخ بند ہوگیا اور کپ نہیں ڈوبا اس واقعہ سے اس بات کی تصدیق ہوگی کہ لیلا وتی کہ شادی نہیں ہوگی۔ لیلا وتی کو کھی سائرا چار یہ نیا ہوگی ایرانی مشہور تھنیف Siddhanta Shiromani کے لیک باب کا نام الیلا وتی ارکھوریا۔

اس طرح سے ہم دیکھتے ہیں کہ بھاسکرا چار ہے کی ریاضی کے تیئن خدمات نا قابلِ فراموش ہیں۔وہ ہر لحاظ سے ،ایک نامور ماہرِ فلکیات اور ریاضی دان تھے۔وہ اپنے نام بھاسکر (سورج) کی طرح ریاضی کی دنیا کا درخشاں ستارہ تھے۔

سری زواس رامانجن: (Srinivasan Ramanujan)

را ما نجن بررا ما نوجن کی پیدائش ایک برہمن خاندان میں 12 دسمبر 1887 کو اروڈ نامی مقام مدراس میں ہوئی تھی۔ان کے اساتذہ، ان کی ذہانت اور ریاضی کے تیکن ان کی خدادادصلاحیت سے بہت متاثر تھے۔وہ صرف 13 سال کی عمر میں Loney's Trigonometry کے تمام سوالات بغیر کسی خارجی مدد کے حل کر سکتے تھے۔ مدد کے حل کر سکتے تھے۔ کا سال کی عمر میں ایل میر میں ایل میر کر لیتے تھے۔

Synopsis of Elementary Results related کی کتاب کے علاوہ 1903 میں انھوں نے 1900 میں انھوں نے کتاب کے سوالات کاحل to Pure & Applied Mathematics کا مطالعہ کیا۔ اس کتاب نے انہیں ایک مکم کن و نیا سے متعارف کروایا۔ انھوں نے کتاب کے سوالات کاحل این طریقے سے کیا۔

رامانوجن کی خدمات: (Contributions of Ramanujam)

- 1۔ انھوں نے Definite Integers میں عمومی ضابطوں کی شکل میں بہتر معیاری نتائج اخذ کئے۔ یہ بھی مدراس یو نیورٹی میں داخل کردہ تین سہ ماہی رپورٹوں میں شامل ہیں۔
- 2- وه بلاشبه Hypo Geometry Series of Continued Fraction کے قطیم ترین ماہرین میں شامل تھے۔ اس بات پر تبصرہ کرتے Prof. Hardy رقم طراز ہیں "بیان کی الجبری ضابطوں اور، Transformation Infinite Series وغیرہ میں بصیرے تھی جو بہت حیرت انگیزتھی۔اس خمن میں غالباً مجھے ان کا کوئی مدمقابل نہیں ملا اور میں ان کا صرف Eular اور Jacobi سے موازنہ کرسکتا ہوں۔"
 - 2- Divergent Series کو شکل میں <u>191</u> میں جیجی گئ تھی۔ 3
 - 4۔ رامانجن نے Unresolved Fermat Theorem پر قابل غور برمضمون لکھا۔
- 5۔ 1729ء رامانجن کا خاص عدد کہلا تا ہے جسے 12³ + 12 = 1729 اور 10³ + 10³ = 1729 کی شکل میں یعنی ان 2 اعداد کے مکعب کے مجموعے کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔
 - 6۔ انھوں نے مفر داعداد (Prime Numbers) سے متعلق Reimann's Series کی دریافت کی کوشش کی تھی۔
 - 7۔ انھوں نے Eulerian Second Integral کو منفی، مثبت اور کسری قیمتیوں کے لئے ایک مفہوم عطا کیے۔
 - 8- وه Elliptic Function كسوالات كوبخوبي جانتے تھے۔
- 9۔ رامانوجن نے انتہائی مرکب (Highly composite numbers) کی ساخت (Structure) تقسیم (Distribution) اور خصوصی اشکال (Special Forms) کا مطالعہ کیا۔

اس طرح سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اپنی میرٹ اور استعداد (Competencies) کے لحاظ سے رامانو جن ایک عظیم ترین ریاضی دان تھے۔ ان کی خدمات نے ریاضیاتی سوچ پر گہر نے نقوش چھوڑے ہیں۔

شکنتلادیوی: (Shakuntala Devi)

1- "Numbers have life. They are not just symbols on paper."

"اعداد میں جان ہوتی ہےاوروہ محض کاغذیرِ علامات نہیں ہوتے ہیں۔"

2- "Nobody challenge me. I challenge myself."

" كوئى بھى مجھے چيلنے نہيں كرتا، ميں خودكو چيلنج كرتى ہوں۔"

شکنتلاد یوی کے درجِ بالاا قوال سے ظاہر ہوتا ہے کہ انھیں اعداداورعلم ریاضی سے س قدرعشق تھا۔ شکنتلاد یوی کی پیدائش 4 نومبر <u>1939</u> کو بنگلور میں ہوئی تھی۔اس جیرت انگیز خاتون نے اپنی دلچپی کے میدان میں جو کامیا بی حاصل کی وہ بہت کم لوگوں کے نصیب میں آتی ہے۔ میدانِ ریاضی میں ایک محیرالعقول شخصیت کی حامل ،شکنتلاد یوی کوانسانی کمپیوٹر کہا جاتا ہے۔انہیں کسی مشین رآلہ (جیسے کمپیوٹر یا کیلکو لیٹر) کی مدد کے بغیرعلم الحساب کے مشکل اور پیچیدہ سوالات کو انتہائی کم وقت میں حل کرنے کی صلاحیت کی وجہ سے مقبولیت حاصل ہوئی۔حساب اور ریاضی سے عشق کی شکنتلا کی داستان کا آغاز ان کے بچپن سے ہی ہو گیا تھا۔صرف 6 سال کی عمر میں شکنتلا دیوی نے یو نیورسٹی آف میسور میں اپنی بے پناہ جراءت کا پہلا عوامی مظاہرہ کیا تھا۔انہوں نے انتہائی مشکل مرکب اعداد کے جذا لمربع اور جذر المکعب صرف چند سینٹہ میں معلوم کر کے وہاں موجود لوگوں کو جرت زدہ کردیا تھا۔اس طرح سے مزید چند مظاہرات کے بعد، شکنتلا دیوی نے 8 سال کی عمر میں انا ملائی یو نیورسٹی میں اپنی غیر معمولی مہارت دکھائی اور ایک کم س جری (Prodigy) کے بطور اپنی شناخت بنائی۔

شكنتلاد يوى كى حصوليا بي (Achievement of Shakuntala Devi):

50 فی مرنے کے لئے کہا گیا اور انہوں نے صرف 50 میں ایک مظاہرے کے دوران شکنتلا دیوی کو، دوسوایک ہندی عدد کا 23 وال جذر معلوم کرنے کے لئے کہا گیا اور انہوں نے صرف 50 سینڈ میں اس سوال کا بالکل درست جواب حاصل کر لیا تھا۔ اس طرح 1980 میں 1980 میں شکنتلا دیوی نے دو، تیرہ ہندی اعداد کا حاصل ضرب 28 سینڈ میں معلوم کیا تھا۔ وہ اعداد اس طرح ہیں۔

- 1- 7686 369 774 870
- 2- 2465 099 745 779

ان دونوں اعداد کا حاصلِ ضرب 18,947,668,177,995,426,462,773,730 ہوتا ہے۔ جسے انہوں نے بہت ہی کم وقت میں معلوم کیا تھا۔ یہ واقعہ 1988 کی گنیز بک آف ورلڈ ریکارڈ میں درج ہے۔ امریکہ کی Standford University میں شکنتلا دیوی نے 95443993 کا جذرالمکعب 457صرف 2 سینڈ میں حساب کر کے بتایا تھا۔ اسی طرح انہوں نے 95443994 کا جذرالمکعب 1334صرف 10 سینڈ میں معلوم کیا اور 20047612231036 کا آٹھوال جذر 46 بھی صرف 10 سینڈ میں معلوم کیا۔ شکنتلاد یوی کی اہم تصانیف ہیں۔

- 1. Puzzles to puzzle you
- 2. In the wonderland of numbers
- 3. Mathability: Awaken the Math Genius in your child
- 4. More Puzzles to puzzle you

شکنتلاد یوی کی پہلیاں:

یوں تو شکنتلاد یوی نے ہمیں بے ثمار پہلیوں سے متعارف کروایالیکن آپ کی دلچیسی کے لئے درج ذیل دو پہبلیوں کو نتخب کیا گیا ہے۔

1۔ ہمارے پاس دو پانسے رمہرے (Dice) ہیں۔ بتائیے وہ کتنے مختلف طریقوں سے بھینکے جاسکتے ہیں؟

-2

حسابی سلسلے (Arithmetic Sequence) میں وہ تین صحیح اعداد (Integers) کون سے ہیں جن کا حاصلِ ضرب ایک مفر دعد د (Number) ہے۔

شکنتلاد یوی کے اعز ازات: (Awards Received by Shakuntaladevi)

1۔ یونیورٹی آف فلپائن نے 1969 میں شکنتلادیوی کوسال کی ممتاز خاتون (Distinguish Woman of the year) کے اعزاز سے نوازا اوراک طلائی تمغیر (Gold Medal) بھی عطا کیا۔

- 2- Ramanujan Mathematical Genius Award سے نوازا گیا۔
- 3۔ 3<u>199</u> میں دو، تیرہ ہندی اعداد کا حاصلِ ضرب کمپیوٹر سے زیادہ تیز معلوم کرنے کے کارنامے پر،ان کا نام گنیز بک آف ورلڈریکارڈ میں شامل کیا گیا۔
 - 4- انہیں ان کے انتقال سے ایک مہینة بل <u>201</u>2 میں Life Time Achievement Award سے بھی نوازا گیا تھا۔

حالانکہ ریاضی ہے بے پناہ محبت کرنے والی اس حرکیاتی (Dynamic) شخصیت کا 2013 میں انتقال ہو گیالیکن وہ اپنی سوچ اور کارناموں کے ذریع مستقبل میں بھی یاد کی جاتی رہینگی ۔ واقعہ یہ ہے کہ شکنتلاد لوی جیسی ذہین وظین شخصیات روز روز نہیں پیدا ہوتیں ۔ ریاضی کے تیکن ان کے والہانہ عشق اور جد وجہد نے ان کوایک مثالی شخصیت کے طور پر ابھار ااور وہ ہمارے لئے باعث فخرین گئیں ۔

ا پني معلومات کی جانج:

مناسب جوڑیاں لگائے۔

В			A	
	مالوه	(a)	آربه بھٹ	(i)
	گجرا ت	(b)	بر ہمہ گیتا	(ii)
	پاڻلي پترا	(c)	ورابامهرا	(iii)
	بنگلور	(d)	سری نواس را مانجن	(iv)
	مدراس	(e)	شکنتاله د یوی	(v)

(Contributions of Western Mathematicians): مغربی ریاضی دانوں کی خدمات: (Euclid, Pythagoras, Renedescarte, George Cantor) (قلیدس، فیثاغورث،رینے دیکارت، جارج کینٹر)

اقليرس: (Euclid)

اقلیدس (325BC) پنے وقت کے متازریاضی داں تھے جھوں نے اپنے وقت کے تمام ریاضیاتی علم کا خلاصہ تیار کیا تھا۔ انھوں نے ریاضیاتی علم کو منظم کیا اور علم ہندسہ کے مطالع کو منظم کیا اور علم ہندسہ کے مطالع کے لئے بہت اہم معنی جاتی ہیں۔

روكلة اليمنك: (Euclid Elements)

- Book-1: مثلث ،عمودی اور متوازی خطوط ، چار ضلعی اشکال کارقبه (Areas of rectilinear Figures) اور کلیهٔ فیراث م
 - Book -2: رقبهی تشکیل (Formation of Areas)، الجبری اوور ہندی طریقوں سے بتائی گئی ہے۔
 - Book-3: وائر و(Circle)، وتر (Chords) اور مثلثات (Triangles)
 - Book-4: كثير الاضلاع (Polygon) اورمنظم كثير الاضلاع كادائر وبنانا ـ
 - Book-5: تناسب اورا سكي متعلقات.
 - Book-6: تناسب ك تصور كامتشابه شكلول يراطلاق _

Book-7: اعداد کا نظریه، اعداد کی درجه بندی، جفت اعداد، طاقی اعداد، Book-9: اعداد کا نظریه، اعداد کی درجه بندی، جفت اعداد، Book-9-

-Study of continued Proportion :Book-8

Book-9: عددی نظریہ جس میں اس بات کا ثبوت بھی شامل ہے کہ مفر داعداد (Prime Numbers) کی تعداد لامحدود ہے۔

Book-10: غيرناطق اعداد كامطالعه (Study of Irrationals) -

Book-11: سابعادی علم ہندسہ جو Book-1 کے مستوی محددی علم ہندسہ سے مطابقت میں ہے

Book-12: تخلیلی طریقهٔ کارکااستعال کرکے بیہ بات دکھائی گئی کہ دائر کے اپنے قطر کے تناسب میں ہوتے ہیں۔

Book-13: فتنظم تطوس اشكال (Regular Solids)

اقلیدس نے مندرجہ ذیل پانچ ہندی بیانات کا انتخاب کیا ہے جو انہوں نے ہندی ساخت (Geometrical Structures) کے فروغ کے لئے فرض کیا تھا۔

اقلیرس کے پانچ موضوع: (Euclid's 5 Postulates)

- 1. كسى بھى نقط سے كسى بھى دوسرے نقطة تك ايك خط متنقيم كھينچا جاسكتا ہے۔
 - 2. ایک خطِ محدود،ایک مسلسل خطِ متقیم پر کھنچاجا سکتا ہے۔
 - قائمه زاویایک دوسرے کے مساوی ہوتے ہے۔
 - 4. كسى مركز سے ايك متعين فاصلے پرايك دائرہ كھينچا جاسكتا ہے۔
- 5. دودیئے گئے خطوط کوکوئی تیسرانطِ متنقیم اس طرح سے قطع کرے کہ ایک ہی طرف کے دونوں اندرونی زاویوں کا مجموعہ دوقائمہ زاویوں سے کم ہو، تب وہ دوخطوط ایک دوسرے کواسی طرف قطع کریں گے۔ اقلیدس کے میہ موضوعے ، وہ اہم ستون ہیں جن پر اقلیدس علم ہندسہ کی عمارت تعمیر ہوئی ہے۔ اقلیدس کے پانچویں موضوعے کو تبدیل کر کے درج ذیل آسان طریقہ سے بیان کیا جاتا ہے۔ دیئے گئے کسی نقطہ سے ، جو کسی دیئے گئے خط پر واقع نہ ہوایک اور صرف ایک ایسا خط کھینچا جا سکتا ہے جود نئے گئے خط کے متوازی ہو۔

اقليدس كي خدمات: (Contributions of Euclid)

🖈 اقلیدس نے ثابت کیا ہے کہ مفر داعداد (Prime Numbers) لامحد و دہوتے ہیں۔اسے عام طور پر اقلیدس کا دوسرا کلیہ بھی کیا جاتا ہے۔

🖈 انھوں نے اپنے وقت کے تین مسائل پرغور وفکر کیا جواس طرح ہیں۔

1 ایک زاویه کوتین مساوی حصول میں تقسیم کرنا۔

2 کسی مکعب کا دوگنا کرنا۔

3 کسی عدد کے ملعب سے اس عدد کا مربع معلوم کرنا۔

- 🖈 انھوں نے غیر ناطق اعداد ہے متعلق ایسے مسائل حل کئے جواس وقت تک حل نہیں کئے جاسکے تھے۔
- 🖈 اقلیدس نے اپنی کتاب The Euclid Elements میں Exhaustion اور Reduction Absurdum کا طریقهٔ کا راختیار کیا۔
- اقلیدس نے دواعداد کا مشترک عاداعظم (Greatest common divisior) معلوم کرنے کے لئے اپناایک طریقہ متعارف کروایا جے کے لئے اپناایک طریقہ کہا جاتا ہے۔ Euclidian Algorithm

🖈 کلیہ نیا غورث کا ایک طرز کا ثبوت پیش کرنے کا سہرا بھی اقلیدس کے سرجا تا ہے۔

اقلیدس کو بونان کے عظیم ریاضی دانوں میں شار کیا جاتا ہے۔ان کی کتاب The Euclid Elements کو دنیا میں ہملم ہندسہ کی ایک متند ترین کتاب سمجھا جاتا ہے۔جس نے خصیں علم ہندسہ کے بانی اور ریاضی کے رہنمااستاد کا مقام عطا کیا۔

فیثاغورث: (Pythagorus)

فیا غورث (Pythagorus) ایک یونانی ریاضی دال تھے جھوں نے ریاضی کی ترقی میں بیش بہا کارنا ہے انجام دیئے۔ فیٹا غورث اورا نکے مکتبہ کرنے میں بیش بہا کارنا ہے انجام دیئے۔ فیٹا غورث اورا نکے مکتبہ ککر نے ریاضی کی ترقی اور ترویج میں نمایاں خدمات انجام دیں۔ فیٹا غورث اورا نکے معاونین، ریاضی کے سوالات حل کرنے میں کوئی دلچین نہیں رکھتے تھے۔ اس کے برخلاف فیٹا غورث کی خصوصی دلچینی ریاضیاتی اصول ،اعداد اور مثلث دیگر ہندی اشکال کے تصورات اور کسی مسئلہ کے ثبوت کے تجریدی خیلات میں تھی۔

فی أغورث کی خدمات: (Contributions of Pythagorus)

- 🖈 نیاغورث کا مانناتھا کہ روز مرہ زندگی کے تمام تعلقات کو اعداد کے تعلقات سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔
- اس زمانے میں فیٹا غورث نے اعداد کی ان خصوصیات کا مطالعہ کیا جن سے دورِ حاضر کے ریاضی دان واقف ہوئے ہیں۔ جیسے کہ جفت اور طاق اعداد ، شاخی اعداد (Triangular Numbers وغیرہ ۔ فیٹا غورث کی نظر میں ہر عدد کی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے اعداد ، شاخی اعداد (Triangular Numbers وغیرہ ۔ فیٹا غورث کی نظر میں ہر عدد کی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے جسے ۔ ہم' بہ شکل شاخت کریاتے ہیں ۔
 - انھوں نے دریافت کیا کہ کسی بھی طاق عدد (2n+1) کودوم بعوں کے فرق کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے $(2n+1)=(n+1)^2-n^2$

جہال n ایک کامل عدد ہے۔

- اور کارچہ کہ ایک ہزار سال قبل اہلِ بابل (Babylonians) کواس کلیہ کاعلم تھا پھر بھی کلیہ ُ فیٹا غورث کوفیٹا غورث سے منسوب کیا جاتا ہے اور شایداس کی سب سے بڑی وجہ یہ ہے کہ اس کلیہ کو ثابت کرنے والے وہ پہلٹخض تھے۔
- 1۔ کسی مثلث کے متیوں زاویوں کا مجموعہ دوقائمہ زاویے ہوتا ہے۔ فیٹا غورث کے معاونین اس تعیم کوجانتے تھے کہ کسی n ضلعی شکل کے داخلی زاویوں کی پیائش کا مجموعہ (2n-4) قائمہ زاویہ ہوتا ہے۔ اسی طرح سے n ضلع کے خارجی زاویوں کی پیائش کا مجموعہ قائمہ زاویے ہوتا ہے۔
 - 2۔ کلیہ فیثا غورث
 - ایست کے گئے رقبہ اور ہندی الجبرا کے کھاظ سے اشکال بنانا۔ مثال کے طور پرانہوں نے $\mathbf{a}(\mathbf{a}-\mathbf{x})=\mathbf{x}^2$ کو ہندی طریقہ سے حمل کیا۔
 - يانچ نتظم مُعوس اشكال 🖈
- ہنائی جود گیر کسی کثیر الاضلاع (Polygon) کے مساوی ایک کثیر الاضلاع (Polygon) بنائی جود گیر کسی کثیر الاضلاع (Polygon) کے مساوی ایک کثیر الاضلاع (Regular Poly hedrons) بنانے میں کا میابی حاصل کی۔

- نیا غورث نے رقبہ اور جم کی خصوصیات کا مطالعہ کیا اور وہ پہلے ریاضی دان تھے جنہوں نے ثابت کیا کہ مساوی محیط راحاطوں کی شکل میں دائرہ وہ اللہ میں کہ مساوی محیط راحاطوں کی شکل میں دائرہ وہ شکل ہے جوسب سے زیادہ ہوتا ہے۔ شکل ہے جوسب سے زیادہ ہوتا ہے۔
 - فیا غورث نے سہ ابعادی علم ہندسہ (Solid Geometry) میں کرہ کوسب سے زیادہ Perfect شکل کہا۔وہ جانتے تھے کہ کرے میں پانچ منتظم کثیر السطوح (Regular Poly hedrons) ٹھیکٹھیک طریقے سے پائی جاتی ہیں۔ان کے نام اس طرح سے ہیں۔

پینظم مجسم (Tetrahedron)

سطح مجسم (Hexahedron)

آ گھ طحی مجسم (Octahedron)

باره طحی مجسم (Dodecahedron)

بیس سطح مجسم (Icosahedron)

- 🖈 بہت ساری ریاضیاتی اصطلاحات جیسے۔ترخیم (Ellipse) شامجم (Parabola) وغیرہ کو متعارف کروانے کا سہرا بھی فیڈاغورث کے سرجا تا ہے۔
 - 🖈 غیرناطق اعداد کی دریافت کااعزاز بھی فیٹا غورث کے مکتبہ فکر کو حاصل ہے حالا نکہ شایدراست طور پرخود فیٹاغورث نے بیکامنہیں کیا۔
- ک فلکیات میں فیاغورث نے بیربات سمجھائی کے زمین ایک ایسا کرہ ہے جوکا نئات کے مرکز میں واقع ہے۔ انھوں نے اس بات کی بھی شاخت کی کہ چپاند کا مدار (Orbit of the Moon) زمین کے خطِ استواء کی طرف جھکا ہوا تھا۔ وہ ان اولین ماہرین میں شامل تھے جنھوں نے اس بات کا احساس کیا کہ شام اور ضبح میں نظر آنے والا چمکدارستارہ ایک ہی ہے جسے ہم زہرہ (Venus) کہتے ہیں۔
- ت نی غورث نے موسیقی میں بھی بڑی مفید تحقیقات کیں اور موسیقی کے آلے سرود (Lyre) کے تاروں (Strings) کی لمبائی معلوم کر کے موسیقی کا ایک نظریہ پیش کیا۔

ریاضی کی قدیم تاریخ میں غالباً فیا غورث سب سے زیادہ ممتاز شخصیت تھے اور انگی تحقیقات نے نہ صرف علم ریاضی کو متاثر کیا بلکہ قدیم یونانی مفکرین بھی ان سے متاثر ہوئے بغیر نہیں رہ سکے۔

ریخ دیکارت: (Renedescarte)

رینے دیکارت کوفلسفہ جدید کا بانی سمجھا جاتا ہے۔ دراصل وہ 17 ویں صدی کے سائنسی انقلاب کے اہم کرداروں میں سے ایک تھے۔ اس کے سائنسی انقلاب کے اہم کرداروں میں سے ایک تھے۔ اس کے ساتھ انھیں تجزیاتی علم ہندسہ (Analytical Geometry) کا بانی بھی مانا جاتا ہے۔ حالانکہ دیکارت نے مستوی محددی علم ہندسہ (Coordinate Geometry) پر بھی اہم اور بنیادی کا م کیا ہے۔

Jesuit College Royal- Henery ریے دیکارت کی پیدائش 31مارچ <u>1596</u> کوفرانس میں ہوئی۔ سن 1607 میں انھوں نے پیدائش 31مارچ <u>1596</u> کوفرانس میں ہوئی۔ میں داخلہ لیا تھا۔طالبعلمی کے زمانے سے ہی رہے دیکارت کوریاضی سے غیر معمولی دلچیسی تھی۔

(Contributions of Renedescarte): ریخ دیکارت کیخد مات

رینے دیکارت نے 17 ویں صدی میں جس کارتیسی محددی علم ہندسہ کی ایجاد کی اس نے ریاضی کی دنیا میں ایک انقلاب برپا کر دیا۔ اسی نظام نے اقلاب برپا کر دیا۔ اسی نظام نے اقلاب برپا کر دیا۔ اسی نظام نظام نے دیکارتیسی محددی (Eucliden Geometry) اور الجبرا، کے درمیان ایک منظم کڑی فراہم کی ۔ یہ کارتیسی محددی (Eucliden Geometry) کا ذریعہ بھی تجزیاتی علم ہندسہ کی بنیاد بنے اور علم ہندسہ کی بضیرت آمیز تشریحات (Insightful Interpretation) کی بنیاد بنے اور علم ہندسہ کی بصیرت آمیز تشریحات (شدیما خوں نے بحر پوراستفادہ کیا۔

ديكارت كي مشهور تصنيفات:

- 1- Discourse on the method (1637)
- 2- Lageometric (1637)
- 3- The passions of the soul (1649)
- 4 Musicae Compendium ()
- 5- Treatise of Men (1633)
- 6- Principles of Philosophy (1644)

"Each problem that I solved became a rule which served afterwards to solve the other problems."

"I think therefore I am."

" With me everything turns into mathematics."

" Divide each difficulty into many parts as is feasible and necessary to resolve it."

" Perfect numbers like perfect men are rare."

ان اقوال سے بھی دیکارت کی عظمت کا احساس ہوتا ہے خاص طور پراس صورت میں جب ہم دیکارت کے دور کے حوالے سے ان کے مفہوم اور معنویت برغور کرتے ہیں کہ واقعی ایک ریاضی دان اورفلسفی کی حیثیت سے دیکارت اس زمانے میں بھی کتناتر قی یافتہ تھے۔

جارج کیئر جرمنی کے ایک مشہور ریاضی دان گزے ہیں۔ انہیں سیٹ تھیوری کے موجد (Inventor of set theory) کی حیثیت سے زیادہ جانا جاتا ہے۔ یہی وہ Set Theory ہے جو بعد کے دور میں علم ریاضی میں ایک بنیادی حیثیت حاصل کر گئی۔ جارج کیئر نے اعداد کے دوسیٹ کے ارکان (Elements) کے درمیان ایک سے ایک مطابقت قائم کی۔

اس سے ثابت ہوا کہ حقیقی اعداد (real numbers) بیں۔ (natural numbers) بیں۔ اس سے ثابت ہوا کہ حقیقی اعداد (real numbers) بیں۔ در حقیقت جارج کینٹر کا کلیہ (Theorem)، لا محدود اعداد کی لا محدودیت کے وجود (Arithmatic) پر ببنی صحاب (Ordinal & Cordinal Numbers) ورائعین کیا۔

تدريسي (تحقيق) بيشه وارا نه زندگی (Teaching & Research Career):

جارج کیٹر نے 1867 میں یونیورٹی آف برلن سے عددی نظریہ پر اپنا تحقیقی مضمون (Dissertation) کامل کیا۔ (Extraordinary Professor) کی حثیت سے ترقی دی گئ Halle میں اپنی تدریسی خدمات انجام دیں۔ 1872 میں انہیں ایک غیر معمولی پر وفیسر (Extraordinary Professor) کی حثیت سے ترقی دی گئ اور 1879 میں ایک مکمل پر وفیسر (Full Professor) بنایا گیا۔ صرف 34 سال کی عمر میں یہ درجہ جارج کیٹر کے لئے ایک بڑی حصولیا بی تھی ۔ تا ہم وہ چاہتے تھے کہ انہیں ایک زیادہ، باوقار ادارے University of Berlin میں ایک اچیئر احاصل ہو۔ یہ چیز اس لئے ممکن نہیں ہو پائی کہ اس کے کام کو بڑی مخالفت کا سامنا کرنا پڑا تھا۔

جارج کینٹر کی خدمات (Contributions of George Cantor):

ایپ Career کے ابتدائی دور میں جارج کی ریاضیاتی انجمنوں (Guilds) اور سوسائٹیوں (Societies) میں فعال شمولیت Shelbach کے بہلے صدر بنے اور The Dutche Mathematiker Vereinigung Society کی۔ 1865 میں وہ Seminar for Mathematics میں شمولیت افتیار کی ۔ انہوں نے عددی کلیہ (Number Theory) اور تجزیہ (Seminar for Mathematics Trigonometric) میں نہ یہ تحقیق کرنے کا فیصلہ کیا اور مثلیثیا تی سلسلہ (Trigonometry) کی نمائندگی (Gepresentation) کی نمائندگی (Functions) کی انفر اوریت (Series کی انفر اوریت (Series کی اسلام) کی نمائندگی (Natural Numbers) کی انفر اوریت (Countable) کی سلسلہ (Natural Numbers) کی مطابقت میں رکھے جاسے ہیں ۔ جلد ہی انہوں نے اپنی تحقیقات کو Acta Mathematica کی کیٹر سیٹ (Leffere's Journal کی کرنا شروع کیا ۔ جارج کی کیٹر سیٹ (The Cantor Set)، دی کیٹر سیٹ (Uncountable Set)، لامحدود سیٹ کیا۔ جارج کی علاوہ بھی بہت کیا۔ جارج کی انہوں کے اللہ وہ کی بہت کیا۔ جارج کی نام انہوں کے اللہ وہ کی مطابقت میں شامل ہیں۔ اسلام کی دوسرے بڑے کا موں میں نا قابلی شارسیٹ (Uncountable Set)، دی کیٹر سیٹ (Infinite Hypothesis، Convergent Series، (Infinite Set) میں شامل ہیں۔

Men of سے نوازا گیا تھا اورخودان کی حیات اور خدمات پر بہت ساری کتابیں تحریر کی گئیں اور بطورِ خاص Sulvester Medal جارج کینٹر کو Sulvester Medal سے نوازا گیا تھا اورخودان کی حیات اور خصوصی ابواب شامل ہیں۔ بچی تو بیہ ہے کہ انہوں نے دورِ جدید کی ریاضی کی بنیاد مرکبی استفادہ کررہے ہیں۔
رکھی اوران کے بہت سارے کا مول سے ہم آج بھی استفادہ کررہے ہیں۔

ا بنی معلومات کی جانچ: مناسب جوڑیاں لگائے۔

A اقليرس (Euclid) نا قابل شارست (Uncountable Set) (a) (i) تناسب اوراس کے متعلقات فيثاغورث (Pythegorus) (ii) (b) سرود کے تار کی لمیائی ریخ دیکارت (c) (iii) حارج كنتر Principles of Philosophy (d) (iv)

1.7 دیگر مضامین اوراپنی شاخوں کے ساتھ ریاضی کی ہم رشتگی:

(Correlation of Mathematics with other School subjects and with other Branches of Mathematics.)

اپنی ظاہری اور باطنی خوبیول کے ساتھ ریاضی کا،روز مرہ زندگی اور دیگر مضامین کے ساتھ گہرارشتہ ہے۔ریاضی کی ہم رشنگی سے کممل طور پر واقفیت رکھنے والا استاداینی تدریس کو دیگر مضامین اورروز مرہ زندگی کے ساتھ مربوط کرتے ہوئے موثر (Effective) بناسکتا ہے۔

ہم رشتگی کے اقسام: (Types of Correlation)

ریاضی ہے متعلق بیکن (Bacon) نے بڑے پتے کی بات کہی تھی"ریاضی تمام علوم کا دروازہ اور کلید ہے۔" اسی طرح کا نٹ (kant) نے کہا تھا "ریاضی تمام طبعیاتی تحقیقات کا ناگزیرآ لہ ہے۔" کوٹھاری ایجو کیشن کمیشن نے ریاضی کی اہمیت کو واضح کرتے ہوئے تحریر کیا ہے "ہم ریاضی کی اہمیت پر، سائنس کی تعلیم اور تحقیق کے مقابلے میں بہت زیادہ زور نہیں دے سکتے لیکن، یہ بات بھی تیجے ہے کہ بچھلے تمام ادوار کے مقابلے میں آج ریاضی کی اہمیت زیادہ ہے۔" طبعیات میں سارے قوانین رکلیات اور اصول، مساوات اور ضابطوں کی شکل میں بیان کئے جاتے ہیں جن میں ریاضی کی زبان اور علامتوں کا استعمال ہوتا ہے۔ ذیل میں چندمثالیں درج کی جارہی ہیں۔

$$v = u + at$$

$$v^2 = u^2 + 2as$$

$$s = ut + \frac{1}{2} at^2$$
 -3

اویر کی نینوں مساوا تیں، نیوٹن کے قواندین حرکت ہے متعلق ہیں۔

4۔ نیوٹن کا دوسرا قانون حرکت

F= ma

جہال F سے مرادقوت (Force)، mسے مرادکیت (mass) اور a سے مراد اسراع (accelaration) ہے۔

 $D=m \div v$

D کثافت (density)، m کمیت (mass) اور v مجم

PV = RT (بوائل کا قانون) PV = RT (جبکة پیش (t) مستقل ہے۔)

یہاں p دباؤ (Pressure) اور V جم (Volume) ہے۔ علم طبعیات کے درج بالاقوانین واصول کو بیجھنے کے لئے طالب علم کو مساوات (Pressure) ہنیر بالمشتقیم (Direct Variation) اور تغیر معکوس (Direct Variation) کا مکمل علم ہونا ضروری ہے۔ ریاضی کا ایک استاد مساوات (Equation) اور تغیر جیسے عنوانات کی تدریس کرتے وقت طبعیات (Physics) کی مثالیں استعال کرسکتا ہے۔

اس طرح کی طرزِ رسائی (Approach) اختیار کرنے سے ریاضی کی تدریس زیادہ بامعنی بن جاتی ہے۔ ریاضی علم کیمیاء (Approach) کے مطالعے کے لئے ایک ناگزیر آلہ ہے۔اعلیٰ ریاضی (Higher Mathematics) کے ضروری فہم کے بغیرعلم کیمیاء کی جدید تحقیقات بالخصوص طبعی کیمیاء (Physical Chemistry) اورعمومی کیمیاء (General Chemistry) کو بچھناتقریباً ناممکن ہوجا تا ہے۔

ریاضی مادے کی خصوصیات کواکیہ متعین شکل وصورت عطا کرتی ہے۔ علم کیمیاء میں تمام کیمیاوی تراکیب (Constituent Elements) ایک متعین نبیت ریاضی کے کسی نہ کسی اصول رضا بطے کے تحت ہوتے ہیں۔ کیمیاوی مرکبات کے ترکیبی عناصر (Chemical Equations) ایک متعین نبیت (Chemical Equations) میں ترکیب پاتے ہیں۔ کیمیاوی تعاملات (Chemical reaction) میں کیمیاوی مساواتوں (Definite Ratio) کو اور ن (Balance) کی تعداد (Number) کی تعداد (Heat) کو مساوات کی دونوں جانب متوازن (Balance) کرنے پر، برابر ہو پا تا ہے۔ مختلف کیمیائی تعاملات میں درکار رخارج شدہ حرارت (Heat) بھی تج بی سے زیادہ ریاضیاتی وجودر کھتی ہے۔ کسی عنصر (Element) کی جو ہری مناف (Atomic Valency) کی جو ہری مناف کی بنیاد پر ہوتی ہے۔ کسی خیار کی جو ہری مناف (Physical Sciences) بنانے میں خواص کی جو ہری وزن (Physical Sciences) کی حد بندی نہیں کی جاستی۔ خلاصۂ کلام یہ ہے کہ ریاضی میں جم رشکی (Correlationship) کو زیادہ دلچسپ (Practical) اور عملی اور عملی واسکتی۔

B ریاضی اور حیاتیات (Biological Sciences) میں ہم رشتگی :

کوٹھاری ایجوکیشن کمیشن کےمطابق" طبعی علوم کی ترقی میں اپنا کر دار نبھانے کے ساتھ ساتھ ، آجکل ریاضی ، حیاتیات کی ترقی وترویج میں بھی نمایاں رول اداکرر ہی ہے۔"

یجیلی صدی کے آغاز تک، عام طور پر ریاضی کا حیاتیات اورعلم طب (Medicine) سے کوئی تعلق محسوں نہیں ہوتا تھا۔لیکن بچیلی چند دہائیوں میں ان میدانوں میں، ریاضیاتی اصولوں پر ببنی گی ایک عمدہ آلات تیار کئے گئے ہیں۔مشاہدے کے ذریعے جمع شدہ معطیات (data) سے عمومی نتائج اخذ کرنے کے لئے جو Biometric آلداستعال کیاجاتا ہے اس کی تخلیق بھی ریاضیاتی اصولوں پر ہوئی ہے۔

شارياتي طريقے اور تكنيكييں:

فعلیات (Physiology)، جنیات (Genetics)، توارث (Heredity) اوراستحالہ (Physiology) جیسے علوم کے پیچیدہ مسائل کے جریے میں شاریاتی طریقوں اورتکنکوں کا بڑے بیانے پر استعال کیا جاتا ہے۔ عضلاتی فعلیات (Neuro Physiology) کے ماہرین نے سوچنے کے ممل کی نمائندگی کے لئے الجبراء کی ایک نئی شاخ کا آغاز کیا ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ ریاضی اور حیاتیات کے باہمی رشتے کو ظاہر کرنے والے ایسے بے شار واقعات مستقبل میں وقوع پذیر ہوتے رہیں گے۔

C ریاضی اورساجی علوم (Social Sciences) میں ہم رشتگی :

معاشیات میں، سابی مظاہر (Social Phenomenon)، معاثی پالیسی پراثر انداز ہونے والے عمومی قوانین (governing economic policy) کے لئے ریاضیاتی زبان اور ریاضیاتی خبان اور معاشی نشونما کی پیشن گوئی (Prediction of Economic growth) کے لئے ریاضیاتی زبان اور ریاضیاتی طریقوں کا بڑے پیانے پر استعال ہوتا ہے۔ بہت سارے معاشی موضوعات سے متعلق نتائج اخذ کرنے اور پیشن گوئی کرنے کے لئے نظریہ امکان (Theory of Probability) کا اطلاق کیا جاتا ہے۔ تاریخ اور چغرافیہ جیسے مضامین بھی ، ریاضی اور تاریخ کی تدریس کے لئے کارآ مدیس منظر حاصل ہوتا ہے۔

ریاضی کاعلم ، مختلف تاریخی واقعات کی تاریخ اور دن کا حساب لگانے اور سابقہ واقعات کی روشنی میں مستقبل کے بارے میں پیشن گوئی کرنے کے لئے ، مددگار ثابت ہوتا ہے۔ یانے کے مطابق نقشے تیار کرنے اور کسی مقام کامکل وقوع معلوم کرنے اور دومختلف مقامات کا درمیانی فاصلہ معلوم کرنے کے لئے علم ریاضی کا استعال کیاجا تا ہے۔

اسی طرح سے عرض البلد (Latitude) اور طول البلد (Longitude) معلوم کرنے، موسی تبدیلی سے متعلق پیشن گوئی کرنے (Latitude) معلوم کرتے، موسی تبدیلی سے متعلق پیشن گوئی کرنے (Forecasting about change in whether) کرنے (Forecasting about change in whether) کرنے کے لئے بھی ہمیں ریاضی کے علم کی ضرورت پڑتی ہے۔ تاریخ اور جغرافیہ سے متعلق مسائل، ریاضی کے طالب علم کے لئے کارآ مدمثق کا ذریعہ ثابت ہوسکتے ہیں۔ کے لئے بھی ہمین ریاضی اور زبان وادب (Language and Literature) میں ہم رشتگی :

زبان، اظہار کا بہترین وسلہ ہے اور زبان کے استعال کے بغیر ریاضی نہیں سکھی جا سکتی ۔ حالانکہ ریاضی کی زبان، اس کی اپنی علامتوں (Symbols/ Signs) پوئی زبان ہوتی ہے تاہم پیعلامتیں اسی وقت زیادہ بامعنی، واضح اور عملی ثابت ہوتی ہیں جب وہ بہت ہی واضح طور پرسید میں علامتوں (Symbols/ Signs) پوئی زبان ہیں ۔ ریاضی کے بعض مخصوص تصورات بالحضوص، مجر دتصورات (Abstract Concepts) اسی وقت سکھے جا سکتے ہیں جب انصیل فنظی بیان کی جا ئیں ۔ ریاضی کے بطور جنھیں اصطلاح میں تعریف کہتے ہیں بیان کئے جا ئیں یہ تعریفات مخصوص اور جامع بن جاتی ہیں جب انصیل فنظی بیان کیا جاتا ہے۔

ریاضی کاعلم، کسی طالبعلم کو، وضاحت (Clarity) اور قطعیت (exactness) کے ساتھ کسی زبان کے سیھنے میں مدد کرتا ہے۔ ریاضی کے مطالعہ سے طالبعلم کی منطقی سوچ اور قوتِ استدلال پروان چڑھتی ہیں اور میخو بیاں اس کے زبان سیھنے کے ممل میں بالخصوص قوائد اور خیالات کو منطق اور استحضار کے ساتھ ترتیب دینے میں مدد کرتی ہیں۔

' E رياضي اورفن (Art) ميں ہم رشتگي :

فن میں موجود حسن کے استحسان (Appreciation) میں ریاضی ہماری مدد کرتی ہے۔ریاضی کا پس منظر رکھنے والاشخص فن کی تخلیق میں

تشاکل(Symmetry)،نمونه(Pattern)،نتاسب(Proportion)،توازن(Balance)،اور ہم آ ہنگی (Harmony) جیسی خوبیوں کا ادراک با آسانی کرسکتا ہے۔

جارج برناڈ شاہ کے مطابق۔"ریاضی کی دلچیں، حقائق کے معلوم کرنے ، فن کا گہرا مطالعہ کرنے اور خوبصورتی کے میں اظہار ہے۔"ریاضی بذاتِ خود فن کا نمونہ، ہم آ ہنگی اور تشاکل کا مطالعہ ہے۔ اگر چہ کے علم ریاضی کے ایک بڑے جصے پراطلاتی ریاضی (Applied Mathematics) کا لیبل لگا دیا جاتا ہے اس کا ایک بڑا خزانہ ایسا بھی ہے جس کی تخلیق خالصتاً ہمالیاتی بنیا دوں پر ہوئی ہے۔ ایسا کرتے ہوئے فن کا راپنے فن میں شکل (Form)، تشاکل اور تناسب وغیرہ کے بارے میں معلومات کا استعال کر کے اپنی تخلیق کو زیادہ سے زیادہ حسین بناتا ہے۔ گویاریاضی میں حسن (Beauty)، تشاکل ، نمونہ اور کئے (Rythm) شامل ہیں اور فن کی کسی دوسری فتم جیسے شاعری ، مصوری ، موسیقی یا سنگ تراثی وغیرہ سے جو مسرت ، لطف اور سکون حاصل ہوتا ہے وہی سب کچھ ریاضی سے بھی حاصل ہوتا ہے۔ ریاضی کی خوبصورتی ، فصاحت (Elegance) اور با قاعد گی بعض مرتبہ سر دمہری اور غیر انسانی محسوس ہوتی ہیں۔ تا ہم بہت مجھوٹے بچے بھی ریاضی کے سوالات اور مسائل حل کرتے وقت لطف اندوز ہوتے ہیں۔

ریاضی اوراسکی دیگرشاخوں میں ہم رشتگی: (Correlation between mathematics & its other branches)، محددی علم ریاضی کی مختلف شاخوں جیسے علم حساب (Arithmetic)، الجبراء، علم ہندسہ (Geometry)، علم مثلث (Trigonometry)، محددی علم ہندسہ (Coordinate Geometry) وغیرہ کو بالکلیہ علحد ہالحد ہ اور غیر متعلق خانوں کے طور برنہیں بڑھایا جانا جائے۔

انڈین ایجوکیشن کمیشن (66-1964) نے ریاضی کی ان تمام شاخوں کی تدریس کے لئے انضامی طرز رسائی (Algebraic انڈین ایجوکیشن کمیشن (Approach) کے مشکل مسائل یا عبارتی سوالات کو الجبری مساوات (Approach) استعال کرنے کی سفارش کی ہے۔ علم الحساب (Arithmetic) کے مشکل مسائل یا عبارتی سوالات کو الجبری مساوات Theorems related with similar کے ذریعے با آسانی حل کیا جاسکتا ہے۔ کلیۂ فیٹا خورث اور متثابہ مثلثوں سے متعلق کلیات (Equations) کے دریعے با آسانی حل کیا جاسکتا ہے۔ کلیۂ فیٹا خورث اور متثابہ مثلثوں سے متعلق کلیات (Triangles) کے دریات ہم رشتگی کی ایک کڑی لم کرتے ہیں۔ کل (Locus) کا تصور مستوی علم ہندسہ اور سہاوی کا مرتب ہے۔ وقوعلم ہندسہ حساب کی مساحت (Mensuration) کے سوالات کے لئے ایک بنیاد کا کام کرتا ہے۔ جبکہ مثال کے طور۔ قائمۃ الزاویہ تساوی الساقین مثلث (Right Angled Isosceles Triangle) کاور 2 جزرالمربع اکائی ہوتا ہے۔ جبکہ اس کے مساوی ضلعوں میں سے ہر ایک کی لمبائی ایک اکائی ہو۔ مشابہ مثلث نسبت اور تناسب کے تصور کو معنی عطا کرتا ہے۔ اس طرح علم الکے مساوی ضلعوں میں سے ہر ایک کی لمبائی ایک اکائی ہو۔ مشابہ مثلث نسبت اور تناسب کے تصور کو معنی عطا کرتا ہے۔ اس طرح علم الکی انگال کی بنیاد کے طور راستعال ہوتا ہے۔

مثال کے طور۔ 32 میں کونساعد دجم کریں کے 25 ہوجائے؟ بیسوال ایک الجبری مساوات 32+x = 25 کی تشکیل کر کے آسانی سے ط کیا جا سکتا ہے۔ کسی بھی خطی مساوات (Linear Equation) کوایک خطِ متنقیم رعد دی خط کے ذریعے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

الجبرى ركن (Algebraic Term) كوبم بطورعلم مندسه كيعض تصورات كے بطور د مير سكتے ميں۔

مثال کے طور۔ X² اس مربع کارقبہ ہوتا ہے جس کے ضلع کی لمبائی X ہو۔اسی طرح X³ اس مکعب کا حجم ہوتا ہے جس کے ضلع کی لمبائی X ہو۔ الجبراء علم ہند سہ اور علم الحساب میں ہم رشتگی کا اظہار درج ذیل میں کیا جارہا ہے۔

الجبراء_

(a+b)ء کی توسیع

یہ توسیع (a+b) کو (a+b) سے ضرب کر کے اور ایک جیسے ارکان کو ایک جگہ تر تیب دیکر کی جاسکتی ہے۔

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

علم مندسه-

(a+b)اس مربع کارقبہ ہوتا ہے جس کے ضلع کی لمبائی (a+b) اکائی ہواور جسے مزید دومر بعوں میں تقسیم کیا جاسکتا ہے۔ جن کے ضلعوں کی لمبائی بالتر تیب a اور b ہو۔

علم الحساب _

یمی کامل مطابقت 1012 اور 10032 وغیرہ معلوم کرنے کے لئے استعال کی جاسکتی ہے۔

$$(101)^2 = (100+1)^2$$

$$= 100^2 + 2x \ 100x1 + 1^2$$

$$= 10000 + 200 + 1$$

$$= 10201$$

ا بني معلومات کی جانج:

خالى جگهيں پر ڪيجيـ

- 1- بیکن کےمطابق ریاضی تمام علوم کا درواز ہ اور ہے۔
- 2- ریاضی طبعی علوم کوزیا ده دلچیپ اور ______ بنانے میں تعاون کرتی ہے۔
 - 3- فن میں موجود خوبصورتی کے میں ریاضی مددکرتی ہے۔
 - 4- معاثی نشونما کی پیش گوئی کے لیے _____ زبان کا استعال ہوتا ہے۔
- 5- ریاضی اپنے آپ میں ایک مضمون ہونے کے علاوہ دوسرے مضامین کے لیے ایک

1.8 يادر كھنے كے نكات: (Points to Remember)

- ۔ ۔ اسکو لی نصاب میں ریاضی مضمون کوا کیک خاص اہمیت حاصل ہے ۔اس کی ضرورت وافادیت کے پیش نظر دسویں جماعت تک اسے ایک لازمی مضمون کے بطور پڑھایا جاتا ہے۔
- مختلف ماہرین نے ریاضی کی تعریف اپنے انداز میں بیان کی ہیں۔اوران میں سے ہرایک ریاضی کی کسی ناکسی اہم خصوصیت کااحاطہ کرتی ہے۔
 - ریاضی کی مختلف خصوصیات کےمطالعے سے ہمیں اس مضمون کی ماہئت رنوعیت (Nature) کو سمجھنے میں مدوماتی ہے۔
 - ریاضی کی تاریخ تقریباً اتنی ہی پرانی ہے جتنی کہ خودانسانی تاریخ۔
- وقت کے ساتھ ریاضیاتی علم کے ذخیرہ میں اضافہ ہوتا گیا اور اس کی مختلف شاخیں وجود میں آتی گئیں علم الحساب (Arithmetic)، علم ہندسہ (Plane)، مستوی محددی علم ہندسہ (Geometry)، کیلکولس (Calculus)، تجزیاتی علم ہندسہ (Analytical Geometry)، مستوی محددی علم ہندسہ (Coordinate Geometry)، سیابعادی علم ہندسہ (Coordinate Geometry) ریاضی کی چنداہم شاخوں میں شامل ہیں۔
 - ریاضیاتی علم کی ترقی کاسہرہ مختلف ریاضی دانوں کی کاوشوں کے سرجا تا ہے۔

- اقلیدس (Euclid)، فیثا غورث (Pythagoras)، رینے دیکارت (Rene Descrate) اور جارج کینٹر (George Cantor) کے بیٹر (George Cantor) کے بیٹر (George Cantor) کے بیٹر (George Cantor) کے بیٹر (Rene Descrate) کے بیٹر (George Cantor) کیٹر فیر معمولی خدمات انجام دیں۔

۔ اس کے ساتھ یہ بات بھی صحیح ہے کہ زمانۂ قدیم ہی ہے مشرقی ریاضی دانوں اور بالخصوص ہندوستانی ریاضی دانوں کی خدمات (Contribution) بھی کم نہیں رہیں۔ان میں بطور خاص آریہ بھٹ، برہمہ گیتا، بھاسکرا چاریہ، وراہامہیرااور رامانجن وغیرہ شامل ہیں۔

۔ نہ ہی کتابوں میں بھی اس بات کے حوالے ملتے ہیں کہ جن اصولوں (Principles)،کلیوں (Theories) اورضا بطوں (Formulas) کو دورِ جدید میں مغربی ریاضی دانوں کے حوالے سے پڑھایا جاتار ہاہے ان میں سے اکثر چیزوں کے ابتدائی نقوش ہمیں ہندوستان میں مل جاتے ہیں۔ ۔ ریاضی اور دیگر مضامین میں ہم رشتگی کی اہمیت خودریاضی کو بطور کلیدی مضمون (Key Subject) سمجھنے میں مددکرتی ہے۔

(Glossary): فرہنگ 1.9

Meaning مفهوم

نوعیت ر ما مهیت Nature

خدمات رتعاون Contribution

Generalisation description

دریافت رکھوج Discovery

(Unit End Exercises) اکائی کے اختیام کی مشقیں 1.10

طويل سوالات:

- 1۔ ریاضی کےمفہوم،اسکی نوعیت اور وسعت پرتفصیلی روشنی ڈالئے۔
- 2۔ دلائل کے ساتھ بحث بیجئے کہ ریاضی کوایک لازمی مضمون کی حیثیت سے اسکولوں میں کیوں پڑھایا جانا جا ہے؟
 - 3۔ میدانِ ریاضی میں ہندوستانی ریاضی دانوں کی خدمات کا تفصیلی جائزہ پیش کیجئے۔
 - 4۔ ریاضی کی ترقی میں مغربی ریاضی دانوں کے کر دار سے بحث کیجئے۔

مختضر سوالات:

- 5۔ مضمونِ ریاضی کی کوئی پانچ خصوصیات بیان سیجئے۔
- 6۔ ریاضی کامفہوم دومختلف تعریفات کا حوالہ دیتے ہوئے سمجھا ہے۔
 - 7۔ ریاضی کی وسعت پر مختصراً روشنی ڈالئے۔
- 8۔ دسویں جماعت تک ریاضی کولا زمی مضمون کی حیثیت سے پڑھانے کی وجوہات بیان سیجئے۔
 - 9۔ ریاضی کے تیک مندرجہ ذیل ریاضی دانوں کی خدمات بیان کیجئے۔

1-آربيب بحث 2-ورامامهيرا 3-فيثاغورث 4-ريخ ديكارت

```
معروضی سوالات:
                                           ریاضی کی تاریخ اتنی ہی پرانی ہے جتنی کہ۔۔۔۔۔۔کی تاریخ
                                 2_انسان 3_سائنس 4_ہندوستان
                                                   ریاضی نتائج اخذ کرنے کا۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔
                                                  1 - کھیل 2 فن 3 - جادو
                                    4_امتحان
                                             ریاضی میں۔۔۔۔۔۔۔ر تیب کی بڑی اہمیت ہوتی ہے۔
                                                  2_نفساتی 3_تاریخی
                                                           ریاضی ۔۔۔۔۔کی سائنس ہے۔
                                    1-انکشاف 2-عرفان 3-دریافت 4-ایجاد
                                                     ۔۔۔۔۔۔۔کوانسانی کمپیوٹر کہاجا تاہے۔
                                 1-راهانجن 2-آرید بھٹ 3-وراہامہیرا 4-شکنتلادیوی
                                     پہلے ہندوستانی خلائی سیارے(Satellite) کانام۔۔۔۔۔۔۔
                                                                                         -15
                                   1 _ ى _ وى _ رمن 2 _ ورامامبيرا 3 _ آربيه بعث 4 _ دامانجن
                                       ر یاضی دان بر ہمہ گیتا کا تعلق ریاستِ ۔۔۔۔۔۔۔۔۔ے تھا۔
                                                                                         -16
                                   1-تلنگانه 2- بهار 3-آندهرایردیش 4-گجرات
کے بھی نقطہ سے دوسر کے سی بھی نقطہ کی طرف ایک خطِ مسقیم کھینچا جا سکتا ہے۔ یہ موضوعہ پیش کرنے والا پہلاریاضی دان ۔۔۔۔۔۔تھا۔
                                1-فی أغورث 2-ریخ دیکارت 3-اقلیدس 4-جارج کیمر ا
                          علم حساب (Arithmetic) علم ریاضی (Mathematics) کی ایک ۔۔۔۔ے
                                                                                         -18
      2-ابتداء(Beginning) - كليد (Key) 4 (Reginning) - 2
                                                                       (Extreme)انټا
                                                     " میں سوچتا ہوں اس لئے میں ہوں" بہقول کس کا ہے؟
                          1 ـ ريخ ديكارت 2 ـ اقليدس 3 ـ رامانجن 4 ـ ورابامهيرا
                                       (Suggested Readings) نابین: 1.11 سفارش کرده کتابین:
```

- Mangal, S.K. (1993), Teaching of Mathematics, New Delhi, Agra Book Depot.
- NCERT (2012), Pedagogy of Mathematics, New Delhi: NCERT
- Siddhu, K.S. (1990), Teaching of Mathematics. New Delhi: Sterling Publisher.
- Aggarwal, S.M.: Teaching of Modern Mathematics
- http/www.ams.org
- www.google.com

ا کائی۔2 تدریسِ ریاضی کے اغراض ومقاصد

(Aims & Objectives of Teaching Mathematics)

ساخت

(Introduction) : \ddot{x}_{μ} 2.1

Objectives) مقاصد: 2.2

2.3 تدریسِ ریاضی کے عمومی مقاصد کا تعین کرنے کی ضرورت

(Need for establishing general objectives for teaching Mathematics)

(Aim, values and general objectives of teaching Mathematics) تدریسِ ریاضی کے اغراض، مقاصداوراقدار

2.5 ثانوی اسکولوں میں پڑھائی جانے والی ریاضی کی مختلف شاخوں کے موادِ مضمون کے لحاظ سے تدریبی نکات اور خصوصی مقاصد (Specific Objectives & Teaching point of various content area in different branches of secondary school mathematics)

2.6 تدريس رياضي كاغراض ومقاصد معتعلق مختلف تعليمي كميثيون اوركميشنون كي سفارشات

(Recommendations of Various Educational Committees & Commission as regard to Aims & Objectives of Teaching Mathematics)

2.7 استعداد کامفہوم وتصور اور CCE کے حوالے سے تعلیمی معیارات

(Maening & Concept of Competencies & Academic Standards of CCE)

2.8 بلوم کے تدریسی مقاصد کی درجہ بندی ہتھید، انڈرس کے ذریعے بلوم کی درجہ بندی میں ترمیم

(Bloom's Taxonomy of Educational Objectives-Critique, Revised Bloom's Taxonomy by Anderson-2001)

(Linking Bloom's Taxonomy with Acdemic Standards) بلوم کی درجه بندی کاتعلیمی معیار سی تعلق (2.9

(Points to Remember) ياور کھنے کے نکات (2.10

(Glossary) فرہنگ (2.11

(Unit End Activities) اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں 2.12

(Suggested Readings) سفارش کرده کتابیں 2.13

(Introduction) تهيد: (2.1

ریاضی ،اسکولی نصاب کا ایک اہم اور دلچیسپے مضمون ہے۔عام طور پر دسویں جاعت تک اسے ایک لازمی مضمون کے بطور پڑھایا جاتا ہے۔زیر

تربیت اسا تذہ کے لئے ضروری ہوجا تا ہے کہ قدریس ریاضی کے اغراض و مقاصد اور اس کے اقد ارکوذی بین نشین کرلیں۔ انہیں کی روشی میں ریاضی کے ہرسبق کی قدریس کے لئے خصوصی مقاصد یا ہدایتی مقاصد کا مطالعہ کرنا بھی ضروری ہے۔ اہداف (Goals) ، مقاصد (Objectives) ، طریقہ کی قدریس کے لئے خصوصی مقاصد یا ہدایتی مقاصد کی جانچ (Assessment of Learning) اور اکتساب کی جانچ (Methods of Teaching) کس طرح باہم مربوط ہیں؟ اس سوال پرغور کرتے ہوئے ہم اس اکائی میں ریاضی کی قدریس کے تناظر میں مقاصد (Objectives) ، اکتسانی تج بہ (Objectives) اور جانچ کی مختلف کا مطالعہ کریں گے۔ قدریس مقاصد کی بلوم کی درجہ بندی ، اس پر کی گئی تقید اور اور پھر اس کی اصلاح شدہ شکل کا مطالعہ کریں گے۔ قدریس مقاصد کی بلوم کی درجہ بندی ، اس پر کی گئی تقید اور اور پھر اس کی اصلاح شدہ شکل کا مطالعہ کرنے کے بعد ، قدریس ریاضی کے تناظر میں مسلسل اور جامع جانچ (Continoous & Comprehensive Evaluation) کے مختلف نظریاتی اور عملی پہلوؤں سے ہم واقفیت حاصل کریں گے۔ اکائی کا اختیام ، ہندوستان کی اہم تعلیم کمیٹیوں اور کمیشنوں کی ریاضی قدریس سے متعلق اہم سفارشات پر ہوگا۔

2.2 مقاصد: (Objectives)

اس اکائی کےمطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجا کیں گے کہ

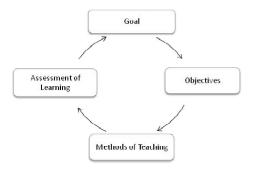
- تدریسِ ریاضی کے اغراض ومقاصد (Aims & Objectives) اور اقدار (Values) بیان کرسکیں گے۔
 - 🖈 ریاضی کی مختلف ا کائیوں کے حوالے سے مدایتی مقاصد لکھ سکیں۔
 - 🖈 تغلیمی مقاصد کی بلوم کی درجه بندی،اس پر تنقیداور تبدیل شده درجه بندی پر روشنی ژال سکیس 🕳
- این کے تناظر میں عملی طور پر (Continuous & Comprehensive Evaluation) کے تصور کو، تدریسِ ریاضی کے تناظر میں عملی طور پر برت سکیں۔

2.3 تدریسِ ریاضی کے عمومی مقاصد کا تعین کرنے کی ضرورت:

(Need for establishing general objectives for teaching Mathematics)

ہدایتی مقاصد کی اہمیت: (Importance of Instructional Objevtives)

متعلم کے اندرمتوقع نتائج کے مدنظر جومقاصد متعین کیے جاتے ہیں ہدایتی مقاصد کہلاتے ہیں۔ ہدایتی مقاصد متوقع نتائج کی وضاحت کرتے ہیں اس میں کسی مخصوص کورس کے مقاصد کو متعین کیا جاتا ہے۔اس میں بڑے ہی آسان انداز میں اس بات کی وضاحت کی جاتی ہے کہ کورس کس کے متعلق ہے۔ جس کے ذریعے وسیعے بیانے پرکورس کے مقاصد متعین ہوتے ہیں۔



ہدایتی مقاصد کواس گردش چکر (Cycle) کی بنیاد پر متعین کیا جاتا ہے۔

تدریسی مقاصد کوظا ہر کرنے کی اہمیت: (Importance of stating Instructional Objectives)

جب معلم تدریس سبق کامنصوبہ تدریسی مقاصد کی بنیاد پر بنا تا ہے تب تمام تدریسی ممل معلم سے طلبا کی جانب منتقل ہوجا تا ہے۔ تدریسی مقاصد نہ صرف معلم کواپناسبق مرتب کرنے میں مدد دیتے ہیں۔ سرف معلم کواپناسبق مرتب کرنے میں مدد دیتے ہیں۔ تدریسی مقاصد ایک معلم کی اس طرح مدد کرتے ہیں۔ تدریسی مقاصد ایک معلم کی اس طرح مدد کرتے ہیں۔

🖈 درس کے اختیام پر طلبا کے برتا ؤمیں جومتو قع تبدیلی آنے والی ہے اس کو واضح طور پر معلم لکھ لیتا ہے۔

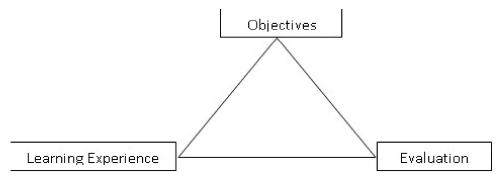
🖈 موزوں اکتمانی تج بات کامنصوبہ تیار کرلیتا ہے۔

المعاصد كے حصول كے ليدرست سمت كى جانب آ كے بوطتا ہے۔

تدریبی مواد کا انتخاب کرنے اور منظم کرنے کی بنیاد فراہم کرتا ہے اور مضمون کو پیش کرنے کا طریقہ اور جانچ کی ترکیبیں فراہم کرتا ہے۔

معلم مناسب جانچ کی تکنیکوں کا انتخاب کر کے طلبا کے برتاؤ کی جانچ کرتا ہے کہ آیا طلبا میں معروضات کے لحاظ سے تبدیلی آئی ہے یانہیں۔اگر معلم،

جانچ کے بعد مطمئن نہ ہوتو دوبارہ ان تین امورکو دہراتا رہے۔(۱) اکتبابی تجربات (Learning Experience) (۲) معروضات (۳) جانچ کی
تکنک ۔ان کو وہ مسلس عمل کی طرح جاری رکھتا ہے۔



اینی معلومات کی جانج:

1- متعلم كاندرمتوقع نتائج كے منظر جومقاصد تعين كيے جاتے ہيں انہيں كون سے مقاصد كہتے ہيں؟

2- تدریبی مقاصمتنی کے لیے کس طرح مدد گار ثابت ہوتے ہیں؟

3- ہدایتی مقاصد کن نتائج کی وضاحت کرتے ہیں؟

2.4 تدریسِ ریاضی کے اغراض، مقاصداورا قدار:

(Aims, Values and General Objectives of Teaching Mathematics)

2.4.1 اغراض : (Aims)

اغراض طویل مدتی ہوتے ہیں۔ان کوحاصل کرنے کے لئے بہت زیادہ وقت در کار ہوتا ہے۔اس کے لئے پہلے مقاصد کوحاصل کرنا ہوتا ہے جو کم مدت میں حاصل ہوتے ہیں۔ مثال۔"طلبہ میں مسابقتی امتحان کی مہارتوں کوفروغ دینا" ہے ایک غرض ہے جو بہت ہی وسیع اور عام جملہ ہے۔اس غرض کو پورا کرنے کے لئے طالب علم کوئی سال لگ جائیں گے۔

ریاضی کے تدریسی اغراض: (Aims of Teaching Mathematics)

🖈 طلباء کوروز مرہ زندگی کے حسابی سوالات کوحل کرنے میں مدد کرنا۔

🖈 طلباء کود ماغی یا دبین تربیت دینا۔

🖈 طلباء کوایخ تهذیبی ور ثه سے واقف کر وانا۔

🖈 طلباء کو کفایت شعاری اور تغمیری زندگی کے لئے تیار کرنا۔

🖈 طلباء میں قوت نخیل اور تصورات کی قوت کوا بھار نا۔

(Objectives) : مقاصد 2.4.2

مقاصد کوہم اغراض کی نسبت ہے دیکھتے ہیں تو یہ بہت ہی مختصر مدت میں حاصل کر سکتے ہیں۔ان کو حاصل کرنے کے بعد ہی اغراض کی حصولیا بی ہوتی ہے۔ مثال۔" طلباء میں دویا دو سے زیادہ ہندی اعداد کو جمع کرنے کی مہارت کو فروغ دینا" یہ مقصد محاصل (Acheivement) ہے جو طلباء میں مختصر مدت میں حاصل کیا جاسکتا ہے۔

ریاضی کے تدریسی مقاصد: (Objectives of Teaching Mathematics)

ک ریاضی کے بنیادی اعمال (+،-،×،÷) جیسے بنیادی تصورات اور تعریفات کوصاف اور واضح طور پر بیان کرنے کے قابل بنانا۔

🖈 ریاضی کے کھیل وغیرہ کونصاب میں شامل کر کے طلباءکوریاضی سیکھنے کی طرف راغب کرنا۔

🖈 ریاضی سے تعلق رکھنے والے دوسر بے مضامین کو سکھنے کے لئے آمادہ کرنا۔ جیسے: طبیعات، کیاء، کھیل، دست کاری وغیرہ۔

🖈 ریاضی کے ضوابط زبان اورا صطلاحات سے واقف کروانا۔

🖈 اعلیٰ جماعتوں کی ریاضی کو سکھنے کے لئے طلبا ہو تیار کرنا۔

اغراض ومقاصد میں فرق: (Difference between Aims & Objectives)

ojectives) . O/O. J. r	(Difference between Alins & Objectives)	
اغراض		مقاصد
1- تعلیمی نظام کو ہدایت دیتے ہیں		1۔ اغراض کی جانب ہدایت دیتے ہیں۔
2۔ طویل مدتی ہوتے ہیں۔		2۔ مختصر مدتی ہوتے ہیں۔
3۔ اغراض نصاب کے باہر بھی ہو	-	3۔ مخصوص نصابی دائرے کے اندر ہوتے ہیں۔
4۔ کی شعبوں میں مشترک ہوتے		4۔ ہرکورس کے لئے الگ لگ ہوتے ہیں۔
5۔ حکومت کی پالیسیوں پرمرکوز ہو	-(5۔ اغراض پرمرکوز ہوتے ہیں۔

2.4.3 تدریس ریاضی کے اقدار: (Values of Teaching Mathematics)

ریاضی کے معلم کو اپنے مضمون کو پڑھانے کی وجوہات کاعلم ہونے پر ہی اسکی تدریس مؤثر اور بہتر ہوسکتی ہے۔ تعلیم کے مقصد کے بموجب طلباء کی ہمہ جہتی ترقی کے لئے میں مروش کی مؤثر عمل آوری کے لئے ہم ریاضی کی تدریس کے ذریعہ طلباء میں صبر وتحل، تعاون، دیانت داری جیسے اقد ارکو پروان

چڑھا سکتے ہیں۔ ریاضی کے ذریعے طلباء کی قوتِ استدلال پروان چڑھتی ہے اوروہ یہ سکھتے ہیں کہ س طرح تعلیمی عمل اور مقاصد کی تکمیل کا نتیجہ اقد ارکو پروان چڑھتا ہے۔

مقاصد کی مختلف وجوہات کی بناء پر جماعت بندی کی گئی ہے۔اس طرح اقدار کی بھی درجہ بندی کی جاسکتی ہے جوحسب ذیل ہیں۔

1- افادی یاعملی اقدار: (Utilitarian or Practical Values)

روز مرہ زندگی میں مادری زبان سے زیادہ استعال ہونے والا کوئی مضمون نہیں ہے۔اسی طرح معاملات کو کامیابی سے چلانے کے لئے مضمون ریاضی بھی زیادہ سے زیادہ استعال ہوتا ہے۔

- 🖈 روزمرہ زندگی میں ریاضی کا استعال ہوتا ہے۔
- 🖈 ریاضی کی بنیادی صلاحیتوں کے ذریعہ ذرائع ابلاغ میں شائع ہونے والی اطلاعات کو تشریح کرکے تمجھا جاسکتا ہے۔
 - 🖈 اچھے پیشہ کےانتخاب میں ریاضی کا استعال ہوتا ہے۔
 - 🖈 ریاضی اپنی اطلاعاتی حثیت سے بھی بہت اہم مضمون ہے۔
 - 🖈 ریاضی کی خدمات دوسر بے نصابی مضامین جیسے کیمیا اور طبیعیات میں بھی ہیں اور انہیں فراموش نہیں کیا جاسکتا۔
 - 🖈 کا ئنات کا مطالعہ ریاضی کی اصطلاحات میں وزن کرنا، نا پنا،اورر شینے قائم کرنا کی طرف رہبری کرتا ہے۔
 - 🖈 سائنس اورٹکنالوجی کے فروغ میں ریاضی بنیادی مضمون ہے۔
 - 2- تهذیبی اقدار: (Cultural Values)

"علم ریاضی تهذیب کا آئینہ ہے" (Mathematics is the mirror of civilisation-Hogeben)

ریاضی ہماری زندگی اور تہذیب کا ایک اہم جز ہے اور مدرسے کے نصاب میں اسے ایک نمایاں مقام حاصل ہے۔ ریاضی کی بدولت ہم اپنی تہذیب وتدن کو محفوظ کر سکتے ہیں۔ کسی قوم کی تہذیب کتابوں کے مطالعہ کے ذریعہ معلوم کی جاسکتی ہے۔ ریاضی کی کتابیں بھی تہذیبی معلومات کوفراہم کرسکتی ہیں اور ریاضی کے معلم ان تہذیبی معلومات کوریاضی پڑھنے والی نئی اسل تک پہونچا سکتے ہیں۔

(Disciplinary Values) -3

Schutle کے مطابق ۔ ریاضی کو ابتداء میں ذبخی تربیت کے لئے پڑھایا جاتا ہے اور بعد میں ریاضی کے حقائق ، تصورات اور معلومات کو فراہم کیا جاتا ہے۔ ریاضی کے اکتساب سے کسی فرد میں حالات کا جزیہ کرنا اور معاملات کو بیچے ڈھنگ سے نمٹنا جیسی خوبیاں پروان چڑھتی ہیں۔ جاتا ہے۔ ریاضی کے مطالعہ سے طلبا اپنی زندگی کو ایک منظم طریقے سے گز ارسکتے ہیں اور ان کی زندگی میں مثبت عاد تیں جیسے ایمانداری ، سچائی ، کھلی ذہنیت ، مقصدیت ،خود اعتمادی ، صبر وقتل ، برداشت کی صلاحیت ، توجہ کی عادت ، پاکیزگی محنت ،خود داری ، پابندی وغیر وفر وغیاتی ہیں۔

4۔ سابی اقدار: (Social Values)

ساجی ساخت کو برقرارر کھنے اورمنظم کرنے میں ریاضی مددگار ہوتی ہے۔ریاضی کے مختلف طریقے جیسے سائنسی طریقہ،استقرائی طریقہ،اسخراجی طریقہ،ایجادی طریقہ،فختلف ساجی اقدار دقوانین کومرتب کرنے میں استعال کیے جاتے ہیں۔

(Recreational Values) جالياتي اقدار: 5

ریاضی کی اپنی ایک خوبصورتی ہے اس کے نتائج میں تناسب اور تشاکل ہیں ۔سادگی ،کمل پابنداور منظم ان تمام خصوصیات کوریاضی کے خوبصورت کاموں میں محسوس کیا جاسکتا ہے ۔طلباء ریاضی کے سی بھی نت بے ایجا دی کاموں سے راحت حاصل کرتے ہیں۔مثلاً موسیقی ، شاعری فن تغییر ، قص وغیرہ ۔

مات کی جانچ:	اینی معلو
مناسب الفاظ سے پر کیجیے۔	خالى جگهير
اغراض مدتی ہوتے ہیں۔	-1
اغراض کی جانب ہدایت دیتے ہیں۔	-2
مقاصد ہرکورس کے لیے ہوتے ہیں۔	-3
تعلیمی عمل اورا قدار کی کامیا بی کانتیجه ہیں۔	-4
ریاضی کےنتائج میں تناسب اور ہیں۔	-5
وں میں رہاں میں دورا کی از اور اور کی میں ایک میں میں کی اور سے کس برا ا	2.5

ثانوی اسکولوں میں پڑھائی جانے والی ریاضی کی مختلف شاخوں کے موادِ مصمون کے کحاظ سے تدریبی نکات اور خصوصی مقاصد:

(Specific Objectives & Teaching Points of Various Content Areas in Different Branches of Secondary School Mathematics)

ر ماضى كى مختلف شاخوں ميں حساب(Arithmetic)، تجارتی ریاضی (Commercial Mathematics)، الجبراء، کمپیوٹنگ (Computing)، جیومیٹری (Geometry)، علم مثلث (Trigonometry)، فیقی اعداد کی مختلف خصوصیات سے متعارف کرانا جس مين اعداد كاست (Sets of Number) صحيح اعداد (Real Number)، ناطق وغير ناطق (Sets of Number) مين اعداد كاست قوت (Powers)، جذر (Roots)، لوگارتھم (Logarithms) سے متعلق اصول سے وا تفیت حاصل کرنا۔ تجارتی حساب، فی صد،نفع،نقصان،سود،شار بات،اوسط،اعدادوشارکاترسیمیاظهاروغیره شامل ہیں۔ علم حساب سے متعلق خصوصی مقاصد مقاصد: (Objectives)

- 🖈 شاریات کے معنی ، روز مرہ زندگی میں اہمیت ، اسکا تصوری اظہار سے واقفیت پیدا کرنا۔
- الجبرا، کثیررکنی ، دورکنی ، ایک رکنی کے بنیادی اعمال ، کثیر رکنی کے اجز الے ضربی سیٹس سیٹس پراعمال
 - 🖈 اجماع، تقاطع، بین اشکال تقابل، کمپیوٹر، تواتر، فلوچارٹ وغیرہ۔

الجبراكے خصوصی مقاصد:

- 🖈 طلبہ تغیر کے بنیا دی تصورات ، ستقل الجبرا کی مساوات ، عد دی اقد ارب صفری کثیر رکنی کے بارے میں جا نکاری دے سکیں گے۔
- ⇒ کشرر کنی، دور کنی، ایک رکنی کے درمیان تفریق، ایک اور دومتغیر کے قوت نما،عددی کسر، مستقل رکنی کے درمیان فرق، کشرر کنی کے بنیا دی اعمال کی میں۔
 - المنارين كاجزائے ضربی و درمیان رکنے و تحلیل کرنی کی قابلیت پیدا کرنا۔
 - 🖈 دور کنی کی مختلف قو توں اور ا کئے تشریح سے وا قفیت اور اس کے مملی کام میں مہارت پیدا کرنا۔
 - 🖈 وینیاشکال سے دا تفیت وشناس پیدا کرنا۔
 - 🖈 سیٹ کے بنیادی اعمال کی تربیت ومہارت حاصل کرنا۔
 - اسکوسمجھنا۔ کے اسکوسمجھنا۔ کے اسکوسمجھنا۔
 - 🖈 سوالات کے حل کرنے میں مرحلہ وار ، تو اتر کومدِ نظر رکھنا ،اسکامظاہر ہ کرسکیں گے۔
 - 🖈 الگورتقم ہی مرحلہ وارسوالات کے حل میں مددگار ہوتا ہے تمجھا سکیں گے۔
 - 🖈 الگورتھم سےفلوجارٹ تیار کرسکیں گے۔
 - 🖈 مخصوص سوالات کے حل میں الگور تقم کا ستعمال کرسکیں گے۔

علم ہندسہ کے خصوصی مقاصد:

مقاصد:

علم ہندسہ (جیومیٹری) سے متعلق متوازی خطوط ،متوازی الا ضلاع ،مما ثلت ،مثلث کی بناوٹ ،مثابہت ،رقبہ، جم ، بناوٹ ،مثلث ، چار ضلعی وغیرہ ، علم مثلث ،علم مثلث کے معنی اوراسکی وسعت ،مثلثی نسبتوں کی تعریف ،معیاری قدر ،نشیب وفراز کی تفریق وغیرہ عنوانات کے تحت درس وتدریس ہوتی ہے۔

- 🖈 جیومیٹری کے بنیا دی تصورات کوسمجھا سکیں۔
- 🖈 ایسے طریقوں کوفر وغ دے سیس کے جومملی بھی ہواور مسائل کوحل کرنے والے ہوں کہ تضورات کو مجھ سیس اوراسکی تدریس موثر طریقہ ہے کرسیس ۔
 - 🖈 متوازی خطوط،متوازی الاصلاع کے مطالعہ میں دلچیسی پیدا کرسکیس۔
 - 🖈 جيوميٹري کي تشریجات کوواضح کرسکيں۔
 - اللہ میں بنیادی تصورات کو سامنے رکھتے ہوئے دیگر تصورات کے بتدری ارتقاء کو سمجھا سکیں۔
 - اللبرقبه، حجم ك تصورات سے واقفيت كراسكيں۔
 - الله چند ضابطول میں مشتر کہ چیزوں کی نشاندہی کے قابل بنا کیں
 - 🖈 طلبه مثلث کی اہمیت سمجھاسکیں۔

- طلمامظاہرہ کےذریعے متشابہت (Similarity) کا تصور کس طرح مثلثی نسبتوں کے تصور کا قائم کرتا ہے۔ $\stackrel{\wedge}{\nabla}$
 - مثلثی نسبتوں کا استعال سیھنا، ایکے یا ہمی تعلق کی قدر کو پہچاننے کے لئے درکار مہارت پیدا کرسکیں گے۔ $\frac{1}{2}$
 - طلبه میں Trigonometry ، Identities مثلثی کیسانیت کو ثابت کرنے کی مہارت پیدا کرسکیں۔ $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$
 - طلبہ میں بلندی اور فاصلے ہے متعلق سوالات کومل کرنے کی مہارت پیدا کرنا۔ $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$

اینی معلومات کی حانج :

- علم حساب ہے متعلق کو ئی دوخصوصی مقاصد کھھے ۔ -1
- کثیررکنی (Polynomial) کے اجزائے ضربی معلوم کرنے کی قابلیت پیدا کرنا، یہ ریاضی کی کس شاخ کا خصوصی مقصد ہے۔ -2
 - -3

علم ہندسہ (Geometry) ہے متعلق کوئی دوخصوصی مقاصد کھیے۔ تدریس ریاضی کے اغراض ومقاصد ہے متعلق مختلف تعلیمی کمیٹیوں اور کمیشنوں کی سفار شات:

(Recommendations of Various Educational Committees & Commissions as regard to Aims & Objectives of Teaching Mathematics)

سكنڈرى ايحويشن كميشن (52-1950):

- سکنڈری ایچوکیشن کمیشن کےمطابق رباضی کواسکول کی ہرسطح رنصاب میں شامل کیا جائے۔
 - برائمری،سکنڈری، مائرسکنڈری نتیوں سطح پرریاضی کوشامل کیا جائے۔ $\frac{1}{2}$
- ریاضی کونصاب میں شامل کرنے کا مقصد بچوں میں مسئلہ کاحل اور تنقیدی سوچ کی صلاحیت کی نشونما کرنا ہے۔ $\frac{1}{2}$
 - ریاضی کے معلم کواعلیٰ تعلیم یا فتہ ہونا حامیئے۔ $\stackrel{\wedge}{\nabla}$

كوڭھارى ايجوكيشن كميشن (66-1964):

- ریاضی کے طریقۂ تدریس میں مزید سدھار ہونا حامیئے
- اس کمیش نے ریاضی کی تدریس کے متعلق خامیوں کی شاخت کی اوراس نتیجہ پر پہنچا کہ طریقیۃ تدریس کی بہتری میں تحقیق کی کمی ہے مزید تحقیق سے $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$ اس میں بہتری آسکتی ہے۔
 - ر ماضی مضمون کی بہتریتر ریس کے لیےانتظامیکومزید متحرک ہونا جا بیئے۔ ☆
 - نظام تعلیم کواس طرح بنایا جائے جس سے تعلیمی اداروں اوراسا تذہ کی خاطرخواہ نشونما ہوسکے۔ ☆
 - تغلیمیا نظامیہ کے ذریعہ جدید طریقہ تدریس کومتعارف کروایا جائے۔ ۔ ☆
- اساتذہ کی قابلیت میں اضافہ کرنے کے لیے مختلف پروگراموں جیسے ورک شاپ، سیمینار، Demonstration ، Refresher Course $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$ وغيره In-Service ترتب مها كي جائے اوران كو Material مها كروا ديا جائے۔
 - طریقه پترریس ریاضی کے مطابق ،مناسب تدریسی آلات مہاکئے جائیں۔ $\stackrel{\wedge}{\nabla}$
 - ورک شاپ کے ذریعے اساتذہ کواس قابل بنایا جائے کہ وہ مناسب طور پریڈر لیمی آلات کا استعال کریں۔ $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$
 - بہتر مدریس کی رسائی کے لئے کمیشن نے کلاس کی ساخت کی وضاحت کی کہ معلم اورطلبہ کی تعداد کی نسبت میں ہونا جا ہئے۔ $\stackrel{\wedge}{\sim}$

Lower Primary-1:50

Higher Primary-1:45

Lower Secondary-1:40

قومى تعليمي ياليسى (NPE-1968):

مضمون رباضی کی تشکیل اس طرح ہوجس سے طلما کواکتساب میں ایک گاڑی سے تیز رفتارٹرین کی تر تیب میں دکھائی دے تا کہ بچوں میں وجو ہات ☆ کوجاننے ، تجزبیکرنے اور منطقی سوچنے صلاحیت کی نشونما ہو۔

> ریاضی کی تدریس میں دوسرےمضامین کوشامل کرتے ہوئے تدریسی سرگرمیاں انجام دینا جا بیئے ۔ ☆

> > مضمون رباضی کے بہترفہم کے لیے ICT کااستعال ہونا جا بیئے ۔ $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$

ریاضی کے تعلیمی پروگراموں کواس طرح تیار کیا جائے جس سے بچوں میں مسلہ کوحل کرنے ، فیصلہ سازی ، دریافت کرناجیسی مہارتوں کا فروغ ہواور $\stackrel{\wedge}{\boxtimes}$ ریاضی کی دوسر بےمضامین سے ہم رشتگی کی وضاحت ہو۔

قومى تعليمي ماليسى (NPE-1986):

ریاضی کی متد رئیس کا مقصد بچوں میں مختلف مہارتوں جیسے سوچ، وجو ہات، تجزیبا و منطقی سوچ کوفر وغ دینا ہے۔ ☆

> ریاضی میں دوسر ہے مضامین کوشامل کرتے ہوئے تدریس ہونی جا میئے ۔ $\stackrel{\wedge}{\sim}$

ر ماضی کی مذریس کومزید مؤثر بنانے کے لیے اس میں ICT کے ذریعہ مذریس کی جانی جا بیئے ۔جس سے Innovative methods کی راہ ہموار ہوتی ہے۔

ا نېمعلومات کې چارنچ:

مضمون ریاضی ہے متعلق سکنڈری ایجوکیشن کمیشن کی کوئی دوسفارشات کھے _ -1

قومی تعلیمی پالیسی 1968 میں ریاضی ہے متعلق کیابات کہی گئی ہے۔ -2

3- قوی تعلیمی پالیسی 1983 نے ریاضی کے کیا مقاصد بتائے ہیں۔ 2.7 استعداد کامفہوم وتصوراور CCE کے حوالے سے تعلیمی معیارات

(Meaning & Concept of Competencies & Academic Standards of CCE)

تدريس رباضي كي استعداد كے معنی اور تصور: (Meaning and Concept of Competencies)

ریاضی کےاغراض ومقاصد کو جاننے کے بعدہمیں ان ہے متعلق تصریحات کوحاصل کرنا اورطلبہ میں برتا ؤ کی تبدیلی لا نااوران ہی برتا ؤ کونا پنے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔علم ریاضی میں معلومات کو حاصل کرنے سے زیادہ اہمیت معلومات حاصل کرنے کے طریقہ کی ہے۔ کسی تدریبی نقطہ کے ذریعہ حاصل ہونے ولا اکتسانی نتیجہ ہی استعداد (Competencies) کہلا تا ہے۔کسی بھی عنوان سے متعلق درس ویڈریس کے مشاغل فراہم کرتے وقت مطلوبہ استعداد کا طلبہ میں فروغ بانا۔مثال کےطور پرریاضی میں مسلہ کے طل،استدلا لی ثبوت،اظہار کرنا،رابط،نمائندگی واستبصار کرنے کی استعدادیں طلباء میں پیدا ہونی جاہیں۔ تدریسی مواد کے ذریعہ طلبہ میں مطلوبہ ناپنے کے قابل برتاؤ کی جوتبر ملی ہوگی اس کواکتسانی استعداد (Learning Competencies) کہتے ہیں۔ تدریسی مقاصد کے دوران بیان کی جانے والے تصریحات کو بھی استعداد (Competencies) کہتے ہیں۔

استعداد برمبنی اکتساب:

کسی عنوان کے ذریعہ طلبامیں فروغ دی جانے والی صلاحیتوں کو معلم اپنے طور پر قائم کرلے۔ان کوفر وغ دینے کے لئے طلبا کواکتسا بی مشاغل فراہم کئے جائیں ۔طلباان مشاغل میں حصہ لینے کے بعد حاصل ہونے والے تجربات یااکتساب کواستعداد پر پنی اکتساب کہتے ہیں۔

مسلسل اورجامع جانج: (Continous and Comprehensive Evaluation)

قانون حق تعلیم بنیادی تعلیم بنیادی تعلیم (Elementary Education) کومفت اور لازی تعلیم قرار دیتا ہے۔قانون حق تعلیم مبنیادی تعلیم بنیادی بنی درسول یا اسکولول کو ذمه داری قبول کرنا ہوگا۔ ہمہ جہتی ترقی ہے مراد بچول کی جسمانی ، وہنی ، اخلاقی اور جذباتی ترقی ہو۔

علیہ ہے۔اس کے لئے نصابی موضوعات کی تدریس کے وقت طلبہ کی دلچ پیوں ، اقدار ، رویوں ، کھیل کو دوغیر ہ کو بھی دھیان میں رکھنا چا ہے جس سے ان کی ترقی ہو۔

مسلسل (Continuous) سے کیا مراد ہے؟

مسلسل سے مراد بچوں کی ترقی کوئٹی ایک واقعہ یا موقع تک محدود نہ کرتے ہوئے مسلسل طلبہ کا مشاہدہ کرنا ہے۔ یعنی کمر ہ جماعت میں ہی نہیں بلکہ کمرہ جماعت کی باہر بھی بچوں کی جسمانی، ذہنی ترقی کا ہر وقت ترتیب سے بچوں کی اطلاع کے بغیر مسلسل مشاہدہ کرنا۔ طلبہ کواکتسانی خامیوں کونشاندہ ہی کرتے ہوئے اوران کے مطابق اصلاحی اقدامات کواختیار کرتے ہوئے معلم اور طلباء تدریس واکتساب پرخودا پنااختسابی (Assessment) کرتے ہیں۔ جامع (Comprehensive) سے کیا مراد ہے؟

بچوں کی ہمہ جہتی ترقی کا مطلب صرف بچوں کی جسمانی، وہنی، سابق، خدباتی، شعوری اور علمی میدانوں میں ترقی ہی نہیں بلکہ بچوں کی غیر نصابی نکات علی دہ علیدہ در کیھنے کے بجائے ان کو مساوی اہمیت دینا ہے۔ یعنی زبان، ریاضی، سائنس، ساجی علوم جیسے مضامین کے ساتھ فنون، کام، اقد اربصحت، معاون حیات مہارتوں (Life Skills) کو بھی اہمیت دی جانی چاہئے۔

جانچ (Evaluation)سے کیا مراد ہے؟

جانی کالفظ آتے ہی بچوں کا امتحان لینے کا تصور ہمارے ذہن میں ابھر تاہے۔ اساتذہ اولیائے طلبہ سماج سبھی جانی کو صرف امتحانی نقظ نظر سے در کھنے کے عادی ہو چکے ہیں۔

موجودہ طریقہ جانچ معلم مرکوز طریقہ بربینی ہے۔ بچوں کی تعلیمی ترقی کی رپورٹ میں دی جانے والی معلومات صرف مضامین کی جانچ تک ہی محدود ہے۔ گئی موقعوں پر ہم یہ کہہ سکتے ہیں کی مسلسل جامع جانچ کی جارہی ہے۔ باوجوداس کے صرف اسباق کو ہی اہمیت دی جارہی ہے۔ ہم نصابی سرگر میاں جیسے۔ جسمانی تعلیم ،کام کا تجزیہ ،اخلاقی تعلیم ،معاون حیات مہارتوں وغیرہ کو مناسب اہمیت نہیں دی جارہی ہے۔ مزید میگان کیا جاتا ہے کہ مسلسل اور جامع جانچ کا مطلب صرف زیادہ امتحان کا انعقاد ہے۔ طریقہ تعین کرنے والے ماہرین اساتذہ کے لئے میضروری ہے کہ وہ مسلسل اور جامع جانچ کے حقیقی معنوں کو ہمجس ۔

آج کے اس جدید دور میں تعلیمی نظام میں کافی تبدیلیاں پیدا ہوئی ہیں۔ اس کے نتیج میں ہر مضمون کے لئے الگ الگ تعلیمی معیارات (A cademic Standards کیا ہے۔

ریاضی میں CCE کے لخاظ سے تعلیمی رندرینی معیارات: (Academic Standards)

ریاضی میں ماہرین نے CCE کے لحاظ سے حسب ذیل تعلیمی معیارات کو پیش کئے ہیں۔ ریاضی کے تعلیمی معیارات یا نچ (5) ہیں۔

- 1- مسئله کاحل (Problem Solving)
- 2- استدلالي ثبوت (reasoning Proof)

مسکلہ کے حل کے مراحل:

مسئله کی پیچید گیاں:

```
2- استدلالی ثبوت (Reasoning Proof)
```

مسكه كاحل: 1 ـ ديئے گئے ضلع كے طول اور زاويئے كى مدد سے مثلث بنايا جاسكتا ہے۔

2۔شلث کے اندرونی زاویوں کی مددسے بیرونی زاویے معلوم کرنا۔

استدلالی ثبوت: 1۔ شلث کے ہیرونی زاویوں کااس کے اندرونی مقابل کے زاویوں سے رشتہ محسوب کرنا۔

2۔ شلث کے ضلع کے طول اور زاویوں کی بناپران کے اقسام کی درجہ بندی۔

3۔ دیے گئے مثلث کا مشاہدہ کرتے ہوئے مختلف مثلثات کا اندازہ لگانا۔

اظهار: 1 ـ مثلثات كے اصلاع كى لمبائى اور ذاويوں كى مدد سے مثلثات كا اظهار ـ

2۔ مثلث کے بیرونی ذاویوں کی خصوصیات کا بیان۔

ربط رتعلق: مثلث كي تصورات كااستعال

نمائندگی: ضلع اورزاویوں کی مدد مے مختلف اقسام کے مثلثات کی بناوٹ اوران کی تقسیم

ا پني معلومات کی جانج:

- 1- استعداد کے کیامعنی ہیں؟
- 2- استعداد ریبنی اکتساب سے کیام راد ہے؟
- 3- كونسا قانون ابتدائي تعليم كومفت اور لا زمي قرار ديتا ہے؟
 - 4- CCE سے کیام اد ہے؟
 - 5- ریاضی کے علیمی معیارات کون کون سے ہیں؟

2.8 بلوم کے تدریسی مقاصد کی درجہ بندی ہتقید، انڈرس کے ذریعے بلوم کی درجہ بندی میں ترمیم (Bloom's Taxonomy of Educational Objectives-Critique, Revised Bloom's Taxonomy by Anderson-2001)

بلوم کے قلیمی مقاصد کی درجہ بندی: (Bloom's Taxonomy of Educational Objectives)

ایک عرصے تک تدریبی مقاصد کا تعلق صرف مواد اور موضوع تک محدود تھا۔ان کا اطلاق مختلف مراحل کے مقاصد پرنہیں تھا۔ 1948 میں تدریبی مقاصد اور ان کی درجہ بندی پر مذاکرات شروع کیے گئے۔

1956 میں ڈاکٹر بنجامن۔ایس. بلوم اوراس کے ساتھیوں نے تدریبی مقاصد پرایک جامع کتاب کومرتب کیا تھا یہ کتاب تدریبی مقاصد کی درجہ بندی پرایک مرکب اسکیم ہے اس درجہ بندی میں کسی شخص کے انفرادی برتا وَ کے لحاظ سے بلوم نے ان تدریبی مقاصد کو تین بڑے علاقوں میں تقسیم کیا ہے۔

- (Cognitive Domain) وتوفی علاقه (1)
- (2) جذباتی رتاثراتی علاقه (Affective Domain)
- (3) نفیاتی حرکی علاقہ (Psychomotor Domain) ہرعلاقے میں جو تدریسی مقاصد شامل کیے گئے ہیں ان کے زمرہ اور ذیلی زمرہ ہیں ان تین علاقوں کے معروضات ہرعلاقہ میں جومعروضات شامل

```
کیے گئے ہیں ان کی تصریحات کی بلوم اور اس کے ساتھیوں نے شناخت کی ہے۔ Elizabeth Simpson نے حرکیاتی علاقہ کے
                                                                                     مقاصداوراس کی تصریحات کومرتب کیاہے۔
                                                                      وقوفی علاقه: (Cognitive Domain)
وقوفی علاقہ میں وہ مقاصد شامل ہیں جوذ ہن ہے متعلق ہیں ۔معلومات کود ہرانے اور شناخت کرنے سے متعلق ہیں اور ذیانتی اورمہارتوں کی قابلیت
                                                                    کوفروغ دیتی ہے۔اس علاقے کے حمد (6) تدریسی مقاصد ہیں۔
                  (Application) نفهيم (Understanding) (2) (Knowledge) اطلاق (1)
                                                          (4) تحلیل رتجز بید (5) ترکیب (Synthesis)
                          (Evaluation) تعين قدر (6)
                                                                                           وقوفی علاقه کے مقاصد کی تصریحات:
                                                                                   _ شاخبة كرنا
                                                                                                      (1) ـ معلومات
                                                                                        _ وہرانا
                                                                                      _اعاد وكرنا
                                                                      ۔ ذبانت اور مہارتوں کوفروغ دینا
                                                                                     _مثالیں دینا
                                                                                                                   (2)
                                                                               ۔ وجو مات بیان کرنا
                                                                          بترجمه کرنا، درجه بندی کرنا
                                                                        فرق معلوم كرنا، تخمينه لگانه
                                                             ۔مشاہداتی حقائق کے ذریعے نتازئج اخذ کرنا۔
                                                                                                        اطلاق
                                                                                                                   (3)
                                                          عمل اورردمل کے ہاہمی تعلق سے واقفیت ہونا۔
                            ۔ طالب علم کسی مواد کوچھوٹی چھوٹی ا کا ئیوں میں تقسیم کر کےان کے خلیل اور تجزیہ کرتا ہے۔
                                                                                                                   (4)
                                           ۔طالب علم محلیل کرنے کے طریقوں پااصولوں سے واقف ہوتا ہے۔
                    ۔ طالب علم جیموٹی جیموٹی ا کائیوں میں تفہیم شد ہ معلو مات رموا دکومنظم کر کےان کی وضاحت کرتا ہے۔
                                                                                                        تركيب
                                                                                                                   (5)
                                                           ۔اس میں طلباکی مہارتوں کی جانچ کی جاتی ہے۔
                                                                                                         حارخي
                                                                                                                   (6)
                                                                      تاثراتی علاقه: (Affective Domain)
                                                                                                                   _2
تاثراتی علاقه کسی فرد کی دلچیپی (Interest)، رجحان (Aptitude)،مشورے،استحسان (Appreciation)،اقداراور جذبات کومخاطب
کرتا ہے۔ تاثراتی علاقے میں تمام مقاصد شامل ہیں جور جمان، اقدار، استحسان، ہم آ ہنگی کے فروغ سے تعلق رکھتے ہیں۔ 1964 میں بلوم
           (Bloom)اورا سکے ساتھی Maria اور Krathwohl نے تاثر اتی علاقہ کی ساخت کو سمجھایا تھا۔ اس کے تعلیمی مقاصد حسب ذیل ہیں۔
                                                                                     ۔وصول کرنا (Receiving)
                 رزرزا(Valuing)
                                                       رجواب دینا (Responding)
```

خصوصات ظام کرنا (Characterisation)

تنظیم(Organisation)

```
تاثراتی علاقه کے مقاصد کی تصریحات:
                                                                                  (1) وصول كرنا داستقبال كے لئے آمادہ كرنا
                                                                              وبنط كرنا مامنتخب توجه
                                                                     ۔جواب دیے میں پیش قدمی کرنا
                                                                                                            (2)۔جواب دینا
                                                                            ۔جواب سے مطمئن ہونا
                                                                                  _قد رکوقبول کرنا
                                                                                                                (3) - قدركرنا
                                                                                  _قدركوتر جيح دينا
                                                                               _قدر کااعتراف کرنا
                                                                       -قدر کے تصور کوز ہن نشین کرنا
                                                                                                                  (4) تنظیم
                                                                           _قدركے نظام كومنظم كرنا
                                                                       (5) خصوصیات ظاہر کرنا ۔قدر کے سیٹ کوعموی شکل دینا
                                                                         _قدر کی خصوصیات بیان کرنا
                                                              (3) نفساتی حرکی علاقہ: (Psychomotor Domain)
حرکیاتی علاقہ میں حرکیاتی مہارتوں کے فروغ پرزیادہ توجہ دی گئی ہے۔ حرکیاتی علاقہ میں وہ تمام مقاصد کوشامل کیا گیا ہے جوشخصی اور حرکیاتی مہارتوں
                                                                    کے فروغ سے تعلق رکھتے ہیں۔اس کے تعلیمی مقاصد حسب ذیل ہیں۔
                                                                                    نقل كرنا يخوش اسلوني
                                   ۔وضاحت کرنا
            ۔قدرتی
                                                                                     حركباتی علاقہ کےمقاصد کی تصریحات:
                                                                           متحرك ہونا
                                                                                             (1)نقل کرنا (Imitation)
                                                                               ر د ہرانا
                                                                   (2) - خوش اسلو بي (Manipulation) - مدايت يرعمل بيرا مونا
                                                                           ۔انتخاب کرنا
                                                                              _قائم كرنا
                                     ۔ دیئے ہوئے کام کودوبارہ صحت اور درست انداز میں پیش کرنا
                                                                                                   (3) صحت (Precision)
                                                               (4)۔وضاحت کرنا (Articulation) ۔تعاون کرنا یامیل پیدا کرنا
                                                                             بمطابقت
                                                                    (۵) ـ قررتی (Naturalisation) ـ خود بخود، خودی سے
                                                                        _ماخو ذيراخذ كرنا
```

انڈرس کے مطابق ترمیم شدہ بلوم کی ٹیکز انومی (2001) (2001) (2001) (Revised Bloom's Taxonomy by Anderson - 2001) انڈرس کے مطابق ترمیم شدہ بندی میں ترمیم (Revised) کیا انڈرس انڈرس انڈرس (Revised) وقوفی علاقہ کے مقاصد کو ترمیم کر کے حسب ذیل نئے Term بتا تا ہے۔

(Remembering) پادکرنا

(Understanding)

(Analysis) نجزیه کلیل

(Creating) نايق

تعین قدر (Evaluation)

Verb Forms کرکے ان کو Revised نے ان کو تبدیل کرکے یا Noun Forms کرکے ان کو ان کو ان کو ان کو ان کو ان کو Noun Forms کیا انڈرس کے مطابق بلوم کے ٹیکر انومی کے Lower thinking Order کو Applying کہا کہا کہا جا تا ہے۔ ترمیم شدہ ٹیکر انومی کے Evaluation کو Higher Thinking Order کہا جا تا ہے۔ ور Creating ، Analysis کہا جا تا ہے۔

ترميم شده بلوم كانمونه: (Bloom's Revised Taxonomy Model)

:The Knowledge Dimension

بیچارشم کے ہوتے ہیں۔

- حقائقی معلومات (Factual Knowledge)

ر تصوراتی معلومات (Conceptual Knowledge)

- طریقهٔ کارمعلومات (Procedural Knowledge)

ما بعد وقوف معلومات (Metacognition Knowledge)

حقائقی معلومات (Factual Knowledge):

طالب علم کے لئے ضروری ہے کہ وہ بنیا دی پہلور بنیا دی الفاظ سے واقف ہونظم وضبط کے ساتھ اسکو تھا کتھی معلومات کہتے ہیں۔

ی تصوراتی معلومات (Conceptual Knowledge):

بنیادی پہلوربنیا دی الفاظ کوکسی بڑے ساخت کے درمیان رشتہ کوموڑ نا۔

طریقهٔ کارمعلومات (Procedural Knowledge):

کسی چیزیااشیاء سے متعلق متیجه اخذ کرنے کے لئے ایک طریقہ یا ایک Criteria مہارتوں کو استعمال کرنا۔

مابعد وقوف معلومات (Metacognition Knowledge):

Metacognition کسی شخص کی اپنی سوچ کے ممل کے بارے میں شعور اور تفہیم ، ذاتی صلاحیت کی آگا ہی شخصی شعور کی جا نکاری ، وہ علم اور تجربات کوہم اپنی شخصیت کے ممل کے بارے میں رکھتے ہوں۔

بلوم کی درجہ بندی اور ترمیم شدہ بلوم کی درجہ بندی کے درمیان فرق:

(Difference betwen Bloom's & Revised Bloom's Taxonomy)

بلوم کی درجہ بندی کوروایتی درجہ بندی مانا جاتا ہے جبکہ انڈرین کے ذریعے بلوم کی ترمیم شدہ درجہ بندی کوجدید شکل میں قبول کیا گیا۔ دونوں کے درمیان فرق حسب ذیل ہے۔

Revised Bloom's Taxonomy

Bloom's Taxonomy

وتوفی علاقه (Cognitive Domain)، کے Revised Bloom's کے Original Terms میں

New Terms اس طرح سے ہیں۔

Remembering Knowledg

Understanding Comprehensive

Applying Application

Analysing Analysis

Creating Synthesis

ا بني معلومات کی جانج:

2- وقوفی علاقے میں کون سے مقاصد شامل ہیں؟

3- بلوم کے بعد مقاصد کی درجہ بندی س نے کی؟

2.9 بلوم کے علیمی درجہ بندی کا تعلیمی معیارات کے ساتھ رابطہ:

Evaluation

(Linking Bloom's Taxonomy with Acdemic Standards)

Bloom's	Academic Standards				
Taxonomy	مسكله كاحل	استدلا ئی ثبوت	اظهاركرنا	دابطه	نمائندگی
	(Problem Solving)	(Reasoning)	(Communication)	(Connection)	(Representative)
معلومات					
(Knowledge)					
تفهيم					
(Comprehension)					

Evaluatin

اطلاق (Application)			
(Application)			
تحلیل (Analysis)			
(Analysis)			
ر کیب (Synthesis)			
(Synthesis)			
جارخ			
(Evaluation)			

2.10 یادر کھنے کے نکات: (Points to Remember)

🖈 اغراض طویل مدتی ہوتے ہیں۔ان کو حاصل کرنے کے لئے بہت زیادہ وقت در کار ہوتا ہے۔

🖈 مقاصد بہت ہی مخضر مدت میں حاصل کر سکتے ہیں۔

🖈 ریاضی کے معلم کو اپنے مضمون کو پڑھانے کی وجوہات کاعلم ہونے پر ہی اسکی مذریس مؤثر اور بہتر ہوسکتی ہے۔

(Mathematics is the mirror of civilisation-Hogeben) علم ریاضی تهذیب کا آئینه ہے

🖈 متعلم کے اندرمتو قع نتائج کے مرنظر جومقا صدمتعین کیے جاتے ہیں ہدایتی مقاصد کہلاتے ہیں۔

🖈 ڈاکٹر بنجامن۔ایس بلوم اوراس کے ساتھیوں نے تدریبی مقاصد پرایک جامع کتاب کومرتب کیا تھا۔

کسی تدریسی نکتے کے ذریعہ حاصل ہونے ولااکتسا بی نتیجہ ہی استعداد (Competencies) کہلا تا ہے۔

🖈 سکنڈری ایجوکیشن کمیشن کےمطابق ریاضی کواسکول کی ہرسطے پرنصاب میں شامل کیا جائے۔

ہم تدریس کی رسائی کے لئے کوٹھاری ایجو کیشن کمیشن نے کلاس کی ساخت کی وضاحت کی کہ معلم اور طلبہ کی تعداد کی نسبت ذیل کے مطابق ہونا جائے۔ ہونا جا ہے۔

Lower Primary- 1:50

Higher Primary- 1:45

Lower Secondary- 1:40

2.11 فرہنگ (Glossary)

Aims اغراض Utilitarian افادی Recreational

رقونی Cognitive

جذباتی رتاثراتی Affective جذباتی رتاثراتی Psychomotor حرکیاتی رنفسیاتی حرکی استعداد Competency

(Unit End Activities) اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں 2.12

طويل سوالات:

- 1۔ CCE کے معنی اور تصور کو بیان کیجئے۔
- - 3۔ ریاضی تدریس کے عام مقاصد بیان کیجئے۔
 - 4۔ بلوم کے تدریسی کے مقاصد بیان کیجئے۔

مختضر سوالات:

- 5۔ اغراض ومقاصد کے درمیان کیا فرق ہے؟
 - 6- وقوفی اور جذباتی علاقه بیان کیجئے۔
 - 7- نفساتی حرکی علاقه کیاہے؟
- 8 بلوم کی درجه بندی اورترمیم شده بلوم کی درجه بندی کے فرق کو بیان کیجئے۔

معروضي سوالات:

- 9- "Mathematics is the Mirror of Civilisation" سیکا قول ہے؟
 - 10 بلوم نے تدریبی مقاصد کو کتنے حصول میں تقسیم کیا ہے اور کون کون ہے؟
 - 11 ۔ کوٹھاری ایجوکیشن کمیشن کے مطابق معلم اور طلبہ کی تعداد کی نسبت کتنی ہونی جا ہے؟

(Suggested Readings) سفارش کرده کتابیں 2.13

- Aggarwal, S.M.: Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K: The Teaching of mathematics in New Education
- MANGAL, S.K.: Teaching of Mathematics
- Siddhu, K.S.: The Teaching of Mathematics
- Madaholi, A.G. (1952). khel Ke Zaria Taalim Delhi:-Maktaba Jamia Limited Kumar, V. (Edit.)
 (2012) Pedagogy of Mathematics new Delhi:-NCERT.

ا كائى۔ 3: رياضى كے تصورات كى تدريس واكتساب كى طرزِرسائى، طریقے اور حکمتِ عملياں

(Approaches, Methods & Strategies in Teaching & Learning of Mathematical Concepts)

ساخت (Structure)

(Nature of concept, types of concepts, concept formation & concept assimilation, distinguishing & stating necessary & sufficient in the process of teaching concept, comparing & contrasting, Giving counter example & non example in teaching concepts, Planning & implementation strategies in teaching concept)

(Creating awareness among student teachers on various concepts of Mathematics from casses VI to X)

(Inductive & Deductive, Analytic & Synthetic, Laboratory, Heuristic, Project Method and Activity Based Teaching)

(Concept Attainment Model of Jerome Bruner and its application in Teaching Mathematics)

- (Points to Remember) يادر کھنے کے نکات 3.8
 - (Glossary) فرہنگ (3.9
- (Unit End Activities) اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں 3.10
 - (Suggested Readings) سفارش کروه کتابین 3.11

(Introduction) تمهيد: (3.1

ہر مضمون کے اپنے تصورات (Concepts)، اصول (Principles) اور دیگر مواد ہوتا ہے اور استاد سے اس بات کی توقع کی جاتی ہے کہ وہ موادِ مضمون براچھی طرح سے عبور حاصل کرے۔

تدریسی نکات کا جتناواضح خا کہ استاد کے ذہن میں موجود ہوتا ہے اسے اس کی تدریس میں اتن ہی آسانیاں پیدا ہوتی ۔ یہی چیز طلبہ کے اکتساب میں بھی آسانیاں پیدا کر بگی ۔ اس کے ساتھ ایک اچھے استاد کے لئے یہ بات بھی ضروری ہے کہ وہ اپنے مضمون کے موادکوآسان ، دلچیپ اور مؤثر انداز میں طلبہ کو ذہین شین کرانے کے فن سے واقف ہواور اس کے پاس اس کے لئے درکار استعداد (Capacities) اور مہارتیں (Skills) موجود ہوں وہ یہ جانتا ہو کہ کس عنوان کے لئے کونی طرز رسائی (Approach) مناسب ہوگی اور کس طریق تیں سے طلبہ متعلقہ عنوان کر بہتر طریقے سے سکھیا کیں گے۔

اس اکائی میں استاد کے اس فن یعنی فن تعلیم ریاضی (Pedagogy of Teaching Mathematics) پر روشنی ڈالی گئی ہے۔ ریاضی میں مختلف تصورات کیا ہیں؟ اوران کی تدریس کے لئے مختلف ماہرین نے کون کون سے طریقۂ ہائے تدریس پیش کئے ہیں ان سب کا مطالعہ ہم یہاں کریں گے۔ مختلف تصورات کیا ہیں؟ اوران کی تدریس ایک فن ہے اور ہراستاد کواپنے موادِ مضمون، طلبہ کی عمر، سابقہ معلومات اوران کی دلچیسی نیز خود استاد کی این صلاحیت کی بنا پراسے این طریقۂ تدریس کی خود تلاش کرنی ہوگی۔

3.2 مقاصد: (Objectives)

— اس ا کا کی کےمطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجا ئیں گے کہ۔

- 1- ریاضی میں تصور (Concept) کے مفہوم،اس کی نوعیت اورا قسام پرروشنی ڈال سکیس۔
- 2۔ ریاضی کی مختلف شاخوں میں تصورات کی تشکیل (Formation of Concepts) اوران کی تدریس کے لئے استاد کے اقدامات (Moves) بیان کرسکیس۔
- 3۔ تدریسِ ریاضی کے لئے ماہرین کے تجویز کردہ مختلف طریقۂ ہائے تدریس (Methods of Teaching)اوران کی خوبیوں اور خامیوں پر بحث کرسکیں۔اورا بنی تدریس میں انہیں کس طرح روبہ عمل لا سکتے میں مدلِل انداز میں بیان کرسکیں۔

3.3 ریاضی کے درس وند ریس میں ریاضی کے تصور کو واضح کرنے کا طریقہ اس کے پیش کرنے کافن اور عمل درآ مد کاعلم

تصور کی فطرت نصور کے اقسام نصور کی تشکیل یا بناوٹ اوراس کا استعال یعنی سکھائے جانے والے علم کو استعال میں لانے کے لائق بنانا، نصور کی تدریس کے دوران اس کی اہمیت کو واضح کرنا اور موزوں حالات میں (SUFICIENT CONDITION) میں اس سے امتیاز برتنا، موازنہ کرنا اور اللہ کی اہمیت کو واضح کرنا اور مقابل مثال (COUNTER EXAMPLE) اور غیر مقابل (COUNTER) اور غیر مقابل کی دریس کے دوران مقابل مثال (EXAMPLE) کا استعال کرنا دیسے میل کے ایم مصوبہ تیار کرنا اور دیگر حکمت عملی کے ذریعہ مقصد کی تحمیل تک پہنچنا۔

3.3.1 تصور کی فطرت: (NATURE OF CONCEPT)

"Layman " كے مطابق تصور درس وقد رئيس كاوہ عملى جامدہے جووہم رخيال (Idea) ،عقيدہ (Notion) اور خيال كے ہم معنى ليعنى متر اوف ہے۔ لغت كے مطابق لفظ "CONCEPT" كے معنى ہيں:-

- (i) ایک خیال (A thought)، ایک تجویز (An opinion)یا
- (ii) کسی موضوع کی تعیم کے بعد ذہن و دماغ کے پر دے پرا بھرنے والی وہ تصاویر اور حقائق جو چیز وں کو واضح کرتے ہیں یاوہ خیال اور تصور جس میں چیزیں حقیقی طور پر ہوتی ہیں۔

Particular) نصور کسی چیز ،کسی انسان کسی کیفیت یا حالت کا تسلیم شدہ خیال ہے جو کسی مخصوص چیز فرد یا حالات سے نہیں بلکہ عام درجہ (Objects) یا (events) یا (events) کے لئے موزوں ہوتا ہے۔

پیاجِ(Piaget)نے تصور کولفظ"SCHEMA" (جس کے معنی خاکہ یا نقشہ ہے) قرار دیا ہے۔اس کی تعریف میں انہوں نے کہا ہے کہ' یہ بچوں کے اندرونی ذبنی کر داراور تاثر ہے'ا نکے مطابق شعائیں دنیا کو بچھنے اور حواس کے ذریعہ کما یا آگاہی حاصل کرنے کا اہم ذریعہ ہیں۔

پیا ہے (Piaget) کے مطابق بنیادی طور پرتصورات کی صورت گری یار عمل بچوں کے ذبنی، دماغی، قوئی، خیالی اور شعوری عقل کی ترقی کا ذریعہ ہوتا ہے۔ بچہ ہمیشہ اپنے عمل اور روم کو اپنے ماحول سے حاصل شدہ تجربات کی بناپر انجام دیتا ہے اور وہ خود کو استحالہ (Assimilation) کے ذریعہ موجودہ ماحول میں ڈھال لیتا ہے یا (Adopt) ہوجاتا ہے۔

پیاجے کے مطابق ، وہ ممل جس کے ذریعہ Schema براتا ہے اسے ' تطیق'' (Accomodation) کہتے ہیں۔ لیکن ٹھیک اسی وقت بچہ بیہیں چاہتا کہ اس کے اخلاقی تاثیر میں پرانے خاکے ظاہر ہوں یا وہ خود کو پرانے طور طریقے کے مطابق ڈھال لیں اورایک یا دوغیر مشحکم تجربات اور خاکہ (schema) کے اختیار کی ترجمانی یا تشریح کرے اسکے تجربات کو پیاجے نے اس عمل کو استحالہ (Assimilation) کانام دیا۔

- 3.3.2 تصور کی تعریف: (Definition of Concept)
 - تصورایک قیاسی (Inferred) وینی مل ہے۔
 - 🖈 کسی چیز، کیفیت، حالات یاعمل کاا جم جُزتصور ہی ہوتا ہے۔
- 🖈 تصور ذہن و د ماغ کے ذریعیتشکیل شدہ وہ ذہنی تصور ہے جسکے ذریعہ کوئی بھی بات مکمل طوریر واضح ہوتی ہے۔
 - 🛣 تصورعلم حاصل کرنے کا ذریعہ ہے بینج بات کا قیاسی استحر اج ہے۔

تصور کے اقسام: (Types of Concept)

علم ریاضی میں تصور کی دوقتمیں ہیں۔

- (i) تشکیلی تصور (C.F..(Concept formation
- (ii) استحالي تصور (Concept Assimilation)
 - (i) تشکیلی تصور (Concept formation)

تشکیلی تصور (C.F)ایک دریافتی اکتسانی طریقه کار ہے جس میں نفسیاتی عمل جیسے امتیازی تحلیل (Discrimination Analysis)، علیجادگی،

خیالی تصور ،مفروضہ نظریہ کا قائم کرنااورنسل کے معیار کی جانچ وغیرہ شامل ہیں۔نوعمر بچوں کے سکھنے والےعلوم میں سے نصورسب سے پہلاعلم ہے، وہ زیادہ تر تصور کو تیلی تصور (C.F) کے ذریعہ ہی سکھتے ہیں۔

(C.F) تشکیلی تصور میں طلبہ وطالبات چیز وں سے متعلق کئی مسلوں اور پہلوؤں پرغور کرتے ہیں ، وہ باتوں کو ہجھنے کے لئے تمام باتوں پرغور کرتے ہیں ، وہ باتوں کو ہجھنے کے لئے تمام باتوں پرغور کرتے ہیں۔ اتباع کرنا اور دھیان دینا ان کا اہم کام ہوتا ہے اور آخر کار وہ باتوں کی تعیم کر لیتے ہیں اور اسے استعال کے لائق بنا لیتے ہیں۔ یہی وجہ ہے کی طلبہ مختلف جانوروں جیسے بلی ، کتا اور گھنٹی وغیرہ کے تصور سے واقف ہوجانے کے بعد ان کو ایک لمحہ میں پہچان لیتے ہیں اور انہیں ایک ترتیب دیتے ہیں جبکہ وہ زندگی میں صرف ایک بار ہی مشاہدہ کرتے ہیں اور مختلف چیز وں کے درمیان فرق کو ہجھ لیتے ہیں۔ اسکول کے پرانے طلبہ اور نو بلوغ زیادہ تر نئے تصور کو شکیلی تصور کے ذریعے ہیں۔

(ii) استحالي تصور (Concept Assimication)

تخلیلی تصور (C.A) معنی خیز اور فائدہ بخش علم حاصل کرنے کا ایک امتیازی (خاص) طریقہ ہے۔ تخلیلی تصور میں تصور کی تعریف کو مثالوں کے ذریعہ اورتشریکی طریقے کے ذریعہ بیان کیا جاتا ہے۔ اس کے علاوہ اس میں بہت سے وقو فی دائرہ (Cognitive domain) یعنی تفکر، جاننا، اورحل مسئلہ سے تعلق رکھنے والے عمل موجود ہوتے ہیں۔ اس طریقہ کے ذریعہ طلبہ مفروضہ (Hypothesis) قائم کرتے ہیں اور فرق وامتیاز کی سمجھ کا بھی فروغ کرتے ہیں۔ بی بات یا بے خیال کو منظر یقے سے پیش کرتے ہیں۔

(Information) جا نکاری کی بنا پرتشکیلی تصور (Concept Formation) کا طریقہ طلبہ کواپنے علم کے ذریعینی چیزوں اور نے علم سے ہم رشتگی قائم کرنے میں مدددیتا ہے۔ بیطریقہ طلبہ کی صلاحیتوں میں اضافہ کرتا ہے۔ عام اور خاص میں فرق ، ایک بات سے دوسرے بات کا تعلق اور کسی بھی تصور کی تعمیم اس طریقہ کے ذریعہ نہایت ہی بہتر ڈھنگ سے عمل پاتا ہے۔ وہ جا نکاریوں کواس کے ثبوت (Evidence) کے ساتھ پیش کرنے کی صلاحیت کو فروغ کر لیتے ہیں۔

تشکیلی طریقہ (C.F) پربٹنی اسباق (Lessons) نہایت ہی محرک (Motivational) ہوتے ہیں اور یہی وجہ ہے کہ طلبہ تدریس میں دلچیسی کے ساتھ حصّہ لیتے ہیں اور انہیں اپنے طریقے سے نئی باتوں کو سیکھنے کا موقع بھی ماتا ہے۔اس طریقے میں استاد محض ایک دانشمندا نہ رہنما کے طور پر کارکر دہوتا ہے جو گراں ہوتا ہے اور وہ بس مسئلہ کو پیش کرتا ہے اور طلبہ کو بھی اس موڑ پر لے جا کر چھوڑ دیتا ہے جہاں سے وہ اپنے ذہن ود ماغ کا استعمال شروع کر دیں۔

Hilda Taba کے مطابق تخلیلی تصور میں تین عمل (Process) ہوتے ہیں۔

- (i) باتوں کو بھے خااوراس سے جڑے مسکے کی شاخت کرنا۔ (یعنی مشاہدہ کرنا"Observation")
 - (ii) جانکاری کو یکسانیت کی بناپر یکجا کرنا (لیعنی زمره بندی "Categorisation")
- (iii) کھراس زمرے کی جا نکاریوں کے فروغ کے لئے نئے اقد امات اٹھاتے ہیں (یعنی فیصلہ Conclusion)

Taba نے طلبہ کے حوصلے کی افزائش کے اقدامات Teaching moves یا steps (جو کہ سوالوں کی شکل میں ہوتی ہے) کو متعارف کروایا۔ اس میں ایسے سوال ہوتے ہیں جو کسی مخصوص موضوع سے تعلق رکھتے ہیں۔

3.3.3 ریاضی کے تصور کی تشکیل: (Formation of Mathematical Concepts)

مثال: -Prime numbers

اسٹیپ1: مشامرہ (Observation)

معلم تختہ سیاہ پر پچھ عدد (Numbers) تکھیں گے جوسو سے کم ہوں اس کے بعد بچوں سے اسے مشاہدہ کرنے کو کہیں گے طلبہ لکھے گئے عدد (Numbers) پرغور کریں گے اور کیسانیت کی بنا پر یافرق کے اعتبار سے اس کی شناخت کرلیں گے۔معلم اعداد کو دوالگ الگ کالم میں بھی لکھ سکتے ہیں جس سے طلبہ الگ الگ اعداد کی شناخت کرلیں ۔

اسٹیپ۔2 زمرہ بندی (Categorisation)

اس مرطے میں طلبہ دیئے گئے نمبرس میں سے ان کی خصوصیت کی بنا پر انھیں الگ کرلیں گے۔ طلبہ طاق عدد، جفت عدداور مرکب اعداد (Prime number) میں فرق کو مجھ سکیں گے۔اس کے علاوہ وہ ریکھی بتلا کیں گئے کہ' 1''ایک عدد پرائم نمبر (Even, odd & Composite no.) کیوں نہیں ہے۔

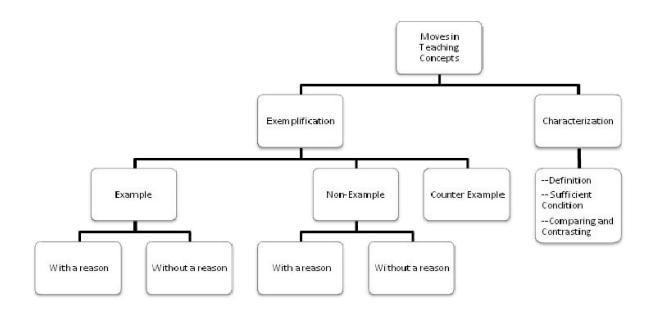
اسٹیپ نمبر 3: نتیجہ (Conclusion)

آخر کارطلب مختلف اقسام کے اعداداور (.Prime numb) کی تعریفات اورا سکے تصوّر (Concept) کوبیان کریں گے۔

3.3.4 تصور کی تدریس میں اقدام: (Moves in teaching Concepts)

تصور کی مذریس میں امتیاز کی شاخت کرنا اور اہم نکات اور ضرورت کے مطابق موزوں حالات کی شاخت کرنا،موازنہ یا تقابل کرنا۔تصور کی تدریس میں (Counter Example)اور (Non Example)دینا۔

تصوّر کی تدرلیس کے دوران اگر ہم درجہ/جماعت (Classroom) کے حالات سے واقف ہوں اور بیان کرنے کا ہنر سمجھ رہے ہوں تو وہاں پر زبان اور مواد کوکس طرح پیش کرنا ہے ہیں ہجھ میں آ جا تا ہے۔ وہاں پر کس طرح کی زبان کا استعال کرنا ہے کون سے الفاظ کا استعال کرنا ہے ، کس طرح سے تعریفات (definition) کو بیان کرنا ہے ، کون می کون می مثالیں دینی ہیں، (asserting) بعنی دعوی سے کہنا، (classifying) درجہ وار ترتیب دینا موازنہ کرنا اور نقابل کرنا وغیرہ جیسی اہم حکمت عملی کی سمجھ آ سانی سے آ جائے گی۔ بیساری حکمت عملی جس کا استعال درس و تدرلیس کے دوران درجہ جماعت میں استعال ہوتا ہے اسے ہی ہم اقدام (Moves) کہتے ہیں۔ محمل کا استعال معلم یا طلباء یا دونوں کرتے ہیں۔ جیسا کہ لفظ مووس (Moves) کے معنی ہے راغب کرنایا آ مادہ کرنا یعنی اس کا اصل مقصد ہوتا ہے طلباء کوسکھا نا اور کسی تصور کو بہتر ڈ ھنگ سے پیش کرنا اور سکھانا۔



تصور کی تدریس میں منصوبہ بندی اور حکمت عملی:

(Planning and Implementation Strategies in teaching Concepts)

معلم ہمیشہ اس کوشش میں رہتا ہے کہ وہ تدریس کے لئے اس طریقے کو اپنائے جس سے طلباء بہترین ڈھنگ سے سیھ سیس اور وہ اثر آویز ہوں ،

Problem اسکے لئے کی طرح کی مہارتوں (Skills) کا استعال کرتا ہے۔ جیسے شروع میں وہ مظاہرہ (demonstration) تحقیقی طریقہ کاراور مسلم عل (Skills) کا استعال کرتا ہے۔ چونکہ معلم ہمیشہ اس بات کے لئے کوشاں ہوتا ہے کہ اس کا تدریبی عمل اثر آویز ہواس کے لئے وہ درجہ رجماعت میں تعمیریت (constructivism) پرزیادہ زور دیتا ہے۔ پہلے سے بھی ہوئی باتوں کو نے علم سے جوڑنا ، طلباء میں تحلیقیت کی صلاحیت پیدا کرنا اور طلباء کو بھی کی راہ ہموار کرنا معلم کی اہم ذمہ داریوں میں سے ایک ہے۔ اور میکا م اس کے لئے کسی (challenge) سے کم نہیں ۔ آرٹ اور تخلیقیت کے لئاظ سے ریاضی کو سیھنا اور سکھنا نا پہلے سے سیکھی ہوئی چیزوں اور پہلے کے تجربات پر بہت حد تک شخصر کرتا ہے۔ ریاضی کی تدریس کی پچھ حکمت عملیاں (strategies) جس کی مدد سے طلباء میں علم نا می محل کی تعمیر میں مدد ہوتی ہے۔۔ ریاضی کی تدریس کی پچھ حکمت عملیاں (strategies) جس کی مدد سے طلباء میں علم نا می محل کی تعمیر میں مدد ہوتی ہے۔۔

- (i) سرگری یاعمل ریبنی طریقه کار (Activity Based Method)
 - (ii) انکشافی طریقه کار (Heuristic Method
- (iii) استقرائی ـ استخراتی طریقه کار (Inductive Deductive Method)
 - (iv) مسلَّة حل طريقة كار (Problem-Solving Method)

ا پني معلومات کی جانچ:

- 1- تصور کسے کہتے ہیں۔
- 2- پیانے کے تصور Concept کے لیے کون سالفظ استعال کیا؟
 - 3- تصور کی کوئی ایک تعریف بیان کیجی؟
 - 4- علم رياضي ميں نصور کي کٽني قشميں ہيں اوروہ کون کون سي ہيں؟
 - 5- رياضي کي تدريس کي چند ڪميال بيان کيجي؟

3.4 زیرِ تربیت اساتذہ میں جماعت ششم تادہم کے ریاضی کے مختلف تصورات کی آگاہی کا فہم پیدا کرنا:

(Creating awareness among student teachers on various concepts of Arithmetic from casses VI to X)

علم حساب Arithematics

عدد کے تصوراورعددی قیمت (Placevalue)،اعداد کے نظام (Number System) کو سمجھنا، اسکے معنی اور تعریف کو سمجھنا، اورعدد سے متعلق علم کوروزمرہ کی زندگی میں استعال کرنا۔ جیسے جمع، تفریق، ضرب، تقسیم، نفع ونقصان، فیصد، تناسب نسبت اور وقت سے متعلق مسلوں کوحل کرنے کا ہنرآ تا ہے۔

روایتی علم حساب میں بنیادی طور پر جمع ، تفریق ، ضرب اور تقسیم سے متعلق کام ، می کئے جاتے ہیں۔ جبکہ ترقی پذیریا اعلیٰ درجے کے اعمال (Exponentiations) میں فی صد (percentage) جندر المربع (square-root) خود مندر،

(discount) کے معنی ہے کل قیمت میں کمی ، فی صدح چھوت کے معنی ہے کسی چیز پر چند فیصد کی جھوٹ دینااسی طرح بینک وغیرہ میں سود مفرد اور سود مرکب وغیرہ کے لئے اور روز مرہ کی زندگی میں اس کا استعال اس کے علاوہ دوری ، وقت اور رفتار ہے متعلق مسلوں کو حل کرنے کے لئے علم حساب کا استعال ہوتا ہے۔ الجبراء: (Algebra)

علم ریاضی ایک زبان ہے۔ ریاضی ایک ایسی زبان ہے جس کے خود کے الفاظ ہیں اور خود کے نشانات اور قواعد اور پھر زبان انسانی ضروریات مطابق ترقی پاتی ہے۔ اگر ہم علم ریاضی کو ایک زبان کے طور پر دیکھیں تو الجبرا (Algebra) ہمیں ریاضی کے (Short Hand) کے طور پر نظر آئے گا۔ یعلم حساب کو اور بھی آسان بنا دیتا ہے۔ اس کا علم ہونا ہے عد کو اور بھی آسان بنا دیتا ہے۔ بیاس وجہ سے ہے کہ الجبرا کو تھمیمی علم عدد یا حساب (Generalized arithmetic) کہا جاتا ہے۔ اس کا علم ہونا ہے عد ضروری ہے تب ہی ریاضی کے دوسرے مضامین ہمیں بہتر ڈھنگ سے سمجھ میں آئیں گے۔ اس کی شروعا مستقل مقدارت (Constant) اور مشامل متغیر (Equations) اور الجبری مساوات (Factorization) وغیرہ شامل ہیں۔ اور اجزائے ضربی (Factorization) وغیرہ شامل ہیں۔

علم ہندسہ: (Geometry)

علم ہندسہ یا جیومیٹری کی بنیاد ہے۔جیومیٹری کی مدد سے کسی چیزی پیائش کی جات اور دیا ہے۔ نقط اور حظ ،جیومیٹری کی بنیاد ہے۔جیومیٹری کی مدد سے کسی چیزی پیائش کی جاتی ہے۔ اس کے علاوہ اس کا رقبہ، جم اور دوسری پیائشوں کو بہت ہی آسانی سے دریافت کیا جاتا ہے۔ یہ دوتصاویر میں رشتے اور تعلق کو کوریاضی کی ایک بھی ظاہر کرتا ہے۔ جیسے متماثلت (Congruence) اور مشابہت (Similarity) وغیرہ ۔ آج کل رقبہ اور جم وغیرہ سے متعلق موضوع کوریاضی کی ایک الگ شاخ کے تحت مطالعہ کیا جاتا ہے۔ جے مساحت (Mensuration) کہتے ہیں۔ اسی طرح جیومیٹری میں کسی نقطے کے مقام کو بتانے کے لئے اور مرکز سے اس نقطے کی دوری ، وغیرہ جیسے مسئلوں کو محددی علم ہندسہ (Co-Ordinate Geometry) میں سکھایا جاتا ہے۔ اس میں نقطہ جس جگہ پر ہوتا ہے اس سے اس نقطے کی دوری ، وغیرہ جیسے اس میں دو پیائش یا میزان ہوتے ہیں۔ ایک متوازی جو x - محور (x - axis) کہلاتا ہے اور دوسری عمودی جو کور (Y - axis) کہلاتا ہے۔ اور دوسرے سے ملتے ہیں وہ مبداد کور (Y - axis) کہلاتا ہے۔ یہ حد عدت میں اگر آپوکسی دوقطوں کے ساتھ Coordinates کو معلوم کرنا ہے تو۔۔۔۔

- (i) سب سے پہلے دونوں نقطوں کے درمیانی فاصلے کومعلوم کریں گے۔
- (ii) مركزى نقطه (mid point) ، نشيب/ وطلان (Slope) اورخطه كي مساوات (equation of line segment) معلوم كرين-
 - (iii) تعین کرلیں گے کہ لائن متوازی (Parallel) ہے یاعمودی (perpendicular)
 - (iv) نقطوں کوملانے پریننے والے کثیر ضلعی شکل (polygon) کار قبراورمحیط (parameter)معلوم کرلیں گے۔
 - (v) تصور کو گھما کریا تکس بنا کریا حرکت دے کراس کی شکل کو تبدیل کرلیں گے۔
 - (vi) منخی (curves)، دائرہ (circles) اور بیضوی شکل (ellipse) نشان حذف کے مساوات (equation) کوظا ہر کرنا ہوگا۔

علم مثلث: (Trigonometry)

علم مثلث ریاضی کی اہم شاخوں میں سرفہرست ہے۔ اس میں کسی مثلث Triangle کے اضلاع (sides) اور زاویوں (Angles) زاویہ کے درمیان رشتوں اور تعلقات کا مطالعہ کرتے ہیں۔ تصور کی کیسانیت کی بہچان علم مثلث میں اہمیت رکھتی ہے۔ علم مثلث کے ذریعہ ہم ایسی اونچائی اور دوریاں معلوم کر سکتے ہیں جو آسانی سے دریافت نہیں ہو کتی ہیں۔

علم اعدا دوشار (شاریات): (Statistics)

علم ریاضی کی ایک اہم صفت ہی ہی ہے کہ کسی بھی معلومات کونمبر کی شکل میں ظاہر کردینا ہے۔اسے ہم ڈاٹا (Data) کہتے ہیں۔ ڈاٹا کوتصویر کی شکل میں بھی پیش کر سکتے ہیں جو بارگراف، Pie-charts، Histograms وغیرہ کی شکل میں ظاہر کیا جاسکتا ہے۔اوراس کوعدد کے ذریعہ ہم Median Mean اور Mode وغیرہ کی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔

علم امكان: (Probability)

یعلم اعداد شار (Statistics) کی ہی ایک شاخ ہے۔ جوایک یقینی خاص وقوعہ (Certain event) کے لئے استعمال کیا جاتا ہے۔ اور اس کا استعمال کیا جاتا ہے۔ اور اس کا استعمال کیا جاتا ہے۔ اس کے تحت غیریقینی وقوعہ (uncertaintiies) کوخاص تدبیر کے ذریعہ ناپا جاتا ہے۔ اس کے تحت غیریقینی وقوعہ (عمرہ میں بھی اس کا استعمال ہوتا ہے۔ ہے۔ اور اسکے علاوہ علم امکان کے ذریعہ پیشن گوئی بھی کی جاسکتی ہے جے موسم، صاب کتاب، ایل ۔ آئی ۔ سی وغیرہ میں بھی اس کا استعمال ہوتا ہے۔ این معلومات کی جانچے:

- 1- علم مثلث سے کیا مراد ہے۔
- 2- علم حساب (Arithmatic) میں کون سے موضوعات شامل ہیں؟
 - 3- الجبراكورياضى Short Hand كيول كهاجاتا ي-؟

3.5 ریاضی کے طریقۂ تدریس (Methods of Teaching Mathematics)

ریاضی کے سارے اساتذہ مؤٹر نہیں ہوتے ہیں۔ایسا معلم جو درس و تدریس میں مناسب تدریسی طریقے کا استعال کرتا ہے جس کے پاس اثر افرین اور فائدہ بخش مواد کاعلم موجود ہو، جس کی تدریس دلچیپ اور واضح ہواور جوایک سے زائد تدریسی طریقوں میں ماہر ہواسے ہم اثر آ ویز معلم یا استاد کہہ سکتے ہیں۔ ریاضی کی تدریس میں چند خاص تدریسی طریقوں کو اپنایا جاتا ہے۔وہ طریقے حسب ذیل ہیں۔

3.5.1 استقرائي طريقه: (Inductive Method)

اس طریقے کے ذریعہ اصول استقرائی سے سائنس کی تعلیم عمد گی سے دی جاس طریقہ تدریس میں سائنس یاریاضی کے اصول ، نتائج یا کلیات طلباء کو بتلائے ہیں جات بلکہ خود طلباء اس طریقے سے اصول اور نتائج اخذ کرتے ہیں۔ جس سے ان کو مسرت حاصل ہوتی ہے اور وہ شوق سے پڑھتے اور سکھتے ہیں بیطریقہ تعلیم ، جدید طریقہ کا بنیادی اصول مخصوص مثالوں کے درسے ہیں بیطریقہ کا بنیادی اصول مخصوص مثالوں کے ذریعہ عام نتیجہ اخذ کرنا ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر طالب علم دھاتی سلاخ کو گرم کرنے کے بعد بیہ تیجہ اخذ کرتا ہے کہ گرم کرنے پر دھا تیں جھیلتی ہیں۔ بیطریقہ اس وقت زیادہ موزوں اور بہتر ہے جبکہ عام اصول ، تعریفات یا کلیات اخذ کرنا مقصود ہوتا ہے۔ اس طریقہ سے طلباء میں خواہش ، دلچ ہی اور کام کرنے کی امنگ پیدا ہوتی ہے۔

اس طریقے میں معلم مقرون سے مجرد کی طرف ٹھوں یا مخصوص (Particular) سے عام (General) کی طرف مثال سے ضابطے کی طرف بڑھتا ہے۔ یہ وہ طریقہ تدریس ہے جس میں مناسب مقدار میں مخصوص اعداد کے ذریعہ ضابطے Formulae کی تنگیل کی جاتی ہے۔ یہ قیاس پربنی ہوتا ہے۔ جو پی ظاہر کرتا ہے کہ تشکیل شدہ ضابطہ ایک متعین کام کے لئے عالمی سطح پر درست ہے۔ اگر بنایا گیا ضابطہ کسی خاص معاملہ کوحل کرنے میں صحیح ثابت ہوتا ہے۔ تو پھر اس کی مدد سے طلبہ شکل ترین سوال بھی حل کر لیتے ہیں۔ اور اس کی تعیم بھی با آسانی کر سکتے ہیں۔

عمل درآمد: (Procedure)

مثال ا۔ طلباء کو بچھ مثلثات بنانے کے لئے کہیں اور باری باری سے سارے مثلث کے زاویوں کی پیائش کرنے کو کہیں۔ایسا کرنے پر مثلث کے زاویوں کی پیائش کرنے کو کہیں۔ایسا کرنے پر مثلث کے نیوں زاوید کا مجموعہ جوڑ دوقائمۃ الزاویہ یعنی *180 ہوتا ہے۔ حل۔ خاص تصور میں (Particular Concept)

$$1^2 = 1, 3^2 = 9, 5^2 = 25, 7^2 = 49, 9^2 = 81 \text{ eq}$$

$$2^2 = 4$$
, $4^2 = 16$, $6^2 = 36$, $8^2 = 64$, $10^2 = 100$ eq $-II$

عام تصور (General Concept)

equn-I° اور II-ngun-I° سے ہم یہ نیتیہ پر پہنچتے ہیں کہ.....

طاق عدد (Odd number) کامر بع بھی طاق عدد ہوتا ہے۔

جفت عدد (Even number) کا مربع بھی جفت عدد ہوتا ہے۔

استقرائی طریقه کی خوبیان: (Merits)

- (1) پیطریقنہ تدریس کے اصول کے عین مطابق ہے اس میں وقت ضائع نہیں ہوتا ہے۔ اس میں طلبہ کواپنی محنت کا نتیجہ مفید نظر آتا ہے۔
 - (2) موضوع کے لحاظ سے انکو کتابیں پڑھنے ، انٹرویو لینے اور بعض اوقات دوسرے مقامات پر جانے کا موقع ملتا ہے۔
 - (3) اس طریقه میں طالب علم خوداین علم اور مل سے سیمتا ہے جس سے اس میں دلچیسی اورخوداعتا دی پیدا ہوتی ہے۔
 - (4) پیطریقہ مبتدیوں کے لئے بے حدکار آمد ہے۔
- (5) میمثالوں کے ذریعہ ریاضی کے اصولوں کو سمجھنے کا ایک آسان طریقہ ہے۔ بیطریقہ 'کیا''اور'' کیوں''جیسے سوالات کوواضح کرنے کا بہترین طریقہ ہے۔
 - (6) منطقی طریقه (logical method) ہے۔
 - (7) بیرٹ کرسکھنے سے رو کتا ہے۔

استقرائی طریقه کی خامیان: (Demerits)

- (i) اس میں زیادہ وقت در کار ہوتا ہے۔
- (ii) یہاعلی جماعتوں کے لئے زیادہ موزوں نہیں ہے۔
- (iii) طلباء بعض اوقات غلط نتائج بھی اخذ کر سکتے ہیں۔
- (iv) deduction (استخراج کے بغیریہ نامکمل ہے۔اس طریقہ میں مندرجہ ذیل مراحل Steps کا خیال رکھا جاتا ہے۔
- (v) مسئلہ کی شناخت ،مواد کی ترتیب ،مفروضے کا وضع کرنا تعمیم وغیرہ۔ان مراحل Steps کے مہم کے بغیر درس وتدریس کاعمل تکمل نہیں ہوسکتا ہے۔
 - 3.5.2 استخراجی طریقہ: (Deductive Method)

پیطریقہ استقرائی طریقے کے بالکل برعکس ہے۔اس طریقہ تدریس میں معلوم سے نامعلوم کی طرف عمل ہوتا ہے۔اس طریقہ میں معلم ،طلباء کو سائنس کے عام اصول ۔ نتائج اورکلیات سے واقف کر واتا ہے۔ پھران کی وضاحت مختلف مثالوں کے ذریعہ کی جاتی ہے۔ جوزف لنڈن (Joseph London) کے خیال کے مطابق استخراجی طریقے میں پہلے سائنس کے اصول ،اور کلیات سکھائے جاتے ہیں۔ بعد میں احتیاط سے ان کے مفہوم کی وضاحت کی جاتی ہے۔اس طریقہ تدریس میں مندرجہ ذیل مراحل (steps) کا خیال رکھا جاتا ہے۔

عمل درآمه: (Procedure)

استاد سوال ہے متعلق ضابطہ (Formula) بتانے کے بعد کچھ سوالات کوحل کرتا ہے۔ طلباء تختہ سیاہ پر بغور د کیھتے ہیں اور سیم بچھ جاتے ہیں کہ سوالوں کوحل کرنے میں ضابطہ کا استعمال کس طرح کیا جاتا ہے اس کے بعد استاد کچھ سوالات بچوں کو دیتا ہے تا کہ وہ بھی حل کریں۔ طلباء اپنے استاد کے بتائے ہوئے طریقے کو مدنظر رکھتے ہوئے سوال کوحل کرتے ہیں۔

جيسے....

تال Example_1

Find - $a^2 \times a^{10} = ?$

حل _Solution

General $(a) = a^n \times a^m$

Particular ($\mathcal{O}(b) = a^2 \times a^{10} = a^{2+10} = a^{12}$

Example -2 - مثال

Find (102) = ?

حل -Solution

General ((a+b)²) =
$$a^2 + b^2 + 2ab$$

Particular (30): $(100 + 2)^2 = 100^2 + 2^2 + (2 \times 100 \times 2)$
= $10000 + 4 + 400$
= 10404

$$\therefore$$
 (102²) = 10404

استخراجی طریقے کی خوبیاں: (Merits)

۔۔ اس طریقہ تدریس سے طلباء کی یادداشت Memory کو تقویت ملتی ہے۔

استخراجی طریقے کی خامیان: (Demerits)

۔۔ نئی معلومات کے حصول کے لئے پیطریقہ موزوں نہیں ہے۔

۔۔ اس طریقہ تدریس سے طلباء میں رٹنے (craming) کا رتجان پیدا ہوتا ہے۔ یہ سائنفک طریقہ نہیں ہے۔ اس طریقہ تدریس سے طلباء میں وقع طلباء میں یہ بتایا جاتا ہے کہ بخیر (Evaporation) کا نتیجہ تبرید (cooling) ہے۔ اس کے خودسو چنے اور نتائج اخذ کرنے کی صلاحیت پیدا نہیں ہوتی طلباء کو ابتداء میں یہ بتایا جاتا ہے کہ بخیر (Evaporation) کا نتیجہ تبرید (cooling) ہے۔ اس کے ساتھ مثالوں سے اس خاصیت کو اس طرح واضح کیا جاتا ہے۔

۔۔ اس میں طلباء میں سوچنے سمجھنے(Thinking)، دریافت کرنے اور توجهہ کرنے (Reasoining)وغیرہ کی صلاحیت کا فروغ نہیں

ہویا تاہے۔

۔۔ بیدماغ پرزوراور کام میں اضافہ کاذر بعیہ بنتاہے۔

3.5.3 تجزياتي طريقه: (Analytic Method)

اس طریقے میں کسی بیان اور مسکد کا سادہ تر حصول میں تجزیہ کیا جاتا ہے۔ یہاں معلم کوجس چیز کو ثابت کرنا ہوتا ہے وہیں سے شروع کرتے ہیں اور وہاں لوٹ جاتے ہیں جو چیز دی گئی ہوتی ہے۔ اس طریقے میں کسی منظم فکر کے ذریعہ مسلکہ کا ثبوت یا حل دریا فت نہیں کیا جاتا ہے بال دسانی اقد امات steps میں استدلال کے ساتھ ایک منظم سلسل ہوتا ہے۔ بیطریقہ طلباء کی ذبنی صلاحیتوں کی نشونما میں مدد کرتا ہے۔ اس میں حافظے پر زوز نہیں دیا جاتا ہے بلکہ بیطریقہ اہم نفسیاتی اصولوں پر ہوتا ہے۔ اس طریقے میں طلباء تدریس واکتساب کے مل میں سرگرمی سے حصہ لیتے ہیں۔ ایک طویل اور محنت طلب طریقہ ہے۔ لیکن اس طریقے میں مسائل کے حل اور ثبوت کو مناسب طور سے پیشن نہیں کیا جاسکتا۔

بەلفظ Analysis سے اخذ کیا گیاہے۔ جس کے معنی ہے حصّوں میں توڑنا پابانٹنا۔

یے بیتج پی خلاصہ (Abstract) سے مقرون (Concrete) کی طرف چاتا ہے۔

مثال....

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab,$$

$$2\log (a+b)=2\log 3 + \log a + \log b$$
 اگر (a+b)² = 7ab گابت کریں کہ

$$2 \log (a+b) = 2 \log 3 + \log a + \log b$$

$$2 \log (a+b) = 2 \log 3 + \log a + \log b$$
 باب

$$\log(a+b)^2 = \log 3^2 + \log a + \log b$$

$$Log (a+b)^2 = log 9 + log ab$$

$$\log (a+b)^{2} = \log 9 \text{ ab} \qquad \int \int \frac{d^{2}y}{y^{2}} dy$$

$$(a+b)^{2} = 9ab \qquad \int \int \frac{d^{2}y}{y^{2}} dy$$

$$a^{2} + b^{2} + 2ab = 9ab \qquad \int \frac{d^{2}y}{y^{2}} dy$$

اس کے اگر
$$a^2 + b^2 = 7ab$$
 تب ہم ثابت کر سکتے ہیں

 $a^2 + b^2 = 7ab$

 $2 \log(a+b) = 2\log 3 + \log a + \log b$

تخلیل طریقه کی خوبیان: (Merits)

تحلیلی طریقه کی خامیان: (Demerits)

3.5.4 ترکیبی طریقہ: (Synthetic Method)

یے طریقہ ایک طرح سے تحلیلی التجزیاتی (Analytic) طریقے کی ضد ہے۔ اس طریقے میں پھھ اجزاء کوایک چیز حاصل کرنے کے لئے متحدہ کیا جاتا ہے۔ یہاں متعلم وہاں سے شروع کرتا ہے جو چیز کددی گئی ہے اور وہاں ختم کرتے ہیں جس کو کہ ثابت کرنا ہے۔ اس طریقہ میں طلباء کو کوئی نئی چیز دریافت کرنی ہوتی ہے۔ اس کے لئے طلباء کو ثبوت یا حل کو منظم طریقے سے پیش کرنا ہوتا ہے۔ یہاں حمانی اقد امات کے تسلسل میں کوئی استدلال نہیں ہوتا۔ پیطریقہ اکتساب میں زیادہ تر حفظ یاد کرنے پرزور دیتا ہے۔ یہ نظمی طریقہ ہے بینفسیاتی اصولوں کی پرواہ نہیں کرتا۔ یہاں حافظے کو بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔ یہ خضر طریقہ ہے۔ اس طریقہ میں ممائل کے حل اور ثبوت کو مناسب طور سے پیش کیا جاسکتا ہے۔

(Example) - ぱ

$$2\log(a+b)=2\log+\log a+\log b$$
 اگر ها $a^2 + b^2 = 7ab$

ثابت۔

(Comparison of Analytic and Synthetic Methods of Teaching)

ترکیبی طریقہ میں کچھ اجزاء کوئی چیز حاصل کرنے کے لئے متحد کیا جاتا ہے۔

ہے۔

ہے۔

ہیاں متعلم وہاں سے شروع کرتا ہے جہاں کے ایک چیز دی گئی ہے وہاں ختم کرتا ہے جہاں کے ایک چیز دی گئی ہے وہاں ختم کرتا ہے جس کو کہ ثابت کرنا ہے۔

ہیاں طلباء کو ثبوت یاحل کو منظم طریقے سے پیش کرنا ہوتا ہے۔ اس کے لئے طلباء کو ثبوت یاحل کو منظم طریقے سے پیش کرنا ہوتا ہے۔

ہیاں حالی اقد امات کے شلسل میں کوئی استدلال نہیں ہوتا۔

ہیاں حالی اقد امات کے شلسل میں کوئی استدلال نہیں ہوتا۔

ہیاں حافظ کو بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔

ہیاں حافظ کو بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔

ہیلی حامو قع نہیں دیتا ہے۔

ہیلی طریقہ طلباء کو تدریس اکتبا ہی میں حسّہ لینے کا موقع نہیں دیتا۔ یہ خضر طریقہ ہے۔۔

مختصر طریقہ ہے۔۔

مختصر طریقہ ہے۔۔

🖈 اس طریقے میں مسائل کے حل اور ثبوت کو مناسب طور سے پیش کیا

تحليلى طريقه Analytic Method 🖈 اس طریقه میں کسی بیان اور مسلّه کا ساده ترحصّوں میں تجزیباور تحلیل کیا جاتاہے۔ 🖈 یہاں متعلم جس چیز کو ثابت کرتا ہے،اسے شروع کرتا ہے اور وہاں لوشا ہے جو چیز کہ دی گئی ہے۔ 🖈 اس طریقه میں کسی منظم فکر کے ذریعہ مسلکہ کا ثبوت یاحل دریافت نہیں کیاجا تا۔ 🖈 یہاں حسابی اقدامات (Steps) میں استدلال کے ساتھ ایک منظم تشلسل ہوتاہے۔ 🖈 پہطریقہ طلباء کی ذہانتی صلاحیتوں کی نشونمامیں مدددیتا ہے۔ 🖈 پەطرىقەا بىم نفساتى اصولوں يېنى ہوتا ہے۔ 🖈 یہاں حافظے پر زور نہیں دیا جاتا۔اس طریقے میں طلباء تدریس کی اکتباعمل میں سرگرمی ہے ھتبہ لیتے ہیں۔ 🖈 یهایک طویل اور محنت طلب طریقه ہے۔ 🖈 اس طریقے میں مسائل کے اور ثبوت کومناسب طور سے پیش نہیں کیا

(Laboratory Method) تجربه گائی طریقه: (Laboratory Method)

حاسكتاب

عام طور سے تجربے گائی طریقہ کا استعال سائنس کی تدریس میں ہوتا ہے۔لیکن اب اس کا استعال ریاضی کی تدریس میں ہونے لگا ہے۔ تجربہ گاہ میں طلباء خود سے کر کے سکھتے ہیں۔ وہ تجربہ میں شامل ہوتے ہیں، چیزوں کود کھتے اور شجھتے ہیں اور انہیں خود اپنے ہاتھوں سے سجاتے ہیں، لگاتے ہیں اور بناتے ہیں۔ اس کے علاوہ دیگر آلات کا استعال بھی کرتے ہیں ریاضی میں بہت سارے ایسے حالات آتے ہیں جہاں تجرباتی طریقہ درس و تدریس کو نہایت آسان بنادیتا ہے۔ تجربہ گاہ وہ جگہ ہوتی ہے جہاں طلباء کو حقیقی زندگی میں کام کرنے کی ترغیب ملتی ہے۔ جیسے Wallcharts models ، ریاضی کے دیگر آلات گاہ میں آسانی سے نہیں مل پاتاوہ تجربہ گاہ میں آسانی سے نہیں میں اس نے سازوسامان تجربہ گاہ میں موجود ہوتے ہیں ایساسامان جو باہر میں آسانی سے نہیں مل پاتاوہ تجربہ گاہ میں آسانی سے نہیں آسانی سے نہیں مل پاتاوہ تجربہ گاہ میں آسانی سے نہیں جاتا ہے یابنا یا جاسکتا ہے۔

حاسكتاہے۔

ریاضی کی تجربہ گاہ کے لئے اہم سازوسامان: (Essential Equipments for a Laboratory)

ریاضی کی تدریس میں ریاضی کی تجربہ گاہ اور تدریسی کام میں تجرباتی طریقہ اسی وفت کامیاب ہوگا جب تجربہ گاہ میں ریاضی کے سارے ضروری ساز وسامان مود جود ہوں۔ ریاضی کے سارے تدریسی آلات دستیاب ہوں۔ تجربہ گاہ کے کچھے ضروری آلات مندرجہ ذیل ہیں۔

عمل درآمد: (Procedure)

اہم سامان اور آلات :- مخروط cone اور استوانہ cylinder جس کے قطر diameter برابر ہوں۔ کم از کم تین سیٹ جس کی جسامت الگ الگ ہوں۔

جیسےلکڑی کابرادہ، یانی اور بالو۔

طریقه کار: (Procedure)

پيائش	مخر وطاوراسطوانه کی اونچائی	مخر وطاوراستوانه كاقطر	نمبرشار
3	5cm	3cm	1

3	7cm	5cm	2
3	10cm	6cm	3

نتائج اخذكرنا: (Drawing Conclusion)

مندرجه بالاتجربه سے ہم بدیدد کھتے ہیں کہ....

بلالحاظ طوراوراونچائی کے فرق کہ، ہر دفعہ استوانہ کو پر کرنے کے لئے 3 مخروط کی بیائش کی درکارہوتی ہے۔

تجربهگاہی طریقے کی خوبیاں: (Merits)

- (1) اس سے سائنٹفک اندازِفکریپدا ہوتا ہے اور سائنفک طریقے کی تربیت ہوتی ہے۔
- (2) طلباء کوغیرنصابی مطالعہ کی عادت پڑ جاتی ہے۔زائدازنصابی مطالعے سے ان کے علم کے حدود میں وسعت پیدا ہوتی ہے۔
 - (3) اس طریقے کی بنیا جمل کے ذریعہ کھنے کے اصول پر ہاں سے طلباء کوتجربہگاہ میں کام کرنے کا پوراموقع ملتا ہے۔
 - (4) تجربهگاه میں ایک ساتھ کام کرنے سے طلباء میں مل جل کر کام کرنے کی عادت پیدا ہوتی ہے۔
 - (5) اس میں مشکل تجربات کے مظاہرے کانظم بھی رہتا ہے۔
 - (6) ہرطالب علم اپنی صلاحیت کے لخاظ سے کام کرتا ہے۔
 - (7) معلم کوطلباء کی انفرادی توجه کاموقع میسرآتا ہے۔
 - (8) ترقی کے حیارٹ سے طلباء کے کام کے بارے میں فوراً اندازہ ہوجا تاہے۔

تجربهگائی طریقے کی خامیاں: (Demerits)

- (1) اس طریقے میں وقت بہت زیادہ صرف ہوتا ہے۔
- (2) ریاضی کے سارے سبق کواس طریقے کے ذریعی ہیں پڑھایا جاسکتا ہے۔
- (3) زیاده تر اسکولوں میں ریاضی اسباق کی تجربهگاه (Maths Lab) نہیں ہوتی ہیں۔
 - (4) اس طریقے میں معلم کے لئے کام زیادہ ہوتا ہے۔
 - 3.5.6 انگشافی طریقه: (Heuristic Method)

لفظ ہیورسٹک ایک یونانی لفط ہیورسکیا Huiriskein یورسکین سے متعلق ہے جس کے معنی معلوم کرنا ہے۔انیسویں صدی کے اواخر میں سائنس کی افظ ہیورسٹک ایک یونانی لفط ہیورسکیا Huiriskein یورسٹک ایک کے ماہرین نے بیدخیال کیا کہ سائنس ایک عملی مضمون ہے اس لئے اس کے سیھنے کا صبحے طریقہ عمل کے ذریعہ ہی ہونا چاہئے اس طریقے کا بنیادی خیال بیہ ہے کہ طالب علم صرف اپنے مشاہدات اور تجربات کے ذریعہ ہی سیکھتا ہے۔معلم کا کام معلومات فراہم کرنے کی بجائے سرگرمیاں مہیا کرنا چاہیئے پروفیسر آرم اسٹرانگ کے الفاظ ہیں۔

ہیورسٹک یا انکشافی طریقہ ایک ایسا طریقہ تدریس ہے جس میں ہم طلباء میں ممکنہ حدود کے اندرانکشاف کرنے والے کا انداز فکرپیدا کرتے ہیں۔

اییا طریقہ جوطالب علم میں خود ممل کرنے اور سوچنے کا جذبہ پیدا کرے۔ ہیورسٹک طریقہ Heuristic Method کہلاتا ہے۔ بالفاظ دیگر یہ ایسا طریقہ تدریس ہے جوروایتی طریقوں سے مختلف ہے۔ جس میں طلباء خو دا پنے طور پر کام کرتے اور سوچتے ہوں جس سے ان میں مشاہدہ اور استدلال کی صلاحیت پیدا ہوتی ہے۔ اسکے ساتھ ساتھ ان میں خوداعتا دی کا جذبہ نشونمایا تا ہو۔ ہورسٹک طریقہ کہلاتا ہے۔

اس طریقہ تدریس میں طالب علم کوایک مسلکہ دیا جاتا ہے اور وہ مختلف ذرائع سے اس کے بارے میں نتائج حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔اسے
اپنے ہم جماعتوں سے تبادلہ خیال کی آزادی بھی ہوتی ہے۔ ہرطالب علم کومسلہ کے متعلق ہدایت تحریری طور پر دی جاتی ہے۔ طالب علم اپنے معلم سے ایک صد
تک رہنمائی بھی حاصل کرسکتا ہے۔اس طریقہ تدریس میں معلم کا کردار بہت زیادہ اہمیت کا حامل ہوتا ہے۔

طریقہ کار: (Procedure)

اس طریقہ تدریس میں طالب علم کوایک مسلّہ دیا جاتا ہے اور وہ مختلف ذرائع سے اس کے بارے میں نتائج حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔اسے
اپنے ہم جماعت طالب علم وں سے تبادلہ خیال کی آزادی بھی ہوتی ہے۔ ہر طالب علم کومسلئہ کے متعلق ہدایت تحریری طور پر دی جاتی ہے۔۔معلم سے طالب علم
ایک حد تک رہنمائی بھی حاصل کرسکتا ہے۔

مسلئه Problem:

کسی شہری آبادی 50,000 ہے۔ اور وہاں کی آبادی 9a. 4% pa. بڑھرہی ہے تو2 سال کے بعد وہاں کی آبادی کتنی ہوجائے گی۔

معلم: - اس سوال کے ذریعہ میں کیا معلوم کرنا ہے؟

طلباء :- دوسال کے بعدشہر کی آبادی

معلم: - آبادی برطنے کی رفتار کیاہے؟

طلباء :- 4% p.a

معلم: پہلے سال کے آخر میں آبادی کتنی ہوجائے گی؟

طلباء:- ایکسال کے بعدشہر کی آبادی

 $= 50,000 + 50,000 \times 4/100$

=50,000+2000=52000

معلم: دوسرے سال کی شروعات میں شہر کی آبادی

طلباء: دوسرےسال کی شروعات میں شہر کی آبادی 52000 ہوجائے گی۔

معلم:- بم نشونما (Growth) كوكس طرح معلوم كرينگ

طلباء :- دوسرےسال آبادی میں براهور ی (Growth)

 $= 52000 \times 4/100 = 2080$

معلم: ودوسال میں شہری آبادی کیا ہوجائے گی؟

طلباء :- دوسال کے بعد شہر کی آبادی 54080 = 2080 + 52000 = ہوگا۔

انکشافی طریقه کی خوبیان: (Merits)

(i) بیطریقه طالب علم کی نفسیات کے عین مطابق ہے عمل کے ذریعہ سکھنے کا اصول اسکی بنیاد ہے۔

- (ii) اس طریقہ سے طالب علم میں محنت اور سر گرمی کی عادت پیدا ہوتی ہے۔
- (iii) طالب علم کومعلم کی انفرادی توجه حاصل ہوتی ہے۔اور دونوں کے درمیان قریبی تعلق پیدا ہوتا ہے۔
 - (iv) طلباء میں خود اعتمادی اورخود انحصاری کا جذبہ پیدا ہوتا ہے۔
 - (v) وہ جو کچھ سیکھتا ہے طویل عرصے تک اسکے ذہن میں محفوظ رہتا ہے۔
 - (vi) اس طریقه تدریس کے ذریع طلباء میں سائنلفک اور تقیدی انداز فکرپیدا ہوتا ہے۔

انکشافی طریقه کی خامیان: (Demerits)

- (i) یہ ایک ست طریقہ تدریس ہے جس کی وجہ سے نصاب محدودوقت میں مکمل نہیں کیا جا سکتا ہے۔
- (ii) اس طریقه تدریس میں آلات سے لیس تجربهگاه اوراجھی قابلیت کے اساتذہ در کارہوتے ہیں۔
 - (iii) اس طریقه تدریس ہے معلم پرزیادہ کام بوجھ پڑتا ہے۔
- (iv) طلباء سے بیامیدرکھنا کہوہ اپنے طور پر بات معلوم کرلیں گے زیادتی ہے۔اسکول میں ایسے طلباء بھی ہوتے ہیں جن کی قوت فکر اور معلومات محدود ہوتی ہے۔
 - (v) مسئلے کی درجہ بندی آسان کا منہیں ہے اس کے لئے کافی مہارت درکار ہوتی ہے۔

3.5.7 منصوبائي طريقه: (Project Method)

لفظ "Project" کو Oxford dictionary میں "کام کامنصوبہ" بتایا گیا ہے۔ ہرکام کسی مقصد کے تحت کیا جاتا ہے جب کام کرنے کا خیال آتا ہے تو سب سے پہلے ہم اس کا قصد کر لیتے ہیں۔ اور پھر کام کوا چھے ڈھنگ یا طریقے سے انجام دینے کے طریقوں پر غور کرتے ہیں۔ پر اجکٹ کا لفظ سب سے پہلے رچر ڈنامی ایک امریکی ماہر تعلیم نے استعال کیا ہے۔ اس لفظ کواس نے گھر بلود ستکاری اور خاص طور پر زراعت کے کام کے سلسلے میں استعال کیا۔ اس کے بعد Stevenson نامی ماہر تعلیم نے اس کی وضاحت اس طرح کی کہ منصوبہ کی طلب مسلامہ کی نوعیت والا ایسا کام ہے جس کواس کے فطری ماحول میں پایٹ تھیل کو پہنچایا جاتا ہے۔ کلیٹرک نے منصوبہ کی تعریف اس طرح بیان کی۔

منصوبی طریقہ بچوں کو خودسے کرنے (Learning by doing) کی ترغیب دیتا ہے۔جس کی مددسے طلباء خودسے سکھتے ہیں اس کے علاوہ یہ Learning by Living کی ترغیب دیتا ہے۔

منصوبائی طریقہ کے مدارج درج ذیل ہیں (Steps Involved in the Project method)

(Identification of Problem) منصوبے کا انتخاب

(Providing Purpose) 2- مقصد کانتین

(Planing) 3- منصوبہ بندی

(Executing of Project work) ورى 4

(Evaluating of Result) چیکی جانچ 5

(Recording of Observation) 6- مشاہدات کوتح ریکرنا

1- منصوبِ کا انتخاب (Identification of Problem)

معلم طلباء کے سامنے پچھا یسے حالات پیدا کریں جس سے طلباء خود ہی اس سے متعلق سوالات کرنے لگیں۔ پھر معلم طلباء کو کتب خانہ، تجربہ گاہ، کتابیں یاسیر وتفریح پر لے جا کران کے جوابات فراہم کریں گے۔

2- مقصد کانعین (Providing Purpose)

اس مرحلے میں میں کام کامقصداوراس کی نوعیت صاف طور سے ظاہر کر دی جاتی ہے۔اوراس کے حدود بھی متعین کریے جاتے ہیں۔اس کے لئے پچھاہم نکات (Points) پیغور کرنا ہوتا ہے۔جومندرجہ ذیل ہیں۔

- a) طلباء کی دلچیبی
- b) مسئله میں کیکیلے بن کی مقدار
- c) مسلئه یا کام کوانجام تک لے جانے میں دیا گیاوقت
 - d) سازوسامان اور ذرائع کی موجودگی۔

3- منصوبہ بندی (Planing)

- a استاد کی زیر گرانی اوراس کی رہنمائی کے ذریعہ طلباء کوخود سے منصوبہ بندی کرنے کی ترغیب دینی جا ہے۔
 - b) طلباء کے درمیان موضوع سے متعلق بحث ہونی حاہئے۔
 - c چرچایا بحث ومباحثہ کے بعدسب سے بہتر نتیجہ کو ماننا چاہئے۔
 - d منصوبه بندی کویر وجیکٹ میں شامل کیا جائگا۔

4۔ منصوبے یوممل آوری (Executing of Project work)

استاد کام کے لئے طلباء کے گروپ بنائے گا اور ہر گروپ کی دلچیسی اور صلاحیت کے اعتبار سے انہیں کام کرنے کو دیگا۔ اور گروپ کے سارے ممبر کام کوانجام تک پہونچانے میں شامل ہوگا۔

- a) وہ کام جے معلم طلباء کے درمیان تقسیم کردیتا ہے اس کی اچھی طرح تکمیل کے لیئے الگ الگ گروپ کو اور الگ الگ طلباء کو مخصوص کام اور ذمہ داریاں دی جاتی ہے تا کہ بھی کواپنی ذمہ داریوں کو پورا کرنا آ جائے۔
 - b طلباء کی ذمہ داری بنتی ہے کی وہ اپنے کام کو بہتر ڈھنگ سے پورا کرنے کے لئے منصوبہ بند طریقے سے کام کریں۔

(Evaluating of Result)

5۔ نتیجہ کی جانچ

گئے کام پروقت بوقت نظر ثانی کرتے رہیں اور اس بات کا بھی خیال رکھا جائے کہ

 $\pi r^2 h$ طلباء کو اور استاد کو یہ چاہئے کہ دئے $1/3 \pi r^2 h$

مقصد کاحصول ہور ہاہے یانہیں۔

(Recording of Observation) مثابدات كوتح ريكرنا

طلباءا پنے کئے گئے کام اور مشاہدے کوتح ریی شکل میں محفوظ رکھیں گے وہ سارے اجزاء جو کام کرنے کے دوران استعال ہوئے سب کا حوالہ Reference وغیرہ سجی چیز وں کار یکار ڈاپنی نوٹ بک میں رکھیں گے۔

منصوبه کاخا که (فارمیٹ): (The format of the Project)

عنوان: (Title)

عنوان نەتۇبېت زيادە جھوٹااور نەبى بېت برا مونا چاہئے ـ بلكەعنوان كوبيانىيا نداز مىس (Statements) كىھنا چاہئے ـ

مختفرخلاصه: (Abstract)

یہ وہ خاکہ ہوتا ہے جس میں Project کے اہم مقاصد کو نمایاں (Highlight) کیا جاتا ہے۔اس کے علاوہ جومہارت یا طریقہ استعال کیا گیا ہے اسے بھی لکھا جائے گا۔

تعارف: (Introduction)

جس موضوع پر کام کیا جارہا ہے اس کے مقاصد، وسعت اور طریقے وغیرہ کی تشریح کرانا اور موضوع کے مواد کا تعارف کرانا اس کالم کا اہم کام ہوتا ہے۔ جس کی مدد سے پڑھنے والے کو پورا مواد پڑھے بغیر ہی سب پتہ چل جاتا ہے۔ لیکن تفصیل سے جا نکاری پانے کے لئے اسے پورے مواد کا مطالعہ کرنا ضروری ہوتا ہے۔

طریقه: (Methods)

اس کالم میں اس طریقے کا ذکر ہوتا ہے جو پر وجیکٹ کو تیار کرنے میں استعال کیا جاتا ہے۔اس کےعلاوہ ساز وسامان ،اورآ لات وحکمت عملی وغیرہ کا ذکراسی کالم میں کیا جاتا ہے۔

مشامده: (Observation)

اس میں محفوظ کی گئی با توں اور دیگر جا نکاریوں کا مشاہدہ کیا جاتا ہے۔

نتانجُ:(Results)

مطالعہ پرغور دفکر کرنے کے بعداس کا مواز نہ دوسرے کا موں ہے کریں گے جواسی موضوع پر کئے گئے ہوں گے۔

ضمیمہ: (Appendix)

اس كالم میں طلباء کسی دیگر جا نکاری کوکھ سکتے ہیں۔جس کا ذکراو پڑنہیں کیا گیا ہو۔

كتابيات: (Bibliography)

Project کوتیارکرنے کے لئے جو حوالہ (Refrence) لیا گیا ہے اسے لکھنا ہوتا ہے۔ تاکہ دوسرے بچوں کو Follow کرنے میں آسانی ہو۔ مثال :

رضا کارطلبہ Volunteer Students کے ذریعہ اسکول کی عمارت کارنگ وروغن کا کام۔

اسproject کوکمل کرنے کے لئے درجہ ذیل کے چند باتوں کا خیال رکھنا ہوگا۔

🖈 اسکول کے وہ سارے کمرے اور دیوار وغیرہ کا رقبہ (area) معلوم کرنا جن پررنگ کرنا ہے۔

🖈 مکمل طور سے رنگ کرنے میں لگنے والے کل وقت کومعلوم کرنا۔

🖈 اس کام میں استعال ہونے والے تمام ساز وسامان کی لسٹ تیار کرنا۔

🖈 اس کام میں ہونے والے اخراجات کا ایک انداز ، تعین کرنا۔

🖈 پیچقیق کرنا که دیگر ضروری اشیاء دستیاب ہیں کنہیں۔

نا۔ کااستعال تیج ڈھنگ سے کرنا۔

میں (Store Room) میں خریدے گئے ساز وسامان کی ایک کسٹ بنانا تا کہ مستقبل میں اس کا استعال کیا جاسکے۔اگر سارے آلات کو حفاظتی روم (Store Room) میں رکھا گیا ہو۔

اس کام (Project) کی مکمل (Report) تیار کرنا۔

مندرجہ بالاکام کوکرنے کے دوران طلباء کئی تجر بات اور بہت سارے علوم سے آ راستہ ہونگے کیونکہ وہ خود سے سارے کام کررہے ہیں اور دیھ رہے ہیں۔ ریاضی کی درس و تدریس ٹھیک اسی طرح سے اگر طلباء خود سے ریاضی کو پڑھیں ، حل کریں تو انہیں بہت سی با تیں سمجھ میں آئینگی اور ریاضی ان کے لئے آسان مضمون ہوجائے گا۔مندرجہ بالا نکات کو یامنصوبے کورنگ وروغن کے کام کو مکمل کرنے کے لئے تیار کیا گیا تھا اور وہ کام کمل ہوا بھی اور اس کو پورا کرنے میں کوئی خاص وقت بھی درپیش نہ آئی کیونکہ سارے کام پہلے ہی منصوبہ بند طریقہ سے چل رہے تھے۔ اس لئے وہ پر وجیکٹ پایئے بھیل تک پہنچ ہی گیا۔ اسی طرح ریاضی کے ساتھ بھی ممل کرنے کی ضرورت ہے۔

ریاضی کے کچھ منصوبے: (Some Projects of Mathematics)

II - اسکول میں Stationary Stores جلانا۔

III - اسكول كاحاط مين باغ Garden لكانا-

VII - اسکول میں موجودریاضی کلب (Maths Club) کی سرگرمی میں حصہ لینا۔

VIII- پیدائش،اموات،آبادی وغیره جیسے ڈاٹاکی جانکاری جمع کرنا۔

IX - کسی مقامی کارخانے کے بارے میں جانا۔

X - اسكول كاسالانه جلسه منعقد كرنا-

منصوبائی طریقه کی خوبیان: (Merits)

🖈 یکئی نفسیاتی اصولوں اور طریقوں پرمبنی ہوتا ہے۔

منصوبائی طریقه کی خامیان: (Demerits)

(Activity Based Teaching): عمل بينى درس 3.5.8

زیادہ ترطلباء میں ریاضی کا خوف اوراس میں ناکامی کا احساس پایاجا تا ہے۔اور ریاضی انہیں مشکل ترین مضمون محسوس ہوتا ہے۔ایسا کیوں ہے۔ بیسو چنے کا مقام ہے۔اس کی گئی وجو ہات ہوسکتی ہیں ہوسکتا ہے کہ طلباء کے اوپر نصاب کا بوجھ بہت زیادہ ہو۔یا بنیادی علم میں کمی ہووغیرہ۔ چونکہ ریاضی ہی ایک ایسا مضمون ہے جس میں تصور (Concept) کے اندر بھی دوسر انصور / دوسر بے تصورات موجود ہوتے ہیں۔

کئی ایسے طریقے ہیں جن کے ذریعہ ریاضی کی تدریس کومؤثر بنایا جاسکتا ہے۔اگر ریاضی کی سرگرمیوں (Activities) کوایک منصوبہ بند طریقہ سے عمل میں لایا جائے تو طلباء ریاضی کودلچپہی سے سیکھیں گے۔اور ریاضی اپنے لئے آسان بھی ہوجائے گی۔

آئے دیکھتے ہیں کی کسر کی ضرب کوہم عملی طریقے سے کس طرح حل کرسکتے ہیں۔

مثال کے طور پر دیکھا جائے تو کسر کہ ضرب اسکولی سطح کے طلباء کے لئے مشکل ترین موضوع ہوتا ہے۔ اور بیصرف طلباء کے لئے ہی نہیں بلکہ استاد

کے لئے بھی مشکل ہوتا ہے۔ اس مسلے کی ایک خاص وجہ یہ بھی ہو سکتی ہے کہ ایسے سوالات کوحل کرنے کے لئے چند پہاڑے (Multiplication Table)

رٹا دیتے ہے۔ جس کے وجہ سے طلباء ضرب کرنا سیکھ نہیں پاتے ہیں۔ اگر انہیں روز مرہ کی زندگی میں Fraction (کسر) کی اہمیت وافادیت بتادی جائے تو باتوں کو بھے ضابہت آسان ہوجائے گا۔

آیئاس عمل کے ذرایعہ ہم منصوبہ بند تدریس پرایک نظر ڈالتے ہیں۔

۔۔ جناب وکرم پٹیل کے پاس مربع (Square) کی شکل میں زمین کا ایک گلڑا (Plot of Land) ہے جس کے Side کی لمبائی اللہ اللہ ہے والد نے ان سے (1*)1/3 زمین خرید لی اور اس میں سے (2*)1/2 غنی کو دے دیا۔ ہمیں غنی کو ملنے والی زمین کی کسری شکل معلوم کرنا ہے۔

اس مسلئے کوئل کرنے کے لئے معلم ایک Activity کرواسکتا ہے۔ جوسلسلے وار طریقہ سے ہوگی۔وہ آ گے بیان کی جارہی ہے۔

	, • .••		3
	خودسے سوالات کرنا Self Questioning		سهولیات فرانهم کرنا Facilitating
ہاہوں۔	میں درجہ میں آج کون می سرگرمی (activity) کرنے جار ہ		کسی ایک کسر (Fraction) کودوسری کسرسے ضرب کیا جارہا ہے۔
م كون سے تصور يا كون سے مقصد	ِ کے ضرب کو 💮 * اس عمل کے ذریعہ 🕯	رنااورکسر	* دوكسر كوضرب كرنا،عبارى سوال واليمسلية كوحل ك
	objective کوسیکھ پائیں گے۔	:	سیکھیں گے۔
	* اسے کرنے میں کتناوقت لگے گا۔		
			تصور پر discuss کرنے کے بعد یا دوران مربع کی شکل کا پیرِ طلباء کو دیا
			جائے گا۔جوزمین کے ٹکڑے کے مانند مانا جائے گا۔
			vertically موڑنے کے لئے کہوں گا۔ اور پھراس کے ایک حصّے کو
			shade کیاجائےگا۔
	ہاجائےگا۔	وڑنے کو	* horizontally اب کا غذ step-3(min) *
			جس سے وہ دو برابرحصوں میں تقسیم جائے گا۔
	و پہچان لیں گے جو	کی زمین	* (step-4(5min طلباء نی
			1/2 كا 1/2 بوگا ــ
			*(step-5 (5min معلم اسی طرح کا دوسرامسلئه دیگا۔اوراس میں
			*(*1) is 3/4 & (*2) is 2/3
			conclusion(min) : کُتانگا
			*(step-6 (10min) طلباء دوسرے مسلئے کوحل کرنے کے لئے کاغذ کو پھر
			سے fold کرینگے۔

	نما بتانے کو کہے گا۔
	🖈 طلباءاورمعلم دونوں اس نتیج تک پہونج گئے ہیں کہ کسی طرح دو
	کسرول کوآپس میں ضرب کرتے ہیں۔
	نہیں ۔ چونکہ صرف کا غذ کوفو لڈ کرنا تھا۔ کس Rectangle کے رقبہ کی
	پیائش کیسے کرسکتے ہیں۔ یا sq km کے مربع نما area کا رقبہ کیسے معلوم
	کرینگے۔
کیا کوئی احتیاط پیائش کا بھی استعال ہوا، میں ان سے کیا سوالات	🖈 کوئی خاص نہیں ۔ پر کاغذ کوموڑنے اور مربع کو گننے کے دوران تھوڑا
کرول کہوہ محرک ہول۔	احساس ہوا۔طلباء کو بیتو سمجھ میں آگیاہے کہ دو کسر کوضرب کرنے سے ایک
	کسر ہی حاصل ہوتی ہے۔جس میں شار کنندہ کا حاصل ضرب شار کنندہ اور
	نصب نماؤں کا حاصل ضرب نصب نماہی ہوتا ہے۔
کیا میں نے طلبہ کو activity کرنے کے دوران کوئی دشواری کا	پورے درجے کے مواد کو summarise کرکے اور بتائی گئی با توں کو
سامنا کرتے ہوئے دیکھا۔اب میں نتائج کوطلبہ کے سامنے سطرح	دو ہرا کر کے۔
واضح كرول_	
طلبہ اپنے observation کے ریکارڈ کوکس طرح تیار کریں	format کلیاء کچھ تصاویر بنائیں گے۔جس کے لئے مندرجہ ذیل
	استعال ہوسکتا ہے۔
اب میں پورے مل کوئس طرح ہمت افزائی کے ساتھ پیش کروں کہ	
طلباءخودنتائج کی طرف مائل ہوجائیں۔	
اس تصور کو میں روز مرہ کی زندگی سے کیسے جوڑ سکتا ہوں۔	🖈 جائداد کی تقسیم میں، زمین کی تقسیم وغیرہ میں۔
🖈 میں طلباء کی فہم اور شمجھ کو کیسے مبھھ پاؤں گا۔	
میں اس activity کواختنا م پرکس طرح لے جاؤں گا۔	🖈 میں طلباء کو جانچ پر چه دیکراس پرغوروفکر کروں گا۔اس کے علاوہ طلباء
	کے ذریعہ تیار کئے جانے والے Record کو بھی میں درجہ میں گھوم کر
	ديكھولگا۔
میں کس طرح اسکے تصور کی طرف طلباء کی تو گہمیذ ول کراؤ نگا۔	© آج کے تصور کو Generalise کر کے اور سیکھے ہوئے تصور کو کسر کے
	دیگر کاموں جیسے decimal اور percentages وغیرہ میں اس کا
	استعال بتا کر۔

عمل برمبنی درس کی خوبیان: (Merits)

🖈 پیطریقه تدریس مکمل طور سے نفسیاتی اصول پرمینی ہوتا ہے۔

🖈 پیطریقة طلباء کوغور وفکر کرنے اور سوچنے کے لئے اکسا تاہے۔

🖈 طلباء تصور كوصاف طور سے سمجھ ليتے ہیں۔

🖈 رٹ کرسکھنے سے دور کرتا ہے۔

🖈 طلباء کاعمل اور رغمل اس طریقه میں شامل ہوتا ہے۔

ک اس طریقے کے ذریعہ طلباء میں ہمت افزائی ہوتی ہے۔اس کے علاوہ محنت کرنا،ایک دوسرے کا ساتھ دینااورخوداعتا دی کا فروغ کرنااس طریقے کا اصل مقصد ہوتا ہے۔

🖈 پیطریقة طلباء کو نئے حالات میں اپنے علم کواستعال کرنے کی صلاحیت عطا کرتا ہے۔

عمل بربنی درس کی خامیان: (Demerits)

یدایک طویل (lenghty)عمل ہے جس میں بہت زیادہ وقت در کار ہوتا ہے۔

🖈 اس طریقے کے ذریعہ نصاب کامکمل کرنانہایت مشکل ہوتا ہے۔

🖈 اس کے علاوہ بہت سارے سازوسا مان کی ضرورت ہوتی ہے۔

ا پنی معلومات کی جانج:

1- ریاضی کے چندطریقہ ہائے تدریس کے نام کھیے۔

2- استقرائی طریقه ء تدریس سے کیام راد ہے۔

3- جس طریقه و تدریس میں معلوم سے نامعلوم کی جانب عمل ہوتا ہے اسے کونساطریقہ کہتے ہیں۔

4- تجزیه(Analysis) کسے کہتے ہیں۔

5- جس طريقه تدريس مين چندا جزاء كومتحد كياجا تا ہے اسے كيا كہتے ہيں۔

6- کسطریقه ء تدریس میں استاداور طلباء ریاضی کی تجربهگاہ میں کا م کرتے ہیں۔

3.6 حل مسئله کاطریقه: (Problem Solving Method)

حل مسئلہ طریقے کے مراحل اور اقد امات۔ الجبراء، اور علم حساب (Arithmetic)، جیومیٹری علم ہندسہ، علم مثلث (Trigonometry)، امکانات (Probability) اور ثناریات (Statistics) وغیرہ کے مسلوُں کوحل کرنے کے لئے دیگر طریقے کی تلاش کرنا۔

حل مسئلہ طریقہ کام کے ذریعہ سیجھنے کا طریقہ ہے۔اس طریقہ تدریس میں روایتی انداز تدریس کونظر انداز کر دیا جاتا ہے۔اس طریقے میں وقت اور تو انائی زیادہ صرف ہوتی ہے۔ایک ناتج بہ کارطالب علم اس طریقے سے غلط نتائج بھی اخذ کرسکتا ہے۔اس طریقے میں معلم کی سیحے سمت میں رہبری درکار ہوتی ہے۔ پیطریقہ تدریس ابتدائی جماعتوں کے لئے موزوں نہیں ہے۔

اس طریقہ تدریس میں ایک مخصوص مسلئہ یا موضوع طلباء کودے کریہ کہا جاتا ہے کہاس کاحل کاغور وفکراوراستدلال کے ذریعہ تلاش کرنے کی کوشش کریں۔مسلئہ عام طور پرتعلیمی اہمیت کا حامل اور حقیقی زندگی ہے متعلق ہوتا ہے۔ حل مسله طریقہ ریاضی کے لئے عمدہ ہے۔ پیطلبہ میں ریاضی کے علم کا فروغ کرتا ہے۔ پیطلباء کوترغیب دیتا ہے کی کسی دیے ہوئے سوال کوکسی طرح حل کیا جائے تا کہ مسلئہ کاحل ہوسکے۔

اس طریقهٔ تدریس میں طلباء کی قوتِ برداشت میں اضافہ ہوتا ہے۔موضوع یا مسلئہ کے حل کے دوران درج ذیل مرحلوں (steps) کا خیال رکھاجا تاہے۔

مسلك الصحيح احساس اور شاخت: (Recognising or Identifying the problem)

مسلئے کا احساس اور شاخت کرنا نہایت ہی ضروری ہوتا ہے۔ بیکوئی ضروری نہیں ہے کہ دیا گیامسلئے ہیتے ہو۔اصل بہ ہے کہ طلباءخود ہے مسلئے کی شاخت کرلیں۔

مسّله کا تج به کرنا: (Analysing the Problem)

مسلئه کاتج: بهمسلئے کےعناصر کی شناخت کرنااور دیگر جا نگار بول کوخل ہر کرناوغیر واس مہارت کے اجزاء ہیں ۔

3) رماضي تعلق رکھنےوالے رشتوں کی تلاش کرنا/ مفروضات کی تشکیل کرنا

جواب کی تلاش کے لئے منصوبہ تیار کرنا، جس میں trial, terms & error کرنا اور دیگر حکمت عملی اس مرحلے میں اپنائے جاتے ہیں۔

4) حل کی تلاش کرنا

نتيجه كي حارج كرنا

5) نتیجه کوقبول کرنااوراس ممل کرنا۔

اس مرحلے میں آنے والے نتائج Results کو قبول کر کے آگے کے مسلئے میں بھی اس کا استعال کیا جاتا ہے۔

مثال:۔ روسیٹوں کے Union کی تعریف بیان کریں۔اگر (2,3,4,5) ہے: دوسیٹوں کے Union کی تعریف بیان کریں۔اگر کرس کیہ

AU (BUC) = (AUB) UC

(Solution)

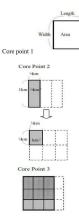
اسٹیس1: مسلئے کی شناخت

طلباء دئے گئے مسلئے کود کچھ کرمطالعہ کراہے مجھ لیں گےاوراور پھراسے اپنی زبان میں بیان کریں گے۔

- دوسیٹس A اور B کا پوندن وہ سیٹ ہوتا ہے جس میں A اور B کے سارے members آتے ہیں۔ (1
- دوسیٹس A اور B کے یونین کو AUB 'سے دکھایا جاتا ہے اور اسے Symbolically دکھانے کے لئے کا (2 استعال کرتے ہیں۔
 - مشتر کدارکان (common elements) کوصرف ایک ہی بارلیاجا تا ہے۔

اسٹیپ2: مسلئے کا تجزیہ

طلباء مسلئه کی شناخت کر کے اور اسے اپنی زبان میں بیان کرنے کے بعد تجزید کرتے ہیں کہ اس مسئلہ کاحل کس طرح کیاجائے گا۔



اسٹیپ 3: ریاضی کے تعلقات کی تلاش/ آزمائشی مفروضہ قائم کرنا۔

مسلئہ کے مختلف بہلوؤں کا تجزید کرنے کے بعد طلبہ یہ مفروضہ قائم کرینگے کہ اس سب سے پہلے سیٹ Bاور سیٹ ک کے یونین کو معلوم کرنا calculate ہوگا لیعنی (BUC) اس کے بعد سیٹ A کے یونین اور BUC کو لکھنا ہوگا۔ تو اس طرح وہ (AUB) UC یا C) کی مقدار Value/معلوم کرسکیں گے۔

Pics-1 - Conving not

اسٹیپ4: حل کی تلاش کرنا/مفروضہ کی جانچ

تواس طرح سےاوپر دئے گھے data کے مطابق طلباء مندرجہ ذیل طریقہ کے مطابق مسلئہ کاحل نکال سکیں گے۔

BUC = (3,5,6)U(4,6,7,8,9) = (3,4,5,6,7,8,9)

AU(BUC) = (2,3,4,5)U(3,4,5,6,8,9)

=(2,3,4,5,6,7,8,9)

اسی طرح سے

AUB = (2,3,4,5)U(3,5,6)

=(2,3,4,5,6)

(AUB)UC = (2,3,4,5,6)U(4,5,6,7,8,9)

=(2,3,4,5,6,7,8,9)

مسلئے کاحل کرنے کے بعد طلباءیہ تجزیہ کرینگے کہ حاصل شدہ حل درست ہے یانہیں اور (AUB)UC, AU(BUC) کے برابر ہے یانہیں۔ اسٹیپ 5:- نتیجے کوقبول کرنا اور اس پڑمل کرنا۔

اپنے مفروضہ کے ٹیسٹ کے بعد طلباءاس نتیجے پر پہونچ جائیں گے کہ

AU(BUC) = (AUB)UC

تواس طرح طلباءا پنے Results کو تقسیم کے طرف لئے جائیں گے اور اپنے علم کوئے مسلئے کومل کرنے کے لئے استعمال کرینگے۔

حل مسّله طریقه کی خوبیان: (Merits)

ال طریقے کی فطرت سائنسی ہے۔

ک اس کے ذریعہ اچھے سے پڑھنے منصوبہ بنانے، Reasoning کرنے میں مدوماتی ہے اور آزادی سے کام کرنے کی ترغیب بھی ماتی ہے

🖈 پیطریقه علم کانتیج استعال اور تجربے کواستعال کرنے کی سمجھ دیتا ہے۔

🖈 پیطلبہ کوسوچنے پر آمادہ کرتا ہے۔

🖈 طلبئه نے حالات میں کس طرح عمل کریں پیجھی تعین کرتا ہے۔

🖈 پیطلباء میں اجتمائی سرگرمی کوفروغ دیتا ہے۔

🖈 تجویز کی تقیدیق کرنے میں مدد کرتاہے۔

🖈 پیطریقه کرکے سکھنے برمبنی ہے۔

🖈 پیصبر، مل جل کرکام کرنے اور خوداعتادی جیسی صفات کا فروغ کرتا ہے۔

حل مسله طریقه کی خامیان: (Demerits)

ا پني معلومات کی جانج:

1- حل مسلك كاطريقه Problem Solving Method كسي كهتي بين-

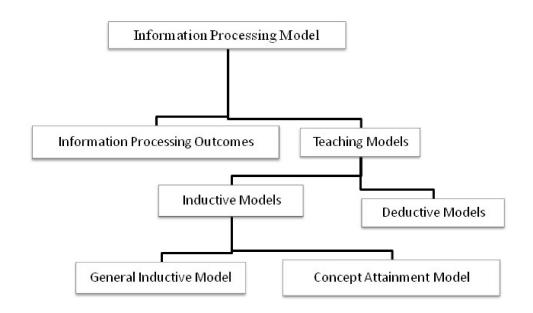
3- حل مسلم كطريق كم احل Steps كون سے بيں - 3

Attainment Model of Mathematics and its application in Teaching)

Joyce & Bruner) 1972 در هیقت Concept Attainment Model ورحقیقت Concept Attainment Model کے ذریعہ تیار کیا گیا تھا۔ جو (ایعہ تیار کیا گیا تھا۔

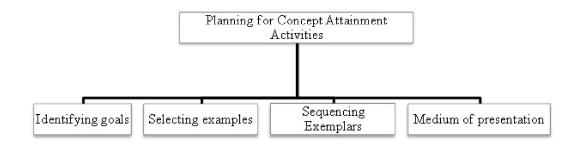
ریاضی و ممل (Process) ہے جس میں events کوئی مراحل میں تقسیم کر دیاجا تا ہے۔

CAM طلباء کوکسی بھی کام کرنے کا ایک منصوبہ بند طریقہ اور سلسلے وارموقع فراہم کرتا ہے جس طرح سائنس دال کسی بھی کام کوانجام دیتے ہیں۔ CAM ایک استقرائی ماڈل ہے جسے تصور کی تدریس کے لئے تیار کیا گیا ہے۔



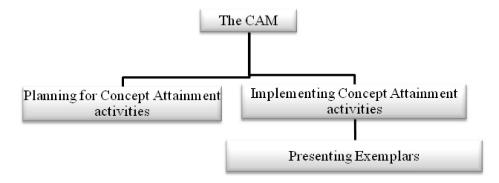
تصویر CAM جس میں معلم طلباء کو مثال اور دوسرے ذرائع کے ذریعہ تصور کو تہجھا کیں گے۔

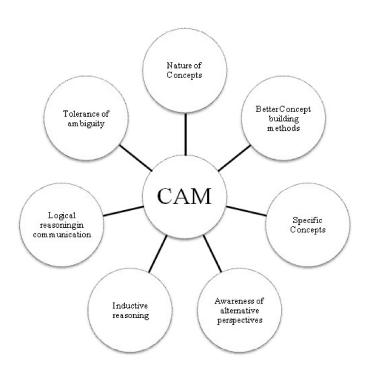
معلم کو کسی خاص تصور کی جمیل پذیری کرنا: (Planning of Concept Attainment Activity) معلم کو کسی خاص تصور کی تعمیل بذیری کرنا: (Planning of Concept Attainment Activity) معلم کو کسی خاص تصور کی تعمیل میں تعمی



Implimenting Concept Attainment Activities

C.A.A. کے لئے ضروری سامان یا آلات





Acquire: Concept Attainment Model

اسکے کام۔۔

معلم کسی تصور کے لئے مثالیں examples کو پیش کرتا ہے۔

🖈 معلم کووقت دینا چاہئے تا کہ طلبہ اپنے خیالات کوپیش کرسکیں۔

🖈 معلم کوحو صلے کے ساتھ کام لینا ہوگا ، اگر طلبہ پہلامفروضہ غلط کردیتے ہیں پھر بھی معلم کو Interrupt نہیں کرنا چاہئے۔

🖈 اینے طلباء کوگروپ کی شکل دینا۔

develop كرنا-

ا بني معلومات کی جانج:

Concept Attainment Model -1

2- CCA ماڈل کے لیے ضروری سامان / آلات کون سے ہیں؟

3- CCA ما ڈل میں معلم کا کردار بیان کیجیے۔

(Points to Remember): يادر کھنے کے نکات: (3.8

تدریسِ ریاضی میں مختلف ریاضیاتی تصورات (Mathematical Concepts) کو بالکل صحیح طریقے سے طلبہ کو سمجھا نا ایک بڑا چینج موتا ہے۔ اس کے لئے سب سے پہلے بیضروری ہے کہ خود معلم ، ان نصورات کواچھی طرح سمجھ لے۔ بالحضوص وہ عنوانات جو، ثانوی اسکولوں کی ریاضی کی کتابوں میں شامل ہیں ان کا بہت ہی گہرائی کوساتھ مطالعہ کیا جانا چاہئے۔

تدریسِ ریاضی کے لئے (Chalk & Talk Method) کوحرفِ آخر، سیجھتے ہوئے معلم نے ماہرین کے ذریعہ پیش کردہ مختلف طریقہ ہائے تدریس (Methods of Teaching) جیسے استقرائی طریقہ، استقرائی واستخراجی طریقہ، استقرائی واستخراجی طریقہ، تجلیلی قرتر کیبی طریقہ، تجربہ گاہی طریقہ، منصوبائی طریقہ، وغیرہ کوبھی حسب ضرورت استعال کرناچا ہیں۔

چونکہ ہرطریقے کی اپنی خوبیاں اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چاہئے کی اِن معیاری طریقوں سے رہنمائی حاصل کرتے ہوئے اپنے طلبہ کی دلچسپی، عمر، سابقہ معلومات اور ضرورت وغیرہ کالحاظ کرتے ہوئے نیزعنوان کے تقاضوں اور خودا پنی صلاحیتوں کو مدنظر رکھتے ہوئے ایسا طریقۂ تدریس اختیار کرے کہ چلبہ آسانی کے ساتھ سکھ سکیس۔

ریاضی مذرایس کے تناظر میں Concept Attainment Model کوذہن نشین رکھتے ہوئے بہتر منصوبہ بندی کی جانی چاہئے۔

3.9 فرہنگ: (Glossary)

متوازی = Parallel

Perpendicular = 3xec2

Polygon = کشید قزاق

امكان = Probability =

مقامی تعلقات = Spatial Relation

اعدادوشار = Statistic = عمل عملی = Strategy =

Trigonometry = علم مثلث

3.10 اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں (Unit End Activities)

طويل جواني سوالات:

۔ تدریس تصورات میں اقدامات کے بارے میں بتا ہے۔

2_ تصور کی تعریف لکھئے اور اسکی اقسام بیان کیجئے۔

2- CAM کیا ہے؟ ریاضی کی تدریس میں کس طرح سے اطلاق کر سکتے ہیں؟

4۔ پروجیکٹ طریقۂ کاراورعمل پرمٹنی درس (Activity Based Teaching) کومثالوں کے ذریعے سمجھا یئے۔

فنضر جوالی سوالات:

5۔ پروجیکٹ طریقۂ کارکیاہے؟

استقرائی اورانتخراجی طریقوں میں فرق واضح سیجئے۔

7- تجرباتی (Analytic)اورتر کیبی (Synthetic) طریقه میں فرق واضح کیجئے۔

8- انکشافی طریقه کی خوبیاں اور خامیاں بیان سیجئے۔

معروضی سوالات:

9۔ "تصوربچوں کا ندرونی ذہنی کر داراور تا ترہے۔" کس نے کہا؟

10۔ تشکیلی تصور کیا ہے؟

11- استحصالی تصور کیاہے؟

12۔ ریاضی کی کس شاخ میں زاویہ کے درمیان رشتوں اور تعلقات کا مظاہرہ کرتے ہیں؟

13 پراجیک کالفظ سب سے پہلے س ماہر تعلیم نے استعال کیا؟

(Suggested Readings) سفارش کرده کتابیں 3.11

Aggarwal, S.M.: Teaching of Modern Mathematics

Ayangar, N.K: The Teaching of mathematics in New Education

Kumar, K.L. (2001) Eductional Technology. New Delhi:-New Age International Publising Srinivasan,

P.K.(2010)Resource Material for Mathematics Club Actirarue.

Pedagogy of Mathematics, (2016). Volume I & II, Neel Kamal Pvt. Ltd, Hyderabad

ا کائی۔4 ریاضی کی درس ونڈریس کے لئے منصوبہ بندی

(Planning for Teaching-Learning Mathematics)

ساخت

(Introduction) : $3\pi \mu x$: 4.1

(Objectives) مقاصد: 4.2

4.3 خورد تدریس: (Microteaching)

(Microteaching: Concept, Definition, Microteaching cycle, components of Microteaching,

Merits & demerits)

(Microteaching Skills):خوردتدریس کی مهارتیں

(Introducing a lesson, Explaining a Concept, Stimulus Variation, Illustrating with Examples, Probing Questioning, Reinforcement, Structuring Classroom Questions, and Blackboard Writing)

(Unit Plan, Period Plan based on Bloom's Taxonomy & Academic Standards - CCE)

(Introduction) : تهيد: 4.1

ہر پیشے کا ہنر ہوا کرتا ہے۔ تدریس کا پیشہ ایک اہم پیشہ ہے جوقو موں کے مشتقبل کا ضامن ہوا کرتا ہے۔ کسی بھی مضمون کی تدریس کو موثر بنانے کے لئے ضروری ہے کہ اساتذہ تدریس کی مہارت سے واقف اور آراستہ ہونا چاہئے۔ دوران تربیت اساتذہ کوان مہارتوں کی مشق کرنی چاہیے۔ تدریس کی مہارت کے علاوہ تدریس کی منصوبہ بندی بھی انتہائی اہم امر ہے۔ آج درس و تدریس کا عمل روز بروز ایجاد ہونے والی ٹکنا لوجی سے متاثر ہور ہاہے۔ ان نئے حالات کے تفاضوں کے مطابق تدریس کو منظم کرنے کی ضرورت ہے۔ موجودہ اکائی تدریس کی منصوبہ بندی پر مشتمل ہے۔

(Objectives): مقاصد

اس اکائی کے مطالعے کے بعد آپ اس قابل ہوجائیں گے کہ۔

- 🖈 خور د تدریس کی خصوصیات بیان کرسکیس۔
- 🖈 خوردندریس کی مہارت کے اجزاء کی خصوصیات بیان کرسکیں۔
- تدریسی مدایات کی منصوبہ بندی کے مختلف اقسام کاموازنہ کرسکیں۔
- تکنالوجی ضم تدریس (Technology Integrated Teaching) کے منصوبہ کی خصوصیات بیان کرسکیس۔

4.3 خورد ترریس: (MicroTeaching)

تصور،تعریف،اجزاء،تدریس سائیل،خوبیاں اورخامیاں

(Microteaching: Concept, Definition, Microteaching cycle, components of Microteaching, Merits & demerits)

کسی بھی مضمون کی تدریس کومؤٹر بنانے کے لیے ضروری ہے کہ اسا تذہ تدریس کے ہنر سے آ راستہ ہوں۔ دورانِ تدریس کی مخصوص تدریس مہارتوں کی اگر مشق کی جا کیں توریاضی کی تدریس مؤٹر نابت ہوگی کیوں کہ زیر تربیت اسا تذہ ان مخصوص مہارتوں سے صرف واقف ہی نہیں بلکہ ان کی مشق کر کے اپنے تدریسی عمل کومزید بہتر بناسکتے ہیں۔ چونکہ ایک مخصوص مہارت پر مرکوز ہوکر مشق کرنے کے لیے ایک آئیڈیل (Ideal) کم رہ جماعت اور ماحول کی ضرورت پڑتی ہے۔ اس لیے تدریسی حالات کو وقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (Scale down) کر کے تدریسی مہارتوں کی مشق کی جاسمتی ضرورت پڑتی ہے۔ اس لیے تدریسی حالات کو وقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (Scale down) کر کے تدریسی مہارتوں کی مشق کی جاسمتی ہوئے اس کے اس اسٹینڈ فورڈ یو نیورسٹی میں ہوئے ہوئے ماہر بن نے خور دتدریس کا تصور چیش کیا۔ خردتدریس کو این ایا گیا ہے۔ اس ایجاد کا خاص مقصد تھا تعلیم اسا تذہ کے پروگرام کو بہتر بنانا۔ ہندوستان میں 1967ء میں خور دتدریس کو اپنایا گیا۔ خصوصاً ہندوستانی تدریسی ماحول اور حالات میں خور دتدریس کی مہارتوں پر پروجیک کے ذریعے تحقیق کی گئی۔ بعد میں اس کواسا تذہ کی تعلیم وتربیت کے پروگراموں میں شامل کرلیا گیا۔

4.3.1 خوردندرلین کاتصور: (Concept of Microteaching)

خورد تدریس ایک حکمت عملی ہے جس کے ذریعیہ زیرتر بیت اساتذہ میں تدریس کی مہارتوں کو پروان چڑھایا جاتا ہے۔اس غلط ہی سے دورر ہنا

چاہیے کہ بیاصل مدریس ہے۔اس میں 5-10 منٹ کے وقفہ 10-5 سے طلبا اور ایک مخضر مواد کی مدریس ایک مخصوص مدریس مہارت کے ذریعہ کی جاتی ہے۔ یہی وجہہے کہ خور دمدریس کو تخفیف شدہ (Scale down) مدریس کہا جاتا ہے۔

خلاصه کلام بیکهاس تربیت کی حکمت عملی میں مندرجہ ذیل نکات کی تخفیف کی جاتی ہے۔

- 1. کلاس کا دورانیه (Duration)
- (Class Size) לוט אל 2
- 3. سبق کی طوالت (Length of lesson)
- 4. تدریی پیمیدگی (Teaching Complexity)

چونکہ خورد تدریس میں تدریبی مہارت کومرکزی حثیت حاصل ہوتی ہے اس لیے تدریس کی پیچید گی کم رکھی جاتی ہے۔ زیادہ پیچیدہ تدریس سے پر ہیز کیا جاتا ہے۔ اس میں ایک وقت میں صرف ایک مہارت پرخصوصی توجہ دی جاتی ہے۔

4.3.2 خورد تدریس کے اجزاء: (Components of Microteaching)

خورد تدریس کے تین مخصوص اجزاء ہوتے ہیں۔

1. زیرتربیت اساتذه:

خور دیدریس کے ذریعہ بالخصوص زیرتر بیت اساتذہ میں تدریس کی مہارتوں کو پروان چڑھایا جاتا ہے۔ان لوگوں کو تدریس کی مہارتوں کی مشق کرنے میں شامل کیا جاتا ہے۔ یہ دوطرح سے خور دندریس کے مل میں حصہ لے سکتے ہیں۔

الف۔ مشاق کے طور پر

ب۔ فرضی طلبا کے طور پر

ایک زیر تربیت استاد تدریسی مہارتوں کی مثل اپنے ہم جماعت ساتھیوں پر مشتمل فرضی کمرہ جماعت میں کرسکتا ہے یا پھراصل طلبا کی چھوٹی تعداد کے ساتھ مثل کرسکتا ہے۔

2. بازرسائی (فیڈبک) آلات:

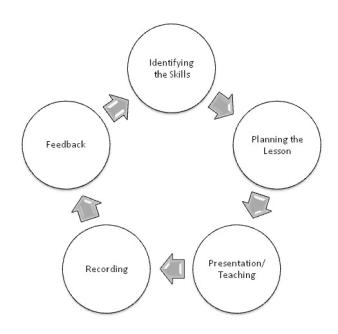
اس کے ذریعہ زیرتر بیت استادا پنی مشق کا تعین قدر کرسکتا ہے خصوصاً تشکیلی تعینِ قدر۔تا کہ وہ مزید مشق کرکے۔فیڈ بیک کے ذریعہ اپنی تدریس پیشکش کوویڈ یوگرافی کے ذریعہ دیکارڈ کرتا ہے اوراس دیکارڈ کو بلے کر کے اپنی تدریس کے مثبت اور منفی پہلو کی بیچان کرتا ہے۔

3. مهارت(Skill):

خور دید رئیں کا تیسرا بُور ہے تدریس کی مہارت اس سے مراداسا تذہ کے برتاؤ کاوہ سیٹ جس کے ذریعہ طلبا میں مطلوبہ تبدیلی مؤثر طریقے سے لائی جا سکے۔مثال کے طور پرتشرت کیاوضاحت، تختہ سیاہ کا کام، سوالات یوچھناوغیرہ۔

(Cycle of Microteaching) : خورد تدریسی گردش 4.3.3

خورد تدریس کا عمل ایک سائکل کی شکل میں کیا جاتا ہے۔اس چکر میں تدریس مہارت کی پیچان تدریس کے لیے منصوبہ، تدریس کی ریکارڈ نگ اور فیڈ بیک کے ذریعہ تجزیہ کاعمل شامل ہوتے ہیں۔اس سائکل کو مندرجہ ذیل تصویر سے تمجھا جاسکتا ہے۔



اول عمل میں 1,2,3,4,5 سبھی کے لیے جاتے ہیں اس کے 2,3,4,5 کاعمل بدستور جاری رکھا جاتا ہے جب تک مخصوص مہارت ایک مناسب سطح تک معلم طلبا کے برتاؤ میں ظاہر نہیں ہونے گئتی ہے۔

4.3.4 خورد تدريس كي خوبيان اورخاميان:

چونکه خورد تدریس تربیت کی ایک حتی (Ultimate) حکمت عملی نہیں۔اس لیے اس کی کچھ خوبیاں ہیں اور کچھ خامیاں بھی اس میں پنہاں ہیں۔ خور دیدریس کی خوبیاں:

یا یک منظم اور رسی مہارت کی مثل کرواتے ہیں۔ دہندہ اور زیرتر بیت اساتذہ انہائی منظم طریقہ سے ہرایک تدریسی مہارت کی مثل کرواتے اور کرتے ہیں۔ مثاق کو اپنے ہیں۔ دہ اپنی مثل کے متند شواہد حاصل ہوتے ہیں۔ دہ اپنی مثل کے مدسے دیکھ سکتا ہے خرد تدریس میں اساتذہ کے کمز ور اور منفی پہلو کا فیڈ بیک فوری ملتا ہے۔ جس کی روثنی میں وہ اپنی پیش کش کو دوبارہ بہتر طریقہ سے منظم کرتا ہے۔ اس تکنیک میں فو کس لرنگ ہوتی ہے۔ استادیک ہی مہارت کی بار بارمش کرتا ہے زیرتر بیت اساتذہ مختلف تدریسی مہارتوں سے واقف ہوجاتے ہیں اور ساتھ ہی ساتھ ان مہارتوں کو اپنی اصل تدریس کے مل میں استعال کرنے کے قابل بن جاتے ہیں۔

خورد تدريس كي خاميان:

خورد تدریس کے لیے انہائی تربیت یا فتہ اور تجربہ کارتربیت دہندہ کا ہونا ضروری ہے جو ہر جگہ دستیا بنہیں ہوتے ہیں۔ چونکہ چھوٹے سائز کے کمرہ جماعت یعنی 10-5 طلبا کو درس دینے میں زیر تربیت اساتذہ کی دلچیں کم رہنے کے فدشات بنے رہنے ہیں۔ اس کی تربیت کے لیے بہت زیادہ وقت کی ضرورت پڑتی ہے۔ ایک زیر تربیت معلم کو 35 منٹ چا ہے۔ اگر 50 افراد ہیں ان کے مطابق بہت وقت درکار ہے۔ باوجود کہ اس میں کمرہ جماعت کی ساری شرائط پوری کی جاتی ہیں پھر بھی اصل کمرہ جماعت سے مختلف ہو جاتا ہے۔ اس کی مثق سے استاد چھوٹے کمرہ جماعت کو درس دینے کا عادی ہو سکتا ہے۔ حالانکہ بڑے کمرہ جماعت کی نزاکتیں مختلف ہواکرتی ہیں۔ انسان کی کوئی بھی کوشش ایک طرفہ نہیں ہو سکتی خصوصاً تدریس کا عمل ۔ اس میں کئی مہارتوں کو بیک وقت استعال کرنے کی ضرورت بڑتی ہے۔

ا پنی معلومات کی جانج:

- 1- خوردتدریس کیاہے؟
- 2- خورد تدریس میں کن نکات کی تخصیص کی جاتی ہے؟
 - 3- خوردند رایس کے تین اجز اءکون کون سے ہیں؟
- 4- خوردندرلیی گردش میں شامل 5 چیزیں بیان کیجیے۔
 - 5- خورد تدریس کی دوخوبیاں بیان کیجیے۔

(Microteaching Skill): خوردتدرلیس کی مهارتیں:

سبق كاتعارف، تصور كي وضاحت كرنا، محركات كي تبديلي، مثالين پيش كرنا، سوالات يو چيفا، تقويت عطا كرنا،

(Introducing a lesson, Explaining a concept, Stimulus variation, Illustrating with examples, Probing Questioning, Reinforcement, Structuring Classroom Questions, and Blackboard Writing)

مختلف تدریی مہارتوں کی مثق کی جاتی ہے تا کہ اسا تذہ کے برتاؤ میں یہ مہارت ظاہر ہو۔ان مہارتوں کی مدد سے اسا تذہ اپنی اصل تدریس کومزید مؤثر بنانے کی کوشش کرتے ہیں ۔ یوں تو تدریس کی بہت ساری مہارتیں ہیں مختلف ماہرین درسیات نے مختلف تعدا دبتائی ہیں عمومی طور پر 15-10 مہارتوں پرخصوصی زوردیا جاتا ہے۔ان مندرجہ ذیل مہارتوں کے بارے میں ہم سکھیں گے۔

- 1. سبق كاتعارف كرنا
- 2. کسی تصور کی وضاحت
 - 3. محرکات کی تبدیلی
 - 4. مثالیں پیش کرنا
 - 5. سوالات يو چھنا
 - 6. تقویت دینا
- 7. كمره جماعت كے سوالات بنانا
 - 8. تخننه سیاه کا کام

یہ تھ مہارتیں تقریباعلم ریاضی اور دیگر مضامین کی تدریس میں استعمال کی جاتی ہیں۔اسا تذہ کو ان مہارتوں سے آراستہ ہونے کی ضرورت ہوتی ہے۔

4.4.1 سبق كاتعارف بيش كرنے كى مهارت:

کمرہ جماعت میں کسی سبق کا درس دینے پہلے استاد کو چاہیے کہ اس کا تعارف انتہائی مدل انداز میں اور تسلسل کے ساتھ پیش کر سے طلبا کوخوب اچھی طرح واقف کرایا جانا چاہیے کہ وہ آج کیا سیکھیں گے۔اس واقفیت سے ان میں تحریک اور تجسس پیدا ہوتا ہے۔ طلبا کی توجہ مرکوز ہوتی ہے اور وہ سیکھنے کوآ مادہ ہوجاتے ہیں۔ ان کی سابقہ معلومات کومر بوط کرنا آسان ہوجاتا ہے۔اس مہارت کے گئ اجزاء ہیں جومندرجہذیل ہیں۔

1. طلبا کی توجہ حاصل کرنا

- 2. طلبا كومتحرك كرنا
- 3. طلبا کی سابقه معلومات سے نئے سبق کے ساتھ مربوط کرنا
 - 4. سبق کی ساخت واضح کرنا

4.4.2 كسى تصور كى وضاحت:

تدریس کے دوران مواد میں بہت سارے تصورات کافہم کرایا جاتا ہے۔ بھی بھی کچھ تصورطلبا کے لیے بالکل نئے اور بھی مشکل ہوتے ہیں ایسے تصورات کی وضاحت کی ضرورت ہے۔ مناسب وضاحت کی مدد سے مناسب اور حسب ضرورت آموزش کرائی جاستی ہے۔ اس کی مہارت کے ذریع طلبا میں تفہیم اوراعلی درجہ کے سوچنے کی صلاحیت پیدا کی جاستی ہے۔ ایک مؤثر استاد میں یہ مہارت موجود ہونا لازمی عضر ہے۔ اس کی مدد سے زیرتر ہیت معلم کی دکھیری صلاحیت کوفر وغ ماتا ہے۔ اس مہارت کے مندرجہ ذیل اجزاء ہوتے ہیں۔

- 1. تصور کی وضاحت
- 2. وضاحت میں روانی
- 3. طلبا كي تفهيم كاتعين
- 4. منظم طریقے سے دوہرانا
- 5. خاص نكات كاخلاصه بيان كرنا
- 6. طلبا كي سابقة معلومات سے ربط كرنا

4.4.3 مهیج محرکات کی تبدیلی کی مهارت:

کمرہ جماعت میں استاد کے بکسال برتاؤ سے طلبا میں بوریت پیدا ہوتی ہے۔ نیتجاً طلبا کی دلچیسی کم ہونے لگتی ہے۔ بھی بھی تو طلبا کمرہ جماعت میں اور تکھنے لگتے ہیں ۔اس لیے استاد کو چاہیے کہ وہ حسب ضرورت کمرہ جماعت میں مختلف مہج محرکات کا استعمال کرکے ماحول میں تنوع (Variety) کو برقر ارر کھے۔ بیمحرکات مختلف شکلوں میں ہوسکتے ہیں۔استادا پی وضع قطع سے حرکت سے،سکوں سے، فنظی اور غیر لفظی اشاروں سے تدریسی معاون اشیاء کی مد دسے محرکات میں تبدیلی لاسکتا ہے۔ مختلف محرکات کے استعمال کا ایک بڑا فائدہ یہ ہے کہ طلبا کے مختلف حواس خمسہ متحرک ہوتے ہیں۔اس سے ان کی فنسی حرک مہارتیں ترقی یاتی رہتی ہیں۔اس مہارت کے مندرجہ ذیل اجزاء ہیں۔

- 1. استاد کی حرکت
- 2. اعضاء کی حرکت
- 3. بالهمى تعامل كى نوعيت
 - 4. تقریر کی نوعیت
 - 5. منتقل حس
 - 6. طلبا کی سرگرمی

4.4.4 مثالين پيش كرنا:

مثالوں کے ذریعہ استاد طلبا کی آموزش کی مزید توسیع عطا کرتا ہے۔ طلبا کی آموزش مثالوں سے مربوط ہوجاتی ہے جس کی مدد سے طلبا میں انضامی صلاحیت پیدا کرنا آسان ہوجاتا ہے۔ مشکل تصورات کو متنف مثالوں سے سکھایا جاتا ہے۔اس کے مندرجہ ذیل اجزاء ہیں۔

- 1. موزول مثالیں
- 2. آسان مثالیں
- 3. مثال کی دلچیسی کی نوعیت
- 4. مناسب وسيله كااستعال
- 5. طرزرسائی (Approach) کی مناسبت

4.4.5 سوالات يو جينے كى مهارت:

طلبا کی توجہ حاصل کرنے ان کی سابقہ معلومات کی جانچ کرنے ،ان کی وہنی سطح معلوم کرنے اوران کے آموزش کا تعین کرنے کے لیے مناسب سوالات ان سے پوچھے جاتے ہیں۔سوالات کے ذریعہ طلبہ میں تحریک اور تجسس بھی پیدا ہوتا ہے۔اس کے ذریعہ طلبا میں مدل سوچ کی صلاحت پیدا کی جاسکتی ہے۔ پیدا ریس کا ایک اہم حصہ ہوتا ہے تدریس کے تینوں مراحل میں اس کا استعال کیا جاتا ہے یعنی قبل درمیان اور بعد تدریس۔

سوالات یو چھنے کی مہارت کے اجزاء مندرجہ ذیل ہیں۔

- (Sentence Construction) جمله بندي
 - 2. مركوزسوالات
- (Distribution of Question) .3
 - 4. آمادگی سطح کے سوالات
- (Different level of Question) عتلف سطح کے سوالات
 - (variety in Question) موالات مين تنوع

4.4.6 تقويت عطاكرنا:

ماہرین نفسیات کے مطابق آموزش کے عمل میں تقویت ایک اہم رول اداکرتی ہے۔ طلبامتحرک رہتے ہیں کمرہ جماعت میں دلچی لیتے ہیں اور مزید سکھنے کے لئے کوشاں رہے ہیں تقویت کے ذریعہ آموزش کو پائیدار بنایا جاسکتا ہے۔ اس کے برعکس تقویت کی عدم موجود گی میں درس و تدریس کا عمل خاطر خواہ مؤثر نہیں ہو پا تا ہے۔ طلبا دلچیسی کم لیتے ہیں۔ کمرہ جماعت سے قطع تعلق کا رجحان طلبا میں بڑھنے لگتا ہے۔ تقویت نفظی اور غیر لفظی قتم کی ہوتی ہے۔ استاد کمرہ جماعت میں لفظوں مثلا شاباش، بہت اچھا، کیا خوب، جیسے الفاظ استعال کرتا ہے۔ وہ اگر اپنی وضع قطع کے ذریعہ سکرا کر، غصے کا چہرا بنا کرطلبہ کے برتاؤ پر رحمل ظام کرتا ہے۔ ایسے عمل کو غیر لفظی تقویت عطاء کرنا کہلاتا ہے۔

تدریس کاعمل ایک مہارت پر مشتمل نہیں ہوتا بلکہ اس میں بہ یک وقت ایک سے زیادہ مہارتوں کی ضرورت پڑتی ہے۔اس کے لیے بھی درکار

مہارتوں کو ایک ساتھ شامل کرنے کی ضرورت ہے۔اجماعی تدریس (Team Teaching) کا موقع اس میں دستیا بنہیں ہوتا۔ایک وقت میں ایک استاد ایک ہی مہارت کی مشق کرسکتا ہے۔

ا بني معلومات کی جانچ:

- 1- خوردندریس کے ذریعہ سیکھائی جانے والی کسی دومہارتوں کے نام بتایئے۔
 - 2- مثالیں پیش کرنے کی مہارت کے اجزاء بیان کیجیے۔
 - 3- دوران تدريس طلباء سے سوالات كيوں پوچھے جانے چاہيے۔

4.5 تدریسی مدایات کی منصوبہ بندی: (Planning of Instruction)

ا کائی منصوبہ بندی، بلوم درجہ بندی پرمنی منصوبہ بنتی

(Unit Plan, Period Plan based on Bloom's Taxonomy & Academic Standards - CCE)

4.5.1 اكائي منصوبه بندى:

تدریس کاعمل ایک منظم عمل ہے۔ جس میں استاد، طلبہء اور سماج کے وسائل وتو انائی خرچ ہوتی ہے۔ اس لئے ضروری ہے کہ تدریس کی سرگرمیوں کے ذریعیہ زیادہ سے زیادہ استفادہ کیا جائے۔ طلباء کی آموزش بہتر ہوجائے۔ اسکے لئے ضروری ہے کہ تدریسی ہدایات کو منصوبہ بند طریقہ سے برروئے کا رلایا جائے۔منصوبہ کے ذریعہ ہم فراہم وسائل کا بجر پوراستعال تدریسی مقاصد کے حصول میں کرسکتے ہیں۔ چونکہ پورامضمون کئی مدل حصوں میں بنتا ہوا ہوتا ہے۔ ہرایک حصہ کسی مخصوص مواداور تصور کے اردگر دمرکوز ہوتا ہے۔ ایسے ہرایک جھے کو اکائی کے طور پر منسوب کیا جاتا ہے۔

ا کائی منصوبه بندی اورا سکے مقاصد:

ا یک ا کائی میں کئی عنوان اور ذیلی عنوان ہو سکتے ہیں۔ مثال کے طور پرعلم ریاضی کامضمون جیومیٹری علم حساب علم مثلث، شاریات وغیرہ ا کا ئیوں میں بنٹا ہوا ہوسکتا ہے۔اب ہرایک ا کائی میں کئی عنوان اور ذیلی عنوان ہو سکتے ہیں۔مثال کے طور پرا کائی علم ہندسہ (جیومیٹری) کے عنوان

- 1۔ مثلث کی خوبیاں
- 2۔ مثلث کے اقسام
- 3- حارضلعی کی خصوصیات
- 4۔ حیار ضلعی کے اقسام وغیرہ

تدریس کے لئے اکائی منصوبہ بندی:

تدریس کے منصوبہ میں ہرایک اکائی کا منصوبہ بھی تیار کیا جاتا ہے۔اسکے ذریعہ استاد کوتدریسی مقاصد طئے کرنے کے ساتھ موژ طریقہ سے مضمون کو منظم کرنے میں مددملتی ہے۔منصوبہ بنانے کا ایک وسیع طرز ہوتا ہے۔ بیا یک گھنٹہ یا ایک دن کے لئے منصوبہ بیں ہوتا ہے بلکہ ہفتہ دو ہفتے کے وقفے کا ہوسکتا ہے۔اکائی منصوبہ کے مندرجہ ذیل مقاصد ہیں۔

1۔ نئیسرگرمی یا تجربے کاافتتاح کرنا

2۔ منفرد ہدایات کے طریقوں کی پہیان کرنا

3- نصاب كے مدسے آ كے طلبہ كے تجربہ كى توسىع كرنا

4۔ مستقبل کی ضرورتوں، مثلاً تدریس معاون اشیاء، تدریس کے طریقے، وغیرہ کی پیشن گوئی کرنا

5۔ ایک مخصوص اور کلیدی تصور کے ساتھ کمیونیٹی کوجوڑنا

ا کائی منصوبہ کے اجزاء:

ا کائی منصوبہ کے معاملے میں ماہرین تعلیم و درسیات کے نزدیک کوئی اتفاقی یا مشتر کہ نظریات نہیں ہیں۔ پھر بھی ایک مدرس کواپنی ضرورت کے مطابق ا کائی کے جزاء طئے کرنے چاہئے۔ ہم ا کائی منصوبہ کے اہم اجزاء کومندرجہ ذیل فہرست کے ذریعہ بیان کرسکتے ہیں۔

(الف) بنیادی معلومات

مضمون تدريس، عنوان، درجه، تاريخ كي ميعاد، كل اسباق كي تعداد، اوردركاروقت

(ب) تدریس کے وسائل

تدريبي اشياء، كميونيش وسائل كي فهرست، جائے وقوع كامعا ئندكر نا ركروانا

(ج) اساق کے مقاصد

عمومی اورخصوصی مقاصد، مقاصد کو رویه (Behaviour) کی اصطلاح میں بیان کرنا

(د) اکائی کی تعارف

(ه) اکائی کے اسباق کی تدریس کی طرزرسائی

تدريس كاطريقه

نمامان سرگرمی

منفر دضرورت پورا کرنے کی حکمت عملی

(ف) اختتام

فیڈ بیک کے طریقے

تعين قدركاطريقه

حوالهجات

مندرجه بالااجزاء كولمحوظ ركهته ہوئے سي مضمون كاا كائى منصوبه بنایا جاسكتا ہے۔ نمونه دیکھیں۔

مضمون علم ریاضی اکائی کا نام: مثلث درجه: تنهم

ا کائی کے مقاصد:اس ا کائی کے سکھنے کے بعد آپ اس قابل ہوجائیں گے کہ آپ۔

(i) مثلث کی خوبیوں کہ بیان کرسکس۔

(ii) مثلث کے مختلف اقسام کے درمیان فرق واضح کر سکیس۔

(iv) مثلث ك مختلف كليات كوثابت كرسكيس

منصوبه كاخاكه

تعین قدر کے طریقے	تدريس معاون	طريقهٔ تدريس	سبق کےمقاصد	ذيلي عنوان	ا کائی کے تصور	اسباق
Evaluation	اشياء	Method of	Objectives	Sub Topic	(عنوان)	6
	Teaching	Teaching	of the lesson		Concepts	سلسله
	Aid				(Topic)	S.No.
				کوئی ذیلی عنوان نہیں	مثلث کی خوبیاں	
					مثلث کے مختلف	
				مثلث کےا قسام	اقسام	
				مثلث کے اقسام ii۔ اضلاع کے مطابق مثلث کے اقسام		
				مثلث کےاقسام		
					مثلث کے مختلف	
				کے در میان رشتہ	مثلث کے مختلف کلیہ	
				کے درمیان رشتہ ii۔ مثلث کے اصلاع کے درمیان رشتہ		
				کے در میان رشتہ		

4.5.2 بلوم درجه بندی برمنی منصوبه بندی:

کسی ایک پیریڈ میں ایک مخصوص درجہ میں تدریس کے لئے بھی منصوبہ بنایا جاتا ہے۔ ایسی منصوبہ بندی اکائی منصوبہ سے مختلف ہوتی ہے۔ سبق کی منصوبہ بندی انتہائی مخصوص ہوا کرتی ہے چونکہ بدایک گھٹٹ کی مدت 45-35 منٹ ہوا کرتی ہے اسلئے آئمیں عنوان ، ذیلی عنوان ، ضمون ، درجہ ، طلبہ کی جماعت مخصوص ہوتی ہے۔ ریاضی کی تدریس منصوبہ بنتہائی اہمیت کا حامل ہے۔ طریقہ تدریس ، تدریسی اشیاء اور مثالوں کا انتخاب قبل از وقت کرنے سے تدریس صرف مکمل ہی نہیں بلکہ موثر بھی ہوجاتی ہے بلوم درجہ بندی کے مطابق طلبہ کی آموزش کو تین وسیع علاقوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ وقونی ، تاثر اتی ، اور نفس حرکی علاقے ۔ اگران کا لحاظ رکھ کرمنصوبہ بنتی تیار کیا جائے تو درسی سبق کے تدریسی مقاصد ، معلومات ، تقسیم ، اطلاق ، تعین قدر ، تجزیہ اور ترکیب کے زمرے میں بیان کیا جانا جائے ہوں کی تفصیل آپ نے اکائی دومیں پڑھی ہوگی ایسے منصوبہ بنتی کا سیاق وسباق مندرجہ ذیل ہوتا ہے۔

- (1) تخت سیاه، درجه، مضمون، عنوان، ذیلی عنوان، تاریخ پریڈ وغیره کی معلومات۔
- (2) سبق کے خصوصی مقاصد ، مختلف ماہرین اور مصنفین نے اسے مختلف اصطلاح کے ساتھ ذکر کیا ہے۔ مثلاً تدریبی مقاصد ، برتاوی نتیج ، حتمی برتاؤ ، وغیرہ اس کے ذیل میں استادا پنی تدریس کے نتیج میں طلبہ کے روبیہ میں متوقع تبدیلی کو انکے برتاؤ کی اصطلاح میں بیان کرتا ہے۔ خصوصی مقاصد استاد کی کوششوں کومخصوص بناتے ہیں اور انحراف سے روکتے ہیں۔استاد کوان مقاصد کا استحضار دوران تدریس برقر ارہونا چاہیے۔

- (3) سابقه معلومات: منتخب عنوان/ ذیلی عنوان کی تدریس میں معاون وہ معلومات جو بنیادی طور پرطلبہ کے علم میں ہونالازی ہوتا ہے کوسابقه معلومات سے موسوم کیا جاتا ہے مثلاً ذیلی عنوان' مثلث کی خصوصیات' کے لئے سابقه معلومات مثلث کی پیجان ،اقسام زاویہ،خطمتنقیم کی لمبائی کا اندازہ وغیرہ سابقہ معلومات کو بعض ماہرین ابتدائی برتاوُ (Entry Behavior) بھی کہتے ہیں۔اس کی جانچ سبت کی تدریس سے قبل کی جاتی ہے۔
- (4) تدریسی امدادی وسائل: منصوبہ سبق میں تدریسی امدادی وسائل کا انتخاب تدریس کومؤثر کرنے ی غرض سے کیا جاتا ہے اس کی تفصیل علیحدہ سے آب اکائی 5 میں مطالعہ کریں گے۔
- (5) تعارفی گفتگواورارتقائی سوالات: سبق کا فتتاح طلبہ کی سابقہ معلومات کی جانچ اوران کی روزانہ کی زندگی سے مربوط معلومات پر تبادلہ خیال سے ہونا چا ہیے استاد کی کوشش ہوتی ہے کہ منتخب عنوان کو سیکھنے کے لئے طلبہ کو تتحرک کرے اوران میں تجسس پیدا کرے ۔ ینچے کے درجہ میں استادا نتہائی آسان اور مانوس سوال یو چھے۔
- (6) پیش کش: اس جے میں استاد منتخب عنوان کے مواد کوتر تیب سے طلبہ کوشامل کر کے کمرہ جماعت میں پیش کرتا ہے۔ اس کی کوشش طے شدہ خصوصی مقاصد کا حصول ہوتی ہے۔ اس جھے میں استعال میں لائے جانے والے تدریبی امدادی وسائل تختہ سیاہ کا کام اور معلم اور طالب علم کی سرگرمی کا اطلاقی منصوبہ بیان کیا جاتا ہے۔ پیش کش میں طریقہ تدریس، مناسب مثالوں کا انعکاس ہونا چا ہے تا کہ استاد پہلے ہی سے ذہنی طور تیار ہواور اپنی تدریس کے مل کومؤثر بنائے۔

 تدریس کے مل کومؤثر بنائے۔
- (7) اعادہ سبق: بطئے شدہ مقاصد کے مطابق موادیبیش کرنے کے بعد استاد کل مواد کا خلاصہ بیان کرتا ہے تا کہ طلبہ اپنی آموزش کا اعادہ کرسکیں۔اس ذیل میں ریجی بیان کرناچا ہے کہ طلبہ کی آموزش کی سطح کا اندازہ لگ سکے۔اس کے لئے استاد تختہ سیاہ یا چیارٹ بہیریرسوالات لکھنے کامنصوبہ تیار کرتا ہے۔
- (8) گر کا کام: آخر میں پڑھائے گئے عنوان سے اخذ کرطلبہ کو گھر کا کام دیا جاتا ہے تا کہ کمرہ جماعت کی آموزش کی مثق کر سکے یعموماً گھر کا کام خصوصی مقاصد کے مطابق ہونا چاہیے۔ ایک الجھے منصوبہ بیق میں نگراں سے رائے لینے کی گنجائش ہونی چاہیے تا کہ بیچینگ پریکٹس کے دوران زیرتر بیت استاد اپنی کوششوں میں سدھارلا سکے۔

اینی معلومات کی جانچ:

خالی جگہیں مناسب الفاظ سے پر سیجیے۔

- ا۔ تدریس کامل ایک عمل ہے۔
- 2- تدریسی سبق کے جھے _____ میں معلم مواد کوتر تیب سے پیش کرتا ہے۔
- 3- سبق کے جس مرحلے میں معلم سبق کا خلاصہ بیان کرتا ہے اسے
 - 4- سبق مے علق گھر کے کام کا مقصد اکتباب کی ہے۔

4.6 کنالوجی شم تدریس: (Technology Integrated Lesson)

درس تدریس میں مختلف اقسام کی ٹکنالوجی کا استعال کیا جا سکتا ہے۔روز بروز سائٹس وٹکنالوجی کی ایجاد نے کمرہ جماعت کی سرگرمی کوجھی متأثر کیا ہے۔خصوصاً معلوماتی اطلاعاتی ٹکنالوجی (انفارمیشن اینڈ کمیونیکیشن ٹکنالوجی (انفارمیشن اینڈ کمیونیکیشن ٹکنالوجی (انفارمیشن اینڈ کمیونیکیشن ٹکنالوجی کو استعال کرتا ہے تواس کے لئے منصوبہ بیت کومزید باریکی سے تیار کرنا علیحدہ پرچہ 103۔103 میں کریں گے۔اگر کوئی استادا پنے درس وقد ریس میں ٹکنالوجی کو استعال کرتا ہے تواس کے لئے منصوبہ بیتی کومزید باریکی سے تیار کرنا

چاہیے۔ چونکہ گنالو جی میں خوبیاں اور خامیاں دونوں پنہاں ہوتی ہیں اس لئے استاد کو چاہیے کہ منصوبہ مبتق اس طرح تیار کرے کہ طلبہ خوبیوں سے استفادہ کریں اور خامیوں سے بجیس ۔موادمضمون تدریسیات کے اصول اور نکنالو جی کی خصوصیات متیوں کو کموظ رکھ کرمنصوبہ مبتق تیار ہونا چاہیے۔ سر باریس

ڈیجیٹل ٹکنالوجی کااستعال کر کے تدریس کے لئے منصوبہ بندی:۔

ڈیجیٹل ٹکنالوجی جس میں کمپیوٹراورانٹرنیٹ سب سے زیادہ کلیدی رول کا استعال درس و تدریس کے مل میں کیا جاسکتا ہے۔ایسے اسباق کو دو زمرے میں تقسیم کرسکتے ہیں۔ایک آف لائن اور دوسرا آن لائن۔ دونوں زمروں میں جماعتی ترسیل کی زبر دست صلاحیت موجود ہیں۔اس لئے استاد کو دوران تدریس کافی مختاط رہنے کی ضرورت رہتی ہے۔ایسے اسباق میں استاد دوطرح کے طلباء سے روبروہوتا ہے۔

ایک سامنے اور دوسرے دور کے مقامات پر مقیم ۔اس لئے منصوبہ بناتے وقت دونوں اقسام کے طلباءکو پیش نظر رکھنا چاہیے۔عام طور پر تعلیم میں استعال ہونے والی ڈیجیٹل ٹکنالوجی کے ہارڈوئیراور سافٹ ویئرکی شکل میں مندرجہ ذیل اجزاء شامل کئے جاتے ہیں۔

H/W: ڈیسکٹاپ لیپٹاپ۔ اسارٹ موبائل فون۔

شيبLCD پروجيكير وائث بورد آيد يوويدوريكار در

S/W: ورڈ پروسیسر یاور اینٹ اسپریڈشیٹ

ويڈيوپليئر ورچول ليب

کے سافٹ ویئر۔ (مجاز تدریس سیمولیشن ٹیچنگ)اینیمیشن ہائی اسپیڈانٹرنیٹ کنیکشن LANاور WAN کی فراہمی وغیرہ۔

ایسے اسباق میں کمرہ جماعت کے مناسب اور موافق میڈیا کا انتخاب بہت اہم ہوجا تا ہے۔طلبہ کو کلاس ورک یا ہوم ورک آن لائن یا آف لائن دیا جاسکتا ہے۔ ان کے شکوک شبہات کی وضاحت بھی اسی وقت کی جاسکتی ۔

ایسے اسباق کی کامیابی استاد اور طلبہ دونوں کی ICT مہارت پر شخصر کرتی ہے۔ ٹکنالو جی ضم سبق کامنصوبہ تیار کرتے وقت استاد کے ذہن میں یہ بات ہونی چا ہیے کہ ٹکنالو جی کے پاس عام سو جھ بو جھ (کامن سینس) نہیں ہوتی ہے۔اسے جو بھی ہدایت دی جائے گی وہ اس کے مطابق فعل انجام دے گی۔ اپنی معلومات کی جانچ:

خالی جگہیں مناسب الفاظ سے پر کیجے۔

- ا۔ و جھل ٹکنالوجی پرمبنی اسباق کے دوز مرے ____ اور ___ ہیں۔
 - 2- ویجھل ٹکنالو جی پرمبنی اسباق کی کامیا بی _____ مہارت پر شخصر کرتی ہے۔
- 3- درس ومذریس میں ٹکنالوجی کااستعال کیا جائے تواسے یہ میں۔

4.7 يادر كھنے كے نكات: (Points to Remember)

خوردندریس: ـ

یہ اسا تذہ کوتر بیت دینے کی حکمت عملی ہے جس میں اصل کمر ہُ جماعت کی تدریس میں تخفیف کر کے کسی ایک تدریسی مہمارت کی مثق کی جاتی ہے۔ اکا کی منصوبہ بندی:۔

کسی ایک مضمون کو چندوسیع حصوں میں مدل تقسیم کیا جاتا ہے ہرایک جھے کوایک اکائی کے طور پرتقسیم کیا جاتا ہے۔اس اکائی کی تدریس کے لئے جامع منصوبہ کواکائی منصوبہ کہتے ہیں۔

منصوبه ببق: _

ایک اکائی کوئی چیوٹی اکائیوں میں بانٹ کرایک پیریٹر میں تدریس کی جاسکے ایک سبق کہلا تا ہے اوراس کی منصوبہ بندی پیشگی کی جاتی ہے۔ تدریس کی مہارتیں:۔

. تدریس کی کئی مہارتیں ہیں جن میں محرکات کی تبدیلی ،سوالات یو چھنے ،تقویت عطا کرنے ،مثالیں پیش کرنے وغیرہ معروف مہارتیں ہیں۔

4.8 فرہنگ: (Glossary)

خوردتدریس Micro Teaching

مهیج/ محرکات کی تبدیلی Stimulus Various Skill

تقویت عطا کرنے کی مہارت Reinforcement Skill

اکائی منصوبہ بندی Unit Planning

منصوبه بسبق Lesson Plan

Technology Integrated Teaching کنالوجی ضم تدریس

(Unit End Activities) کی سرگرمیاں 4.9

طويل جواني سوالات:

- (1) خورد تدریس کی خصوصیات بیان کریں
- (2) خورد تدریس کے مل کے وضاحت کریں
 - (3) خورد تدریس کی مہارتوں کی مثال دیں
- (4) تقویت عطا کرنے کی مہارت کے اجزاء مثالوں کے ساتھ بیان کریں
 - (5) تدریسی بدایات کی منصوبہ بندی کی اہمیت بیان کریں
 - (6) اکائی منصوبہ بندی کی خصوصیات بیان کریں
 - (7) کنالوجی استعال کرتے وقت استاد کو کیول مختاط رہنا جاہیے؟

مخضر جواني سوالات

- (8) خوردتدریس پرایک نوٹ لکھئے۔
 - (9) يون يلان كاخا كه تيار يجيح
- (10) خوردندریس کی مہارتوں کو مخضرابیان سیجئے

معروضی سوالات:

(Suggested Readings):سفارش کرده کتابیں: (4.10

Kumar, K.L. (2001) Eductional Technology. New Delhi: -New Age International Publising Srinivasan, P.K. (2010) Resource Matrial for Mathematics Club Actirarue.

Riedesel, C.A. Schwartz, J.K. (1994) Essentidls of Elenaentan Mathamatic (......)

Needhanu Heigls, MA(USA):

Allyn &Bacon.Sharua,D.N&Sharma,R.C.(2011)Science leiTadrces(Translated in Urdu).Nwe Delhi NCPUL.

Madaholi, A.G. (1952). khel de Zaria Taalim Delhi:-Maktaba Jamia Limited Kumar, V. (Edit.) (2012) Pedagory of Mathamnhzs new Delhi:-NCERT.

☆Bishop,P.&Daries,N.(2000)A Strategy for the use of Technology to Enhance Learning in Maths,Stats and OR.

ا کائی 5: ریاضی کے اکتسابی وسائل

(Learning Resources in Mathematics)

ساخت (Structure)

(Introduction) : تمهيد: 5.1

(Objectives) مقاصد 5.2

5.3 رياضي كي درسي كتب _اچچي كتاب كامعياراورا بميت

(Mathematics Textbook- importance and Criteria of good textbook)

5.4 ثانوى اسكول كى موجوده رياضى كى درسى كتاب كاتفيدى جائزه

(A Critical Analysis of Existing Secondary School Mathematics Text Book)

5.5 سمعی، بصری اور کثیر الا بلاغ وسائل ۔ کیصفے والے کی ضرورت کے مطابق انتخاب اور ڈیز ائن

(Audio, Visual and Multimedia Resources-Solution and design according to Learner needs)

(Online Resources - ICT based Pedagogical tools) آن لائن ريسورسيز ـ آئي سي ـ ٿي ٻيڻه پيڙا گوجيڪل ٿولس

(Using community Resouces for Mathematics Learning: Visits, Mathematical field and Excursion)

(Points to Remember): يادر کھنے کے نکات:

(Glossary) فرہنگ 5.9

(Unit End Activities) اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں 5.10

(Suggested Readings) سفارش کرده کتابیس 5.11

(Introduction) تمهيد: (5.1

نصابی کتاب کی بنیاد پراستاداپنامنصوبہ بنق تیار کرتا ہے اس میں دی ہوئی مثالوں کو تختہ سیاہ پراستعال کرتا ہے اور گھر کے تفویض ومثق کے لئے بھی اس دری کتاب کو استعال میں لایا جاتا ہے۔ اسکول کے تمام مضامین میں نصابی کتاب ایک اہم قدریسی شئے ہے۔ یہ بچوں کے اکتساب میں اعلیٰ مقام رکھتی ہے۔ قدریس واکتساب کو منظم طریقہ سے بیش کرنے میں نصابی کتاب مددگار ہوتی ہے۔ مواد مضمون کوسلسلہ وارا ورمخصوص انداز میں نصابی کتاب میں بیش کیا جاتا ہے۔ کسی بھی نظام میں نصابی کتابیں کلیدی حیثیت رکھتی ہیں۔ اچھی نصابی کتاب بنانے کے لئے پھواصولوں کودھیان میں رکھنا چاہئے۔

5.2 مقاصد: (Objectives)

اس اکائی کے مطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجائیں گے کہ

- 1۔ نصابی درسی کتاب کے معنی ومفہوم اورا ہمیت وضرورت پرروشنی ڈال سکیں۔
 - 2- رياضي کي نصابي کتاب کامعيار بيان کرسکيس-
 - 3۔ ریاضی کی موجودہ نصابی کتابوں کا تقیدی جائزہ پیش کرسکیں۔
- 4۔ ریاضی کی تدریس کومؤثر بنانے میں تدریسی امدادی وسائل کی اہمیت وافادیت کی وضاحت کرسکیس اوران وسائل کے انتخاب اور تیاری کے اصول بیان کرسکیس۔
 - 5۔ کتاب ریاضی میں کمیونٹی وسائل کی مختلف اقسام اوران کا استعمال بیان کرسکیس۔
 - 6۔ ریاضی کی تدریس اور اکتساب کے لئے آن لائن وسائل کی تفصیلات بیان کرسکیں۔

5.3 ریاضی کی درسیاتی کتاب۔اچھی کتاب کا معیاراوراہمیت

(Mathematics Textbook-importance and Criteria of good textbook)

اسکول کے تمام مضامین میں نصابی کتاب ایک اہم تدریسی شئے ہے۔ یہ پچول کے اکتساب میں اعلیٰ مقام رکھتی ہے۔ تدریس واکتساب کو منظم طریقہ سے پیش کرنے میں نصابی کتاب مددگار ہوتی ہے۔ مواد مضمون کو سلسلہ وار اور مخصوص انداز میں نصابی کتاب میں پیش کیا جاتا ہے۔ طالب علموں کی نشونما کے فروغ کے ساتھ ساتھ یہ کم وہ جماعت کی تدریس کو ایک سمت میں لے جانے کی رہنمائی کرتی ہے۔ عام طور پر نصابی کتاب ایک تعلیمی آلہ Educational کی حیثیت رکھتی ہے۔ نصابی کتاب ایک خاص مقصد کو پورا کرنے کے لئے تیار کی جاتی ہے۔ اس میں موادِ مضمون کو منصوبہ بند طریقہ سے اجا گر کیا جاتا ہے۔ اس کیا کی متاب کی خیشی میں کردہ مواد مخصوص جماعت کی ضروریات کے مطابق تیار کیا جاتا ہے۔ اس ک نہیں سطر کو پڑھا کر تعلیمی عمل شروع ہوتا ہے اور آخری سطر پر تعلیمی عمل اپنی کتاب کی بنیاد پر استادا پنا منصوبہ سبق تیار کرتا ہے اس میں دی ہوئی مثالوں کو تختہ سیاہ پر استعمال کرتا ہے اور گھر کے تنویض و مثق کے لئے بھی اس دری کتاب کو استعمال میں لا یا جاتا ہے۔

نصابی کتاب مدرس کے تدریسی عمل کے فیصلہ کے لئے بھی کارآ مدہے، طلباء کے اکتساب کو بھی ظاہر کرتی اور آزمائشی کام کے لئے بھی اس کا استعال کیاجا تا ہے۔ کمرہ جماعت میں پڑھائی جانے والی اور سیکھائی جانے والی ہر چیز نصابی کتاب میں موجود ہوتی ہے۔ معلم متعلم اور آزمائش کرنے والے تمام افراد اس پر ہی انتصار کرتے ہیں۔ کسی بھی صورت میں نصابی کتاب تدریسی واکتساب کے مل سے الگ نہیں ہے۔ یہی وجہ ہے کہ نصابی کتاب ایک ذریعہ معلومات ہے اور اسے اسکول کے برابر کا درجہ دیاجا تا ہے۔ یہ صفمون کے مواد اور درس وقد ریس کے مل کو پوری طرح سے جاننے میں مکمل مدد کرتی ہے۔ کو ٹھاری کمیشن کی رپورٹ کے مطابق "نصابی کتاب کا سوال ہمارے ملک کے لئے بہت اہم اور نہایت ضروری ہے۔ بیدار قوم اور ملک کے لئے یہ اشد ضروری ہے کہ نہایت عمرہ کو الیٹی کی نصابی کتاب تیار کی جائے"

نصابی کتاب کے معنی: (Meaning of Text Book)

نصابی کتاب مواد مضمون کا ایک معیاری مجموعہ ہے جو کہ ایک مخصوص مرحلہ (Stage) کے لئے تیار کیا جاتا ہے اس طرح ہم کہہ سکتے ہیں کہ نصابی کتاب منصوبہ بند طریقہ ہے اس مواد کا مجموعہ ہے جو کسی ایک خاص سطح یا عمر کے طلباء کی تدریسی ضرورت کے لئے لازمی ہے نصابی کتاب میں مواد کو خوبصورتی کتاب منصوبہ بند طرح پیش کیا جاتا ہے کہ نگی اصطلاحات اور مہارتوں کو سکھنے میں آسانی ہوتی ہے اور ساتھ ہی ساتھ پرانی معلومات کو بھی بہتر ڈھنگ سے پیش کیا جاتا ہے۔

لانگ (Lang) کے مطابق "ایک نصابی کتاب کسی خاص مطالعہ کی شاخ کے لئے ایک معیاری کتاب ہوتی ہے" بیکون (Becon) کے مطابق "نصابی کتاب کو کلاس روم میں استعال کرنے والی کتاب کی حیثیت سے تیار کیا جاتا ہے" امریکی ٹکسٹ بک پبلیشرس انسٹی ٹیوٹ نے واضح طور پر کہا ہے کہ ایک سچی حقیقی نصابی کتاب وہ ہے جوخاص کرطلباء کے لئے اور ساتھ ہی ساتھ ٹیچر جو کہ اس کواس میں بیش کیا جاتا ہے۔ جو کہ اس کواسکول یا کلاس میں استعمال کر سکے اس لئے تیار کی جاتی ہے۔اور کسی ایک خاص نصاب کے مطالعہ مضمون کواس میں پیش کیا جاتا ہے۔ نصانی کتاب کی ضرورت اور اہمیت: (Need and Importance of the Text Book)

کسی بھی تعلیمی نظام میں نصابی کتابیں کلیدی حیثیت رکھتی ہیں۔تعلیم ایک سہ رخی / عمل ہے جس میں مدرس،طلباء اور مواد اس کے تین ستون ہیں۔مواد درمیانی ستون ہے۔ بیدرس اور سکھنے والوں کے درمیان رابطہ قائم کرتا ہے۔ بغیر کممل مواد مدرس کامیابی کے ساتھ آ گےنہیں بڑھ سکتا ہے۔

نصابی کتابوں کے اندرنصاب کے مواد یا مضمون کے مواد کواس مناسب طرح سے پیش کیا جاتا ہے کہ مدرس اور طالب علم دونوں کے لئے موزوں ہو۔ مدرس اس مواد کوآسانی کے ساتھ ذاتی ہو۔ مدرس اس مواد کوآسانی کے ساتھ ذاتی ہو۔ مدرس اس مواد کوآسانی کے ساتھ ذاتی مطابع سے مجھ جاتے ہیں لیکن زیادہ تر طلباء کو مدرس کی مدد کی ضرورت ہوتی ہے۔

بحرکیف تدریس واکتیا بی ممل میں نصابی کتاب مدرس اور طلباء دونوں کے لئے مددگار ثابت ہوتی ہے۔ تدریسی واکتیا بی میں بینہ صرف اہمیت رکھتی ہے بلکہ بیاس کا ایک لازمی حصہ ہے۔

اساتذہ کے لئے اس کی اہمیت:

مدرس مندرجہ ذیل ضرور توں کو پورا کرنے کے لئے اس کا مناسب استعال کرتا ہے۔

1) مناسب موادمضمون کے لئے:

مدر سابک مخصوص جماعت کے لئے اس کے نصاب کے مطابق مناسب موادِ مضمون کے لئے اس کا استعال کرتا ہے۔ ایک تدریبی کتاب موزوں موادمہیا کرتی ہے اور مضمون کے نصاب کے مطابق رہنمائی کرتی ہے۔ اس کے اندر مناسب مثالیں اور مثق کے لئے بے شار سوالات ہوتے ہیں۔ یہ مدرس کا وقت ضائع نہ ہواس میں مدد کرتی ہے۔

2) منصوبہ بنداور منظم اکتباب کے لئے:

تدریسی کتاب میں اندر مختلف عنوانات کے تحت موادِ مضمون مرتب ہوتا ہے۔ یہ کتاب مدارس کے لئے منصوبہ بندی کے مراحل، مناسب طریقہ تدریس اور موز وں مواد مضمون کی نشاند ہی کرتی ہے۔ مدرس کو منظم اور سلسلہ وار طریقہ سے پڑھانے میں مدد کرتی ہے جس کی وجہ سے اس کی تدیس موثر ہوتی ہے۔

3) رہنمائی کے لئے:

دری کتابیں عنوان کی پیشکش میں مدرس کی رہنمائی کرتی ہے۔ یہ مدرس کے لئے بہت ہی اچھی مثالیں پیش کرتی ہیں جو مدرس اور طلباء دونوں کے لئے رہنمائی کا کام انجام دیتی ہے اور ساتھ ہی ساتھ اصلاح کرنے کی ممکن راہ دکھاتی ہے۔

4) تعین قدر کے لئے:

تعین قدرتعلیم کاایک حصہ ہے۔ زیادہ تر مدرس ایک اچھی تھیلی جانچ تیار کرنے سے قاصر ہوتے ہیں۔ تدریسی کتابیں مختلف قسم کے مسائل پر جانچ کا انتخاب اور تیاری کرنے میں مددگار ہوتی ہیں۔

5) مشق اور گھر کے تفویض کے لئے:

ریاضی مثق پرمبنی ایک مضمون ہے۔ بغیر مثق کے اس مضمون کونہیں سمجھا جاسکتا ہے۔ سکھنے والا جب تک اصول اور قانون کو استعال نہیں کرتا ہے تو اس کو سمجھ نہیں پاتا ہے۔ تدریسی کتابوں کے اندر بے شارا چھے سوالات درج ہوتے ہیں جو مدرس اور طلباء کو نفہیم کرنے کا مناسب موقع فرا ہم کرتے ہیں۔ طلباء کے لئے اس کی اہمیت: طلباء کے لئے بھی اس کی بہت اہمیت ہے۔ بغیر درس کے کتاب کے طلباء ایک ایسے معمار کی طرح ہیں جو کہ بغیر کسی آلہ کے ہے۔ ہر قدم پر طلباء کواس کی ضرورت پڑتی ہے مندرجہ ذیل اہم نکات کے ذریعے آپ کواس کی افادیت کا انداز ہ ہوجائیگا۔

1. خود كارمطالعه ميں مددگار:

طلباء نئی چیزوں کو جاننے کے لئے ہمیشہ کوشاں رہتے ہیں۔اس وجہ سے طلبائیصا بی کتاب کی مدد سے ہرعنوان کو پہلے ہی پڑھ لیتے ہیں تا کہ کمرہ مرحت میں ان کو بیٹون کو پہلے ہی پڑھ لیتے ہیں تا کہ کمرہ میں آجائے۔اس کے علاوہ اگر کوئی بات واضح نہیں ہوتی ہے تو درسی کتاب کے مطالعہ سے وہ چیزیں بالکل صاف صاف نظر آنے لگتی ہیں۔

2. اصطلاحات کونیم کرنے میں مدد کرتی ہے۔

ا کثر کمرہ جماعت میں مدرس کے ذریعہ بتائی گئی اصطلاحات طلباء کی سمجھ میں نہیں آتی ہیں وہ ان اصطلاحات کونصا بی کتابوں کی مدد سے بہتر سے بہتر سمجھ یاتے ہیں ۔

3. اپنی مرضی اورخواہش کے مطابق طلباء کو استعمال کرنے کے مواقع:

کلاس روم کے باہر دری کتابیں ایک مدرس کی حیثیت سے کام آتی ہیں۔اگر کوئی طالب علم کسی چیز کو کمر ہُ جماعت میں نہیں سمجھ پایا ہے تو نصابی کتاب کی مدد لے سکتا ہے۔نصابی کتابوں کی مدد سے وہ اپنی مرضی سے ان سوالات کو حل کریا تا ہے۔

4. ة ئى طور يرمعذوراوريسما نده بچول كے لئے مددگار:

نصابی کتابیں کمرہ جماعت کے باہران بچوں کے لئے نہایت کارگراوراہم ہیں جو بچے دہنی طور پرمعذوراور پسماندہ ہیں ایسے بچے کلاس روم کی رفتار کے مطابق اپنے آپ کونہیں ڈھال سکتے ہیں ۔اس وجہ سے بعد میں وہ نصابی کتابوں کی مدد سے اپنی خامیوں/ کمزور بوں کوسدھار سکتے ہیں۔

فطین بچوں کے لئے مددگار:

فطین بچے اوسط بچوں کی بہنبت زیادہ لکھنے اور پڑھنے کی صلاحیت کے مالک ہوتے ہیں۔ان کی زیادہ سے نیادہ سکھنے اور پڑھنے کی خواہش ہوتی ہے۔اس کو زیادہ سے کمرہُ جماعت کی تدریس ان کے لئے ناکافی ہوتی ہے۔مدرس بھی ان کی زیادہ مدنہیں کرپاتے ہیں کیوں کہ وہ خود کام کے بوجھ سے د بے ہوتے ہیں۔ان حالات میں نصافی کتابیں ہی ان بچوں کی مدد کرتی ہیں اوران کی تعلیمی پیاس کو بچھایاتی ہیں۔

ریاضی کی انچیمی نصابی کتاب کے معیارات: (Criteria for a Good Mathematics Text Book)

ریاضی کی درس کتابوں کی تقید کی وجوہات کی بنیاد پر کی جاتی ہے۔ان میں سے ایک وجہ یہ ہے کہ یہ کتابیں طلباء کے لئے کوئی چیننج پیدانہیں کرتی بیں۔اگر کتاب میں آسان طریقوں کا استعال ہوا ورمواد بھی آسان ہوتو کتاب طلباء کوغور وفکر کرنے کے لئے مجبور نہیں کرتی ہیں دوسری طرف پچھ کتابیں اتن پیچیدہ ہوتی ہیں کہ ان کو بچھنا بہت ہی مشکل ہوتا ہے۔ ریاضی کی ایک اچھی کتاب کے معیارات کی حسب ذیل عنوانات کے تحت درجہ بندی کی جاسکتی ہے۔

مصنف: (The Author)

- 🖈 مصنف سندیافته ، تجربه کاراور ریاضی کامتندمعلم ہونا چاہیے۔
- 🖈 مصنف کوهیقی اکتسابی حالات کی سمجھ ہونی چاہیے اور طلباء کی دشواریوں کی جا نکاری بھی ہونی چاہیے۔

(The Language) ניוָט:

- 🖈 ریاضی کی نصابی کتاب میں استعمال کی جانے والی زبان آسان عام نہم ،سادہ اور بچوں کی جاذبیت کے لحاظ سے ہونی چاہیے۔
 - 🖈 نصابی کتاب میں الفاظ کا استعال اور طرزان بچوں کی عمر کے لحاظ سے ہونا چاہیے جن کے لئے کتاب کھی جارہی ہے۔

```
🖈 ریاضی کی نصابی کتابوں میں استعال ہونے والی اصطلاحات اورعلامات عام مشہورا وربین الاقوامی سطح پر قابل قبول ہونی جا ہئے۔
```

طبعی خصوصیات: (Physical Aspects)

مشقیں اور مثالیں: (Exercises and Illustrations)

عمومی خصوصات: (General Characteristics)

اینی معلومات کی جانج:

- 2- نصابی کتاب سے لیے مفید ہوتی ہے؟
- 3- نصابی کتاب سے طلباء کو کیا فائدہ ہوتا ہے؟
- 4- ایک اچھی نصانی کتاب کے کوئی دومعیارات بتایئے؟
- 5- برسبق كختم برمختلف معيار كسوالات برمنى مشق كيون دى جانى چا ہے؟

5.4 ثانوى اسكول كى موجوده رياضى كى نصابى كتاب كا تنقيدى جائزه:

(A Critical Analysis of Existing Secondary School Mathematics Text-Books)

ریاضی کی نصابی کتاب معلم اور متعلم دونوں کے لئے ایک ناگریز آلہ ہے ایک معلم کواس کواستعال کرنے میں خاص امتیا زاورا حتیا طبر تناچا ہے دری کتاب کو پراثر طور پر استعال کرنا طلباء کی ذہانت اور ضرورت کے لئاظ سے استعال پر شخصر ہے۔ ایک اچھامعلم ہمیشہ طلباء کی سابقہ معلومات بخصیل کی سطح ہمیشہ طلباء کو پر اثر طور پر استعال کرتے وقت معلم کی طاقت اور قوت جذبہ دلچی اور رجحان کے مطابق نصابی کی تدریبی اشیاء سوالات مشقیں وغیرہ اپنا تا ہے۔ دری کتاب کو استعال کرتے وقت معلم طلباء کو اپنے طور پر غور وفکر کرنے کی ہدایت دیتا ہے۔ ازار میں بے شار دری کتابیں ایک ہی نصاب کی پائی جاتی ہیں معلم کوان میں سے کسی ایک اچھی کتاب کا انتخاب کرنا ہوتا ہے جو طلباء کے لئے کار آمد ہو۔ ریاضی کی ثانوی سطح کی موجودہ کسی کتاب کا تنقیدی جائزہ لینا ہے تو حسب ذیل معیارات اس میں مددگار ہوئے۔

موادمضمون: (Subject Matters)

- 1) اس کی افادیت
 - 2) صحیح تنظیم
- 3) نصاب کو بورا کرنا
- 4) منطقی اورنفسیاتی سلسله میں پیشکش
 - 5) طلباء کے معیار کے مطابق ہو
 - 6) تدریسی اصولوں کا استعمال
 - 7) آسان ہے مشکل کی جانب
 - 8) معلوم سے نامعلوم کی طرف
 - 9) خاص سے عام کی جانب
 - 10) مثال سے اصول کی جانب
- 11) واضح اور پرکشش نقشه (Figure) اور گراف
 - 12) مناسب تعداد میں مثالیں اورتشریحات
- 13) مناسب تعداد میں حل کرنے کے لئے سوالات
 - 14) اپٹو ڈیٹ مواد

زبان اورانداز بیان: (Language and Style)

1) آسان اورساده زبان

شكل/خا كهاور قيمت: (Form and Price)

مصنف اوراشاعت: (Author and Publication)

دیئے گئے معیارات کی بنیاد برکوئی بھی شخص ریاضی کی کسی بھی درسی کتاب کا تنقیدی جائزہ لے سکتا ہے۔اس نصابی کتاب کی اہمیت اور افادیت کے

مطابق اس کا استعال کرسکتا ہے۔

اینی معلومات کی جانج:

(Audio, Visual and Multimedia Resources - Solution and design according to Learner need)

ہر معلم کی خواہش ہوتی ہے کہ اس کی تدریس موثر ہو۔اس کی پڑھائی گئی چیز وں کو طلباء ہمچھ لیں، ذہن نشین کریں اور سیکھ لیں۔ان مقاصد کو حاصل کرنے کے لئے مدرس بے شار اور مختلف تدریسی مواد کا استعال کرتا ہے۔ چارٹ، ماڈل، ٹھوس چیزیں، سازوسامان، آلات اور دوسرے وسائل کا استعال کرنے کے لئے مدرس بے شار اور مختلف تدریسی مواد کا استعال کرتا ہے۔ جارٹ، میں تدریسی مواد یا تدریسی اشیاء کہتے ہیں۔ان تدریسی وسائل کو میائل کو میں تدریسی مواد یا تدریسی وسائل کو میائل کو میائل کو میں تدریسی وسائل کو میں تدریسی وسائل کو میں۔

ریڈیو، ٹیپ ریکاڈر، گرامونون اوری ڈیزس کرسکھنے میں مددکرتی ہیں۔ بیسمعی آلات ہیں۔ بھری آلات جیسے چارٹ، ماڈل، گراف، تختہ سیاہ، فلم اسٹریپ، پروجیکٹر وغیرہ جن کود کھ کراکساب میں مددلی جاتی ہے۔ بھری ایسے آلات ہیں جن میں ایک سے زیادہ حسی اعضاء کواکسا بی عمل فروغ دینے اسٹو یپ، پروجیکٹر وغیرہ جن کود کھ کراکساب میں مدد کرتے ہیں۔ ہم کے لئے استعمال کیا جاتا ہے۔ انہیں سمعی۔ بھری آلات کہتے ہیں ٹیلی ویزن، سنیما اورڈ رامہ جودوحسی اعضاء کواکسا بی عمل استعمال کرنے میں مدد کرتے ہیں۔ ہم سناہوا بھول جاتے ہیں، پڑھا ہوا کم عرصہ تک ہی یا درہتا ہے لیکن عمل کے ذریعہ اکساب کیا علم دیر تک حافظ میں محفوظ رہتا ہے۔

كثيرالا بلاغ (ملى ميرٌيا):

کشرالابلاغ دوالفاظ ۔کشر (Multi) اور ذرائع ابلاغ (Media) سے ل کر بنا ہے۔ Multi کے معنی کشریا ایک سے زا کداور Media کے معنی سے ایک وسلہ جس کے ذریعہ ہم اپنے خیالات (Thoughts) یا اطلاعات کو ایک دوسرے تک پہونچاتے ہیں۔اس طرح کشر الابلاغ دوسے زیادہ ذرائع ابلاغ کا مجموعہ ہے۔ جس کے ذریعہ ہم خیالات یا اطلاعات کو ظاہر کرتے ہیں۔کشر الابلاغ کی تعریف یوں کرسکتے ہیں کہ وہ سب کچھ جو ہم سکھ یاسن سکتے ہیں مثلاً Animation, Graphics, Text, Audio وغیرہ کشر البلاغ ہیں۔دوسر لفظوں میں کہہ سکتے ہیں کہ کشر الابلاغ کمپیوٹر ہارڈ ویراور سافٹ و بیز کا جوڑے۔

سمعی، بھری اور کثیر الابلاغ وسائل کی اہمیت اور ضرورت:

(Need and importance of Audio, Visual and Multimedia Resources)

سمعی،بصری اورکشر الابلاغ وسائل کی اہمیت اور ضرورت مندرجہ ذیل ہیں۔

- 1۔ ان وسائل کا استعال کر بے معلم تدریس کے بنیادی اصولوں پڑمل کریا تا ہے۔ وہ مقروں کی مجرد (کی طرف) معلوم سے نامعلوم کی طرف اور اکتباب عمل کے اصولوں پڑمل کر کے آگے بڑھنا ہے۔
 - 2۔ پیطلباء کے اندر دلچیں پیدا کرنے میں مددکرتے ہیں۔
 - 3 پیترریس واکتباب کوآسان اور پرکشش بناتے ہیں۔
 - 4۔ ان وسائل کی مدد سے اصطلاحات اور تصورات بڑی اچھی طرح واضح ہوجاتے ہیں۔جن کوآسانی سے بھول جانامشکل ہوتا ہے۔
 - 5۔ پیوسائل طلباء کے اندرخوداکتیا بی کوفروغ دیتے ہیں اورتغمیری صلاحیتوں کو ابھارتے ہیں۔
 - 6۔ ان وسائل کی مدد سے طلباء کوان وسائل کو Handle اور Manipulate کرنے کا موقع فراہم ہوتا ہے۔
 - 7۔ پیطلباء کے پیدائشی رجحان کومطمئن کرتے ہیں۔
 - 8۔ ان وسائل کی مدد سے مختلف پیچیدہ اصطلاحات ،تصوارات اور مفہوم کو وقت ضائع کئے بغیر طلباء ذہن نشین کرتے ہیں۔
 - 9۔ پیوسائل طلباء کے لئے ایک محرکہ کی حیثیت رکھتے ہیں اور ساتھ ہی ساتھ ان کوچاتی وچو بند بنادیتے ہیں۔
 - 10۔ پیوسائل بچوں کے اندرتجس پیدا کردیتے ہیں جس کی وجہ سے وہ مختلف مضامین کی ہیت کو جانبے کی کوشش کرتے ہیں۔

Teaching Resources (Visual Resources) بصرى وسائل (Audio Resources) سمعی وسائل كثيرالبلاغ (Multimedia) ا_کمپیوٹرس تصاوير ، نقشه ریڈیو ۲_ ٹیلی ویزن بلیٹن بورڈ ، فلم اسٹیپ <u>ٿيپ ريکا ڙر</u> ىروجىكة گراموفون اوور ہیڈیروجیکٹر، ماڈل لیکوبڈکرسٹل ڈسلیے ، حارث ان وسائل کااستنعال کر کے طلباء ذہنی اور جسمانی دونوں لحاظ سیصحت مندریتے ہیں۔ بطلباء کے اندرسائنسی رجحان پیدا کرتے ہیں۔ _12 متعلم کی ضرورتوں کے مطابق انتخاب اور ڈیزائن کرنے کا اصول: (Principle for selection and Design According to Learner needs) ر باضی ایک مجر دسائنس ہےاس کے اندر بے شارمجر دی موادموجود ہے جس کوآ سانی کے ساتھ سمجھنا طلباء کے لئے مشکل ہے۔ان مجر داور پیچیدہ تصوارات کوآسان بنانے کے لئے رباضی کےمعلم کوکوششیں کرنی پڑتی ہیں اس وقت رباضی کے مدرس کوان تدریسی وسائل کی ضرورت پیش آتی ہے۔ یہ تدریبی وسائل ریاضی کے معلم کومضمون کے مواد کوآسان، دلچیپ اور موثر بنانے میں مدد کرتے ہیں زیادہ تر تدریبی مل سی سطح پر ہوتی ہے۔اس وجہ سے معی، بھری اورملٹی میڈیا وسائل طلباءکو بہت مددکرتے ہیں۔ کچھخصوص مقاصد کوحاصل کرنے کے لئے معلم کودوچیز وں کواینے ذہن میں رکھنا جا ہیے۔ 1 _موز ون سمعی، بصری اورملٹی میڈیاوسائل کاانتخاب 2_ان وسائل کا مناسب اورموز وں استعمال

ان وسائل کومتعلم کی ضرورت کے مطابق منتخب کرنے کے لئے مندرجہ ذیل اصواوں پڑمل پیرا ہونے کی ضرورت ہے۔

1. Arsta مرکوزیت کااصول: (Principle of Learner Centerdness)

ان وسائل کا انتخاب کرنے سے پہلے / قبل ہمیشہ معلم کواپنی ذہن میں بچوں کی عمر دلچیسی اوراہلیت کا خیال کرنا چاہیے۔ان باتوں کے بعدان کا استعال کرنا بہتر ہوگا۔اس طرح بیوسائل متعلم کوریاضی کی اصطلاحات یا مواد مضمون کی تفہیم کرنے میں مددگار ثابت ہوتے ہیں۔

2. ولچیپی اور محرکه کا اصول: (Principle of Interest and Motivation)

کسی بھی تدریس۔اکتسا بی ممل کا مرکزی نقطہ دلچیپی اورمحرکہ ہوتا ہے۔ ہارڈ ویئر اور سافٹ ویئر دونوں ہی طرح کے وسائل کے استعال کا ایک مقصد ہوتا ہے کہ خوشگوار ماحول قائم کیا جاسکے جس سے طلباء کے اندرد کچیپی تبجسس اورا ہلیت پیدا کی جاسکے۔

- 3. مقاصد کے حاصل کرنے کا اصول: (Principle of Realization of Objectives) ان اصول کے مطابق ان سمعی ، بصری اور مکٹی میڈیا وسائل کا انتخاب اس طرح کیا جاتا ہے کہ طلباء کے ادرا کی تفہیمی ،مہارتی اور عملی اہلیت کو اجاگر کیا حاسکے۔
- 4. وسائل کے دستیاب ہونے کا اصول: (Principle of Availability of Resources) ان اصولوں کے تحت بیسارے وسائل آ سانی سے دستیاب ہو تکیس جن کا استعال آ سانی سے کیا جا سکے جن کوایک جگہ سے دوسری جگہ آ سانی سے منتقل

(Precautions for using Audio, Visual and Multimedia Resources)

- 1۔ پیانفرادی فرق کی بنیادیر ہی استعال کیا جائے۔
- 2۔ اس کے استعال کی غرض بالکل صاف صاف ہونا چاہیے نا کہ صرف خانہ پوری کے لئے استعال کیا جائے۔
 - 3- معلم كو بميشه ال بات كويا در كهنا چا جيك ديرايك ذريعه (Means) جنا كه خاتمه
 - 4۔ معلم کو ہمیشہ منصوبہ ہبتی میں ان کے لئے جگدر کھنی چاہئے۔
 - 5۔ معلم کوطلباء کے ساتھ ان کے استعال کرتے وقت تعاون اور تال میل بنا کے رکھنا جا ہیے۔
 - 6۔ اس بات کا خیال رکھا جائے کہ بیموٹر تدریس میں مددگار ہو۔
 - 7۔ تدریع عمل کے شروع ہونے سے پہلے ان وسائل کاٹھیکٹھیک جگد پرموجود ہونا چاہئے۔
 - 8۔ اس کواستعال کرنے سے پہلے معلم کواچھی طرح سے اس کواستعال کرنا سکھ لینا چاہیے۔

اینی معلومات کی جانچ:

- 1- تدریس ریاضی میں وسائل کے انتخاب کے لیے کون کون سے اصول ہیں؟
 - 2- وسائل کے استعال میں معلم کوکن کون تی احتیاط برتی حیا ہے۔

5.6 آن لائن ريسور سيز - آئي سي ڻي بيسڙ پيڙا گوجيکل ٽولس:

(Online Resources - ICT Based Pedagogical Tools)

آئی۔ یں۔ ٹی کی تعریف: (Definition of ICT)

آئی۔سی۔ٹی کی اصطلاح ٹیکنالوجی کی شکلوں کو ظاہر کرتی ہے۔اس کا استعال معلومات کی تشکیل کرنے ، جمع کرنے اور تبادلہ معلومات کے لئے کیا جا تا ہے۔اس وسیع تعریف میں مندرجہ ذیل چیزیں شامل ہیں۔ریڈیو، ٹیلی ویزن، ویڈیو، ڈی وی ڈی، ٹیلی فون ،مصنوعی سیارہ نظام ،کمپیوٹر اور کمپیوٹر نیٹ ورک، ہارڈ ویئر اور ساقت ویئر اور ساتھ ہی ساتھ ان ٹکنالوجی ہے متعلق آلات اور سامان وغیرہ اور خدمات مثلاً ویڈیو کا نفرنسنگ اور الکٹر ویک شامل ہیں۔

تعلیمی اعتبار سے انفار میشن اور کمیونیکیشن ٹیکنالوجی کی تعریف یوں کی جاسکتی ہے وہ تمام ڈیجیٹل آلات، اوز ار، آلات اور وسائل جن کا استعال تدریس واکتساب کے مقاصد کوحاصل کرنے کے لئے اور ساتھ ہی ساتھ تعلیمی نظام کے انتظام کے لئے کیا جاتا ہے۔

تعلیم میں آئی میں ٹی کے استعال کا مطلب طلباء کو کمپیوٹر کے استعال اور اسکے عملی طور طریقوں سے واقفیت حاصل کروانا ہے۔اس کے علاوہ سابق اولیا تعلقہ میں آئی میں آئی سے نیادہ حواس شامل ہوتے ہیں۔ اخلاقی مسائل سے بھی آشنا کروانا ہے۔ آئی می ٹی کا استعال اکتسا بی گئل کودلچیپ اور باعمل بنانا ہے اس عمل میں ایک سے زیادہ حواس شامل ہوتے ہیں۔ ترسیل کے آن لائن آلات: (Online Tools for Communication)

ترسیل کے آن لائن آلات سے مرادان آلات /ٹولس ہے جس کے ذریعہ ہم انٹرنیٹ کی مددسے دنیا کے کسی بھی علاقہ میں بسے ہوئے مخص سے رابطہ قائم کر سکتے ہیں۔ ریاضی سکھنے کے لئے یہ بہت ہی کارگر آلہ ہے۔ بیچ کواگر کسی اصطلاح یا سوالات میں دشواری پیش آرہی ہے تو وہ کسی ریاضی دال سے

ترسیل کے آن لائن آلات کے اقسام: (Types of Online Tools for Communication)

بہنوعیت کے لحاظ سے ان کی دوقسموں کے ہوتے ہیں۔

(i) تم وقت آلات (Synchronous)

(ii) غير جم وقت آلات (Asynchronous)

حسب ذیل ترسیل کے آن لائن آلات۔

(E-mail) ای میل

(Blogs) بلاگس

(Online Conferenceing) تان لائن كانفرنسنگ

(e-library) برقیاتی کتبخانی (★

(Wiki) ₺

(Internet Form) انٹرنیٹ

(News Groups) نیوزگروپ

بلاگس: (Blogs)

بلاگ ایک ویب سائٹ ہوتی ہے۔ جس میں اشیاء (Items) کو پوسٹ کیا جاتا ہے۔ سب سے اوپر حالیہ انٹرنیٹ کو پیش کیا جاتا ہے۔ دوسرے میڈیا کی طرح بلاک اکثر کسی خاص موضوع پراپی توجہ مرکوز کرتے ہیں۔ مثلاً غذا، سیاست، مقامی خبریں یا تعلیم ، کچھ بلاک Online Diary کے طور پر کام کرتے ہیں۔

کلاس روم بلاگ کا استعال کس طرح کیا جائے (How to use Blogs in Classrooms):

کمرہ جماعت میں بلاگ کااستعال حسب ذیل ہیں۔

1 ۔ سادہ اعلانات، ہوم ورک تفویض اور بیرونی لنک کے ساتھ ایک کلاس میں بلاگ شروع کریں۔

2- ہرطالب علم سے ایک اپنی دلچین کا بلاگ شروع کرنے کے لئے Motivate کریں۔

3۔طلباء کواینے بلاگ پرخطوط کے جواب دینے کے لئے مدد کرنا جا ہے۔

4۔عام اطلاعات پرکسی موضوع پرانتخاب کریں اوراسے باقائدگی سے اپ ڈیٹ کرتے رہنا جا ہے۔

ای میل: (E-mail)

برقیاتی ڈاک کو مخضرای میل کہا جاتا ہے۔ای میل کے ذریعے ہم اپنے پیغامات کو کمپیوٹرس کے ایک نبیٹ ورک کی مدد سے اس کی منزل تک پہنچاسکتے ہیں۔ای میل کا آغاز 1960 میں ہوا۔ای میل نے انسانی زندگی کو بہت متاثر ہے اور یہی وجہ ہے کہ آج بھی ای میل ترسیل کی سب سے زیادہ مشہوراوراستعال ہونے والی خدمت ہے۔

تعلیم میںای میل کےفوائد:

1۔ایک ہی پیغام کوایک ساتھ ہزاروں لوگوں کوانکے ای۔میل پیوں پر جھیجا جاسکتا ہے۔

2-اس کوآسانی کے ساتھ استعال میں لایا جاسکتا ہے۔

3۔ یہ بہت ہی تیز رفتار ہوتی ہے۔ کچھ ہی وقفہ میں پیغام کوایک جگہ سے دوسری جگہ پہنچادیتا ہے۔

4۔سارے دستاویز وں کواس کے ساتھ ملا کر بھیجا جاسکتا ہے۔

5 تعویفنات، پروجیکٹس ،سوال نامہاورکلاس نوٹس کوایک طالب علم دوسر سے طالب علم کوبا آسانی مہیا کرواسکتا ہے۔

آن لائن كانفرنسنگ: (Online Conferenceing)

انٹرنیٹ کے ذریعے خیالات اور معلومات کا تبادلہ کرنے کا سب سے بہترین طریقہ آن لائن کانفرنسنگ کہلاتا ہے۔ آن لائن کانفرنسنگ کے ذریعے ہم ہرائ شخص کے ساتھ دابطہ کر سکتے ہیں۔انٹرنیٹ سے جڑا ہے کانفرنسنگ کے ذریعے ہم کسی واقعہ، چیزیا جگہ کا مطالعہ کر سکتے ہیں۔انٹرنیٹ کی خصوصیات زندگی کے ہر شعبے میں بے حد کارگر ثابت ہوتی ہے۔ ویڈیو کانفرنسنگ کے ذریعہ تعلیم کے میدان میں درس و تدریس اورانتظامی امور کے شعبوں میں کافی استفادہ ہو سکتا ہے۔اس کے ذریعہ ہم کسی بھی ماہر تعلیم کے کہرکو ہراہ راست جگہ اوروقت کی پابندی کی بغیر دکھا سکتے ہیں یاد کھے سکتے ہیں۔

فوائد (Advantages):

المرتبي المحريلي خدمت ہے

🖈 طلبهاور مدایت کارآپس میں تبادلہ خیال کر سکتے ہیں۔

ایک دوسرے سے ترسیل کی جاسکتی ہے۔

برقیاتی کتبخانه: (e-library)

کتب خانہ میں برقیاتی آلہ کا استعال ہی e-library کہلاتا ہے۔ کتب خانہ میں برقیاتی آلہ کے استعال سے وقت اور محنت دونوں کی بچت ہوتی ہے اور اس کا معیار برقر ارر ہتا ہے خودکاری کتب خانہ (Library Automation) کا مطلب کتب خانہ میں کمپیوٹر کا استعال ہے۔ جو کہ ICT سے متاثر رہتا ہے۔ کتب خانہ کے روز انہ کے کاموں سے شروع ہوکر اطلاع کا حصول و تلاش کرتا ہے۔

برقياتي كتب خانه كاتعليم مين استعال/ فوائد:

1- كتابول كوآساني سے تلاش كياجاسكتا ہے۔

2۔ بیالیک بڑا ڈاٹا ہیں ہے اورا سکے ذریعہ ہم مختلف وسائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔

3۔طالب علموں کے وقت اور محنت کی بچت ہوتی ہے۔

4۔ منتظم کتب خانہ کے کام کا بوجھ کم ہوجا تاہے۔

5-اسكے ذریعہ پورے عالمی كتب خانوں میں تال میل قائم كیا جاسكتا ہے۔

6۔ پیچگہ کی کمی کودور کرتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ قار ئین کوشیح معلومات فراہم کرتا ہے۔

7۔ کم قیتوں میں اچھی ومعیاری کتابیں آسانی سے حاصل کی جاسکتی ہے۔

8۔اس سے حاصل ہونے والی ساری معلومات جدید ہوتی ہے۔

و یکی: (Wiki)

و کی ایک سرور پروگرام (Server Programme) ہوتا ہے جواپنے استعال کرنے والوں کواس قابل بنا تا ہے کہ وہ اس ویب سائٹ سے تعلق رکھنے والے مواد کو تیار کرنے میں اپنا تعاون کر سکتے ہیں۔و کی لفظ ہوائن زبان "Wiki Wiki" سے لیا گیا ہے جس کا مطلب " جلدی "۔

ایک و کمی ایک ایسی آن لائن جگہ ہوتی ہے جو کہ مختلف مصنفین (Authors) کو انٹرنیٹ پرسلسلے وار ویب صفحات کے مجموعہ کی شکل میں تعاونی دستاویز کے وجود میں لانے ،اسے شائع کرنے ، پڑھنے ،ادارت کرنے لکھنے کی سہولیات فراہم کرتی ہے۔ تعلیمی سیاق وسباق میں و کمی اسما تذہ ،طلبہ، ہدایت کار، منتظموں اور دوسر نعلیمی ماہرین کے لئے بہت عمدہ وسیلہ ہوسکتا ہے۔

تعلیمی فوائد:

1۔اسا تذہ ویکیز کومعلومات کےایک ذخیرہ کےطور پراستعال کرسکتے ہیں۔

2 کسی مسئلے پر متفقہ غور وخوص کرنے کے لئے ویکیز کا استعال کیا جاسکتا ہے۔

3 _طلباء ویکیز پرایخ خیالات (Thought) کا خلاصه (Summarise) کرسکتے ہیں۔

4۔ویکیز کے ذریعے اسا تذہ اپنی تدریس مسائل (Teaching Practice Problems) کی عکاسی

(Reflections) اورسوچ کی شرکت داری کر سکتے ہیں۔

5 ـ طلباءا ہے تدریسی پروجیکٹ کوویکیز کی مدد سے تیار کر سکتے ہیں۔

انٹرنیٹ مجلس: (Internet Forum)

ویب سائٹ پر بحث ومباحثہ، تبادلہ خیال یا گفتگو کرنے کی جگہ انٹرنیٹ مجلس کہلاتی ہے۔ مجلس کے ممبران یا اس کے شرکت کردہ افراد کسی موضوع پر اپنا ڈسکشن (رائے ،سوچ، خیالات) پوسٹ کر سکتے ہیں اسکے ساتھ ساتھ دوسر مے مبران کی پوسٹ کو پڑھ بھی سکتے ہیں۔اوراس کا جواب بھی دے سکتے ہیں انٹرنیٹ مجلس کا مقصد صرف ایک مضمون یا موضوع پرتفصیل سے ڈسکشن کرنا ہوتا ہے۔

انٹرنیٹ فورم کوئین بورڈ (Message Board)، ڈسکشن گروپ (Discussion Group) یا ویب فارم کہاجا تا ہے۔انٹرفورم عام طور پراس کے بھی ممبران کو بیا جازت دیتی ہے کہ وہ پوسٹ کر سکے اور نئے موضوع کا آغاز کر سکے۔انٹرنیٹ فورم سے جڑے یعنی اس کاممبر بننے کے لئے استعمال کے لئے استعمال کنندہ کو اس پررجٹر کرنالازمی ہوتا ہے۔

تعلیم میں انٹرنیٹ مجلسوں کے فوائد:

🖈 طلباءاسا تذہ بالمشافہ (فیس ٹوفیس) ایک دوسرے سے لنہیں سکتے ہیں ان لوگوں کے درمیان ترسیل کے لئے انٹرنیٹ فورم ایک عمدہ جگہ ہے۔

🖈 پیرونت کی قید کے بغیرتر سل کا ایک بہت طاقتور ذریعہ ہے۔

انٹرنیٹ فورس کمپیوٹرترسیل (Computer Medicated Communication) کا ایک طریقہ ہے۔ پیطلبہ اساتذہ اور تعلیم کے میدان سے جڑے دوسرے اشخاص کو بیمواقع فراہم کرتا ہے کہ اپنے تصوارات کے ردوبدل کے لئے اپنے پیغامات کو کھر کر پوسٹ کر سکتے ہیں۔

ت منظم اور مناسب انٹونیٹ فورم طلباء کوابیاا کتسا بی موحول فرا ہم کرتا ہے جس کے ذریعے وہ سیھی گئی نئی معلومات کا فوراً اپنی ذاتی اور پیشہ وارانہ زندگی میں استعال کر سکتے ہیں۔

پیدروه بین (Introvert) اور بروه بین (Extrovert) دونوں طرح کے معلمین کوآن لائن ڈسکشن میں مصروف رکھتے ہیں۔

ا بني معلومات کی جانج:

- ارسیل کے ہم وقت آلات سے کیا مراد ہے؟
- 2- ترسیل کے آن لائن آلات کون کون سے ہیں؟
- 3- تعلیم میں ای میل کے کوئی دوفائد بیان کیجیے؟

5.7 ریاضی کے اکتساب کے لئے کمیونیٹی وسائل کا استعال، وزیٹس، ریاضیاتی تعلیمی دورہ اور تعلیمی سیر

(Using community Resouces for mathematics Learning: Visits, Mathematical field and Excursion)

متعلم کے لئے کمرہ جماعت میں ریاضی کے ذریعہ ریاضی کی رسی سرگرمیوں کے علاوہ غیررسی ریاضی کی سرگرمیاں / ہم نصابی سرگرمیاں بھی منعقد کی جاتی ہے۔ ان سرگرمیوں میں والدیں ، طلباء اور سماج کے لوگوں کا تعاون لازمی ہے۔ اس طرح سے ریاضی کی تدریس واکتساب کے مقاصد کو بہتر ڈھنگ سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ اس لئے ان کوغیرسی اور ہم نصابی سرگرمیاں کہا جاتا ہے ان کومنظم کرنے کے لئے جگہ اور وسائل کی ضرورت پڑتی ہے۔ کیونکہ ان سرگرمیوں کو اسکول کے باہر منعقد کیا جاتا ہے۔

ریاضی کی وزیٹس اورا کیس کرش: (Mathematic Visits and Excursions)

ریاضی کی Excursions دونوں ہی سرگرمیاں اسکول کے باہر کی سرگرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی ہدایت اور رہنمائی میں اسکول کے احاطہ کے باہر منظم کیا جاتا ہے۔ پیطلباءوالدین اور اسکول کے کارکنان کے سرگرم تعاون سے انجام دی جاتی ہے۔

منعقد کرنے اور اغراض کے لحاظ دونوں ہی ایک جیسے ہیں اور دونوں کو ایک دوسرے سے ردوبدل کر سکتے ہیں۔Visits کا وسعت اور ماحصل ننگ ہوتا ہے۔ جبکہ ایکس کرشن کی وسعت اور ماحصل بہت وسیع ہوتی ہے۔

جب بہ کہاجا تا ہے کہ ہم لوگ ایک خاص جگہ/ تاریخ جگہ/ تنظیم/ادارہ جس کی ریاضی کے لحاظ سے اہمیت ہے اس کود کیھنے کا منصوبہ بنارہے ہیں تو اس کا مطلب صاف ظاہر ہوتا ہے اس جگہ ادارہ اور تنظیم کی ریاضی میں ایک خاص اہمیت ہے۔لیکن جب ہم کسی ایک علاقہ یا جگہ یا کسی خاص جگہ ایکس کرشن یا فیلڈٹرپ کی بات کرتے ہیں تو ہم اس کے کسی مخصوص مقصد تک محدود نہیں ہوتے ہیں۔

Mathematics Visits اور Excursions کے استعال اور فوائد:

(Uses and Advantages of Mathematics Visits and Excursions)

- 1۔ ریاضی کی اصطلاحات مجر دہوتی ہیں جس کواسکول میں زبانی سکھایا جاتا ہےان چیز وں کومقرون (Concrete) شکل میں دیکھنے کوملتا ہے۔
 - 2۔ ریاضی کےمضامین کی تدریس واکتساعمل میں دلچیسی پیدا کرنے میں مدوکرتی ہیں۔
 - 3۔ اس سے کمرہ جماعت میں تھ کا دینے والی ریاضی کی تدریس واکتساب سے نحات حاصل ہوتی ہے۔
 - 4۔ اکتسابی حدود کوختم کرنے میں مددکرتی ہیں اسکول کے حدود کے باہر ریاضی کو استعال کیا جاسکتا ہے۔
- 5۔ استدلال ریاضی بخیل کرنے کی صلاحیت اور عمومیت کی صلاحیت کوفروغ دیتی ہیں کیوں کہ طلباء ریاضی کے مختلف اصولوں کو قیقی زندگی کے آئینہ میں دیکھتے ہیں اور آزماتے ہیں۔
- 6۔ ریاضی کے کارگرمواد، واقعات، تج بات اور ریاضی کے مختلف اصولوں کا ان ریاضی کلب ریاضی کی نمائش اور ریاضی میلہ سے جمع کرنے کا موقع ملتا ہے۔

- 7- طلباء کے اندر ساجی اقد اراور تال میل کی صلاحیت پیدا کرنے میں مدوکرتی ہیں۔
- 8۔ ان سابق وسائل کی مدد سے معلم اور طلباء دونوں کوا کیس کرشن اور نمائش کا اہتمام کرنے میں مدد ملتی ہے۔
- 9۔ ریاضی کو ہرسائنس کا درواز ہ کہتے ہیں اس کو جاننے کے لئے بیوسائل کا فی مددگار ثابت ہوتے ہیں۔مثال کے طور پر تاج محل کود کیھنے کے بعد ریاضی کے اصولوں ، کیسانیت اور مساوات وغیرہ کو سجھنے میں کا فی مدد کماتی ہے۔

ویزنش اورا میس کرشن کی تنظیم:(Organization of Visits and Excursions)

ویزٹس اورا میس کرشن سے قابل قبول اور موثر ماحول کے لئے ضرور ہے کہ اس کُمنظم (Systematic) اور مناسب ڈھنگ سے انجام دیا جائے۔ ریاضی کے مدرس کواس بات پر توجہ دینی چاہیے کہ کس طرح ان ساری چیزوں سے تعلیمی فوائد حاصل کئے جائیس گے۔

1۔ ویزائس اورا میس کرشن کے لئے انتخاب کی جانے والی جگہ:

ویذٹس اورا میس کرشن کے لئے انتخاب کی جانے والی جگہ کو نظمندی کے ساتھ عمل میں لانا چاہے۔ان کا انتخاب موادِ ضمون اور عنوان کے مطابق کیا جانا جا ہیے۔ان عنوانات کا اثر ہماری روز مرہ کی زندگی میں خصوصی طور اورعمومی طور پر کیا ہوسکتا ہے۔

2۔ ویڈٹس اورا کیس کرشن کی تیاری:

ا بیس کرشن کی جگہ کومنتخب کرنے کے بعد مدرس کواس کی مکمل تیاری اور منصوبہ بندی کرنی لازمی ہے۔ان مقاصد کو پورا کرنے کے لئے مندرجہ ذیل یا توں بڑمل درآ مدکر ناضروری ہے۔

- (الف) مدرس کوادارہ کے مہتم سے اجازت لینی چاہیے اور ساتھ ہی ساتھ طلباءاوران کے والدین کی رضامندی بھی حاصل کرنی چاہیے۔
- (ب) اگرد کیضے والی جگہ کی دوری بہت زیادہ ہوتواس کے لئے بس یار بلوے ریز رویشن بھی حاصل کرلینا چا ہیے۔اگر متعلم کے لئے سفر کراہیہ کوبھی چھوٹ حاصل ہے تواس کا بھی فائدہ اٹھانا چا ہیے۔
- (ج) جس تاریخ جگہ کودیکھنے جارہے ہیں اس جگہ /ادارہ کے کارکنوں سے پہلے سے ہی اجازت حاصل کر لیننے چاہئے۔اور ساتھ ہی ساتھ رہائش کا بھی انتظام بھی کرلینا چاہیے۔
 - (د) طلباء کواکیس کرشن کے اغراض اور مقاصد کوصاف صاف واضح کر دینا چاہیے۔
 - (ص) طلباءکو پہلے ہی سے ضروری ساز وسامان لے جانے کی مدایت دینی چاہیے۔ بحرکیف ان کے کھانے کا مناسب طریقہ سے انتظام کیا جانا چاہیے۔
- (ه) ایکس کرشن کے انتظام میں طلباء کی مکمل شراکت لازمی ہے۔طلباء کو مختلف ذمہ داریوں کے ذریعہ ان کی شمولیت حاصل کی جانی چا ہیے۔مثلاً فوڈ نمیٹی، ٹریولنگ نمیٹی،فنانس نمیٹی،انٹر ٹینمنٹ نمیٹی اوریرویرٹی نمیٹی بنا کرطلباء کوشامل کرنا چاہیے۔
 - (ی) طلباء کوظم وضبط قائم رکھنے کے لئے مکمل ہدایات دین چاہیں۔

ریاضی کے علیمی سفر کامفہوم:

تفریکی سفر کو تعلیم سے جوڑنے کا کام جناب رین (Rain) نے کیا اور اسے با قاعدہ نصاب میں شامل کیا گیا۔ رین (Rain) نے اس تفریکی سفر کو 19 ویں صدی میں تاریخ اور جغرافیہ کی تدریس کو اور موثر دلچیپ بنانے کے لیے ثامل کیا تھا، اور اس کا نام Field Trips رکھا تھا۔ ان کا ما نناتھا کہ اس مضمون کو پڑھانے کے لئے ایک Field Trip منعقد کرنا چا ہے تا کہ طلبہ اصل اور حقیقی شئے سے روشناس ہو سکیس۔ اگر معلم جغرافیہ میں سمندر، پہاڑ، آبشار کو پڑھار با جو اسے تاریخی ممارتوں کی سیر کرانا ہے تو اسے اس طرح کے تفریحی سفر کومنعقد کرنا چا ہے تا کہ طلبہ براہ راست مشاہدہ کر سکیس۔ اس طرح اگر معلم تاریخ پڑھار ہا ہے تو اسے تاریخی ممارتوں کی سیر کرانا

اوران کامشاہدہ کرانا چاہیے۔اس تفریحی سفر سے ساجی علوم کی تدریس بہت موثر اور دلچیپ ہوجاتی ہے۔اس طریقہ تدریس کا ہم ساجی علوم میں بہت اچھی طرح سے استعمال کر سکتے ہیں۔

تفریکی سفر کے ذریعے طلبہ تمام اصل شے کا براہ راست مشاہدہ کرتے ہیں اور معلم طلبہ کواسی جگہ پر تمام واقعات کو بیان کرتا ہے تا کہ طلبہ اسی زمانے کا تصور قائم کرنے لگے۔اس طرح طلبہ جو سکھتے ہیں وہ کممل ہوتا ہے اور طلبہ بھی بھی بھولتے نہیں ہیں۔مصنف جغرافیہ کا طالب علم رہا ہے اس لئے اس طرح کے سفر کی اہمیت کوا پنے لفظوں میں یوں بیان کرتا ہے کہ تفریخی سفرطلبہ کے حواس خمسہ کو تتحرک کرتا ہے اس لئے اس سفر میں سکھا جانے والاعلم دائمی ہوجا تا ہے۔

ریاضیاتی فیلڈٹرپ کے مقاصد: (Aims of the Mathematical Fieldtrip)

- 1۔ ذاتی تج بوں اور تجس کے ذریعہ ریاضی کی معلومات کو حاصل کرنا۔
- 2۔ اسکول کے روایتی تعلیمی ماحول کوتبدیل کر کے اور کمرہ جماعت کے باہر کے حرکیاتی (Dynamic) ماحول کواسکول میں واپس لا نا۔
- 3۔ طلباء کی اہلیت کوفروغ دینا تا کہ وہ اس طرح کے مسائل کوٹل کریائیں ان چیزوں کی مدد سے جوطلباء کمرہ جماعت کے باہر سکھتے ہیں۔
 - 4۔ ریاضی کا دوسر بے مضامین جیسے جغرافیہ، تاریخ اورطبعیات وغیرہ سے تعلقات کا جائزہ لینا۔
 - 5۔ ریاضی کے اکتباب سے پیدا ہونے والی بے چینی (Anxiety) کو کم کیا جاسکتا ہے۔
 - 6۔ ریاضی کی فیلڈٹریاس علاقے کے مختلف sites کوجانے میں مدوکرتی ہے۔
 - ریاضی کے فیلڈٹر یکی تیاری مندرجہ ذیل طریقوں سے کی جاسکتی ہے۔
 - مکن Sites ریاضی کی سرگرمیوں کے لئے مناسب ہو۔
 - 🖈 انتخاب کی گئیsite کا فوٹولینا ضروری ہے۔
 - اس منتخب site کا تاریخی اور جغرافیائی ماضی کی تحقیق کرنی حیا ہے۔

تعلیمی دورے کی خصوصیات: (Characteristics of Field Trips)

تعلیمی دورے یا فیلڈٹر پ (Field Trips) ایک مدرسی طریقہ کارہے اوراس کی مندرجہ ذیل خصوصیات ہیں:

- i) اس طریقه کارمیں طلبہ مواد کو سکھنے کے لئے اصل حالت میں تجر بہ کر کے سکھتے ہیں اوراس مواد کو سکھنے میں وہ اپنے فہم اورادارک کا استعمال کرتے ہیں۔
- ii) بوایک نفساتی طریقه کار بے جس میں سکھنے والے کے حواس خمسہ سکھنے کے مل میں متحرک ہوتے ہیں اس سے طلبہ کو مواد کو سکھنے میں بہت آسانی ہوتی ہے۔
 - iii) اس طریقه کاریے تدریس کرنے میں ساجی علوم کے تمام موضوع دلچیپ اور عملی ہوجاتے ہیں۔
 - iv) میطلبه کودرجه جماعت کی چار دیواری سے باہر جا کر سکھنے کا موقع فرا ہم کرتا ہے تا کہ طلبہ پوری آزادی کے ساتھ خود سے مطالعہ کریں۔
 - v) پیترریسی مواداور کسی بھی شئے کو جانے کے لئے اصل اور شیح معلومات فراہم کرتا ہے۔
 - vi) اس کے ذرایع طلبہاصل تج بے حاصل کرتے ہیں اور باآ سانی موا دکو پوری طرح سمجھ یاتے ہیں اور ذہن میں لمبے وقت تک محفوظ رکھتے ہیں۔
- vii) پیطریقه کاربغیرسو ہے سمجھے حفظ کرنے کے طریقه کوئم کرتا ہے اورا پنے فہم واداراک سے مواد کو سمجھ کرسکھنے کوفروغ دیتا ہے۔اس سے طلبہ جو بھی مواد سیکھیں گے وہ ان کے ذہن میں لمیےوقت تک محفوظ رہے گا۔

تفریخی سفر کے فائدے: (Advantages of Field Trips)

i) تفریخی سفر کے ذریعے طلبہ کو براہ راست سکھنے کا موقع ملتا ہے۔

- ii) اس کے ذریعے طلبہ کے پیدائشی میلانات (innate urges) پورے ہوتے ہیں۔
 - iii) يطلبه كوساج كي عملي تربيت ديتا ہے۔
 - iv) سیر / تفریخی سفرطلبہ کے نقطۂ نظر کووسیع کرتا ہے۔
 - v) تفریخی سفرطلباءکوحقائق برغور وخوض کاموقع فراہم کرتا ہے۔
 - vi) اس سے طلباء کے اندر تحقیقی صلاحیت کا فروغ ہوتا ہے۔
 - vii) ہے۔ پیرا کرتا ہے۔
 - viii) اس سے طلباء کے اندرایک ساتھ رہنے اور مل کر کام کرنے کا جذبہ پیدا ہوتا ہے۔
 - ix) ایسے سفر میں طلباء کے اندر خوداعتادی پیدا ہوتی ہے۔
 - x) اس سے طلباء کے اندرساجی اقد ارکا فروغ ہوتا ہے۔

تحديدين: (Limitations)

- i) اس طریقه کارمیں وقت ، قوت اور پیسه بهت خرچ ہوتا ہے۔
 - ii) اس میں طلبہ کے والدین کا تعاون بہت کم ہوتا ہے۔
 - iii) اسے منظم کرنے کے لئے رہنمائی کی کی پائی جاتی ہے۔
 - iv) يا پني آپ ميں مکمل طريقة کارنہيں ہے۔
- v) اس طریقه کار کے استعال سے اسکول کے دوسرے مضامین کا وقت برباد ہوتا ہے۔
 - vi) اس طریقه کارمین نظام الاوقات پرختی ہے مل نہیں ہویا تاہے۔

اینی معلومات کی جانج:

- 1- Mathematics Users اور (Excursions) کے کوئی دوقواعد بیان کیجے۔
 - 2- رياضياتى فيلڈٹر يے كوئى تين مقاصد بيان كيجيه ـ
 - 3- تفریکی سفر کے حدود (Limitations) بیان کیجے۔ (کوئی دو)

(Points to Remember): يادر کھنے کے نکات:

- 🛣 نصابی کتاب ایک خاص مقصد کو پورا کرنے کے لئے تیار کی جاتی ہے۔اس میں موادِ مضمون کو منصوبہ بند طریقہ سے اجا گر کیا جاتا ہے۔
 - 🖈 کسی بھی تعلیمی نظام میں نصابی کتابیں کلیدی حیثیت رکھتی ہیں۔
 - 🖈 تعلیم ایک سه رخی اعمل ہے جس میں مدرس ،طلباءاور مواداس کے تین ستون ہیں۔
 - 🖈 تدریس واکتسانی عمل میں نصابی کتاب مدرس اور طالب علموں دونوں کے لئے مدد گار ثابت ہوتی ہے۔
 - 🖈 ریاضی کی نصابی کتاب میں استعال کی جانے والی زبان آسان عام فہم ،سادہ اور بچوں کی جاذبیت کے لحاظ سے ہونی چاہیے۔
 - 🖈 درسی کتاب کا مواد مضمون ،منطقی اورنفسیاتی لحاظ سے احتیاط کے ساتھ منظم کیا جانا چاہیے۔ جوموثر ندریسی ماحول کو پیش کر سکے۔
- 🖈 🚽 چارٹ، ماڈل،ٹھوس چیزیں،ساز وسامان،آلات اور دوسرے وسائل کا استعال کرکے ریاضی کامعلم اپنی تد ریس کوموثر بنانا چاہتا ہے ان ہی وسائل

کوریاضی کی اصطلاح میں تدریسی موادیا تدریسی اشیاء کہتے ہیں۔ان تدریسی وسائل کوسمعی،بصری اوکثیر البلاغ تدریسی وسائل کہتے ہیں۔

المسترسل نوعیت کے لحاظ سے دوستم کے ہوتی ہے۔

(i) تم وقت آلات

(ii) غير جم وقت آلات

ریاضی کی Excursions دونوں ہی سرگرمیاں اسکول کے باہر کی سرگرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی ہدایت اور رہنمائی میں اسکول ہے کہ اسکول کے باہر کی سرگرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی ہدایت اور رہنمائی میں اسکول کے جاتھ ہے۔

(Glossary) : فرہنگ 5.9

تقیدی جائزه Critical Analysis

Publication اشاعت

Audio سمعى

بصرى Visual

Excursion تعلیمی سیر

تغلیمی دور Field Trip

(Unit End Activities) اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں 5.10

طويل جواني سوالات:

1۔ ایک استاد کے لئے نصابی کتاب کی ضرورت واہمیت جاننا کیوں ضروری ہے؟

2۔ اچھی نصابی کتاب کی تیاری کے کئے کن باتوں کو مذظرر کھنا چاہئے؟

3- كن معيارات كى بناء پرېم ايك نصابي كتاب كواچها كهه سكته بين؟

4۔ سمعی، بصری اور کثیر الابلاغ وسائل کے فرق کو واضح سیجئے۔

5۔ ریاضی کی Visits اور Excursion سے کیامراد ہے؟ استعالات اور فواکد بیان کیجئے۔

6۔ آن لائن ذرائع کیا ہیں؟اقسام کے ساتھ بیان کیجئے۔

7۔ استاد کس طرح آن لائن وسائل کا استعال کر کے اپنی تدریس کومؤثر بناسکتا ہے؟

مخضر جواني سوالات:

8 ۔ سمعی، بصری اور کثیر الا بلاغ وسائل کی اہمیت وضرورت کو بیان کیجئے۔

9۔ تفریخی سفر کی خصوصیات کیا ہیں؟

10 - تفریخی سفر کی تحدیدیں بیان سیجئے۔

e-Library – 11 کے کیافا کدے ہیں؟

معروضی سوالات:

"نصابی کتاب کوکلاس روم میں استعال کرنے والی کتاب کی حیثیت سے تیار کیا جاتا ہے" کس نے کہا؟

جوابات:

e-Library -14

1960-13

12_بيكون (Becon)

(Suggested Readings) سفارش کرده کتابیں: (5.11

- Aggarwal, S.M.: Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K: The Teaching of mathematics in New Education
- Bell, E.T: The Development of Mathematics
- Bhatia and Bhatia: The Principles and Methods of Teaching
- Chadha, B.N.: The Teaching of Mathematics
- NCERT, New Delhi: Multi Sensory Aids in Teaching of Mathematics
- MANGAL, S.K.: Teaching of Mathematics
- Siddhu, K.S.: The Teaching of Mathematics
- Husain, Noushad: Information and Communication Technology in Education and Instructional System
- Kulshrestha, A.K.: The Teaching of Mathematics